THÉORIE MÉCANIQUE DE LA CHALEUR PAR G.-A. HIRN: **EXPOSITION...**

Gustave Adolphe Hirn





PREMIÈRE PARTIE.

EXPOSITION ANALYTIQUE ET EXPÉRIMENTALE.

PAR

G.-A. HIRN.

Membro homoraire de la Société des Sciences naturelles de Zurich, de la Société hetere de philosophie expérimentale de Rotterdam , de la Société industrielle de Mulboure, de la Société juvanicume d'émutation de Monthéliard.

NDE ÉDITION ENTIÈREMENT REFORDEE.

PARIS,

CHET GAUTHIER-VILLARS, SUCCESSEUR DE MALLET-BACHELIER, 55, QUAI DES AUGUSTINS.

_

1865.

4, 8. 31%.

00

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA CHALEUR.

EXPOSITION ANALYTIQUE ET EXPÉRIMENTALE. COLMAR. — 1895, DE CIL-19. BOTTWANN, NUMBERS BC LA PRÉPARTURE

THÉORIE MÉCANIQUE DE LA CHALEUR.

PREMIÈRE PARTIE.

EXPOSITION ANALYTIQUE ET EXPÉRIMENTALE

PAR

G .- A. HIRN,

Membre bonomire de la Sorbité des Sciences naturelles de Zurich,
de la Saciété batave de philosophie expérimentale de Hotterdam, de la
Société infantrielle de Malhome,
de la Société juransienne d'émulation de Mouthéllard.

SECONDE ÉDITION ENTIÈREMENT REPONDUE.

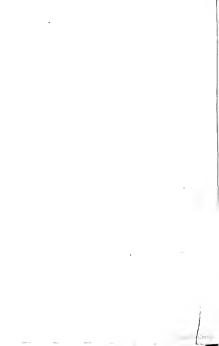


- CONTRACTOR --

PARIS.

CHEZ GAUTHIER-VILLARS, SUCCESSEUR DE MALLET-BACHELIER, 55, QUAI DES ALGESTINS.

1865.



٨

Monsieur Combes,

MEMBRE DE L'INSTITUT DE FRANCE,

A L'HOMME DE BIEN, AH SAVANT ÉMINENT ET MODESTE HOMENGE DARTIÉ ET DE STAFFATER

DE SON BIEN AFFECTIONNÉ

G.-A. HIRN.

PRÉFACE

Ceci n'est point, solon l'expression généralement adoptée, une seconde édition revue, corrigée et considérablement augmentée: autrement dit, une simple réimpression avec addition de notes.

L'accueil, si flatteur pour moi, qu'a reçu dans le monde scientifique mon ouvrage de 1862, m'a imposé l'obligation de sortir de la formule ordinaire et de faire mieux, dans la mesure de mes forces.

Lai donc refondu le travail en entier, quant au fond et quant à la forme; j'y ai ajouté beaucoup, j'en ai retranché plus encore. Lai tâché, en un mot, de perfectionner et non de répéter, et je pense avoir fait un livre nouveau.

Jo me suis proposé un triplo but : approprier l'ouvrage à l'enseignement supérieur, être utilo aux ingénieurs qui s'occupent de la construction des moteurs thermiques, enfin et surtout, intéresser les pluvsieurs et les chimistes en général.

4°. Au premier point de vue, j'ai cherché à rendre mon exposition aussi claire et aussi méthodique que possible; je me suis, dans l'ensemble commo dans les détails, conformé à un plan unique. J'ai éloigné tout ce qui, de près ou de loin, neut ressembler à une l'uvothèse, à une idée préconque.

Sachant combien tout ce qui touche même de loin aux questions philosophiques et métaphysiques semble encore suspect à la plupart des hommes de science, j'ai non seuloment évité l'apparence même de discussions de ce geure dans le cours de ce livre, mais j'ai pris le parti de séparer, en un volume totalement distinct de celui-ci. l'exposé de ce que je considère comme l'expression de la vérité dans l'interprétation supérieure des phénomènes naturels; l'ai pu ainsi donner à ce second ouvrage les développements qu'il comnortait, mais qui, aux veux de bien des personnes, eussent été déplacés à la fin d'un ouvrage de physique mathématique. Pour me conformer à mon plan général, i'ai dû tout écrire moi-même d'un jet, et j'ai dû renoncer, à mon grand regret, à donner sous forme distincte , dans ce volume, ma traduction du beau livre de Zeuner. Mais j'ai fait en sorte que le lecteur n'y perde pas : j'ai mis à profit une bonne partie des matériaux de cette traduction, et si j'ai supprimé quelques développements, j'ai ajouté d'autres travaux plus récents du même auteur ; j'ai conservé même, en certains passages, so narration intacte. A peine ai-je besoin do dire qu'en agissant ainsi, jo l'ai fait evec le plein assentiment de mon amiZeuner; et je remercie ici ce savant, aussi supérieur de cœur que d'intelligence, de la marque d'amitié qu'il m'a donnée en cette circonstance. 2°. Au second point de vue, j'ai fait teut autre chose

que ou qui attendaient peut-être beaucoup de mes lecteurs. Au lieu de présenter des applications multipliées de la thécite aux machines coloriques, je me suis renferrué au contraire dans une sorte de critique générale. J'ai la certitude copenant qu'après letture et réfection, la plupart des personnes n'approuveront. Si, dans son origine; la théorie thermodynamiqua a été transportée et utiliées urbrout dans lo domaine de la mécanique appliquée, si elle a été miss en quolque sorte à l'épreuve dans la traduction des phénomènes qui s'offrent dans les moteurs à gaz, à vapeur, etc., il n'en est pas moias clair que son oercle est hien plus vaste, et que ce n'est pas à une sepéce d'utilisme pratique qu'il est permis de la borner. J'ui pensé que dans un livre de science une, il semit déplacé de faire de la technologie; et p'ai cherché simplement à tracer les règles qui s'imposent à l'étude des moteurs thermiques, à montrer qu'il est déscrmais impossible de s'occuper, même sous forme totte jratique, de la construction de ces moteurs, sans posséder à foul la nouvellé obstrine.

3°. Enfin au troisième point de vue, Jia idché d'être nent, tout au moins paur la forme, sans vier à la nouveauté ou à l'originalité. On peut dire sans la moindre exagération que la théorie thermo-dynamique a changé la face de la physique toute entêre; et il n'y a pas plus d'exagération à dire que les progrès ultiérieurs de la chimie elle-môme sont ottimement liés à cette doctrine. Je suis fort loin de dire qu'en es sens Jaie abordé la question sous toutes ses faces; j'ajoute au contraire très modestement que je l'ai traitée du otté oi je l'ai saisé le plus clairement.

l'ai cherché dans cetto pertio de la narration à rester ce que je stis: physicien-observateur, me servant de l'analyso comme d'un moyen d'investigation aussi loir que mes forces me le permettent, mais controlant toujours, soit explicitement soit implicitement, les duputions à l'aide des données de l'expérience. Je dirai à est égard que, par une sorte d'acquit de conscience, jair répété une home partie de mes expériences premières, même celles dout j'étais le plus sûr; que j'on ai fait un grand nombre de nouvelles pour vérifier l'exactitude des données analytiques, et que je ne les cita même pas toutes, de crainte de tomber dans des longueurs. Par la même raison encore, j'à t'étie signemement dans la narration, toute spéculation, toute déduction hasardée, toute conclusion qui n'ebt pas un exarciter d'évidence.

Voulant donner à ce livre le caractère d'un traité proprement dit, j'en ai éliminé les discussions entre personnes, et, en ce qui me concerne moi-même, i'ai évité de rénondre. autrement que par des équations abréhriques, à un très netit nombre de critiques mal fondées qui ont éte faites d'une ou deux propositions de mon précédent volume. Par la même raison, i ai supprimé la partie historique et biographique qui m'eût force de faire de trop longues comparaisons entre le passé et le présent de la science : il m'a semblé que pour le moment il vaut mieux, dans un traité spécial, indiquer clairement ee qui est, que de s'arrêter sur ce qui était. J'ajoute d'ailleurs que la partie historique a été très bien traitée dans plusieurs de nos publications scientifiques périodiques. Dans nos Annales de Chimie et de Physique par exemple. M. Verdet a toujours su faire ressortir avec la plus grande équité les ilroits de tel ou tel auteur à la priorité. J'ai done traité la théorie thermu-dynamique comme étant tout-à-fait du domaine public; je n'ai que rarement indiqué les auteurs de tel ou tel nouveau progres ; je ne l'ai pas fait plus pour moi que pour autroi. Partout, autant que possible, ie parle collectivement au nom de mes lecteurs : et la mêmo où l'emploie le je personnel, cela ne signifie en aucune facon que j'entende m'attribuer ce que je démontre. J'espère que dans tout l'ensemble de l'ouvrage, mais surtout dans le Chapitre III du Livre III et dans les Livres IV et V, le lecteur trouvera plus d'une expérience, plus d'une proposition. plus d'uno idée neuves : mais iei même, je ne vise ni à la nouveauté ui à la priorité. J'ai toujours eu trop à me louer de la bienveillance de la critique, pour ne pas m'en référer pleinement à son équité aujourd'hui encore.

J'ajoute maintenant que si ce nouveau travail est accueilli avec quelque faveur, ce n'est pas à moi seul que j'en attribuerai le mérite. J'ai eu le bonheur d'être guidé et encouragé par deux de nes savants les plus capables, certes, de bien juger : qu'ils me permottent de les remercier pour leur bierveillante amitié. M. Faye m'a donné les indications les plus titles et les plus seges quant à la méthode, quan ta plan général de l'ouvrage, quant à la subdivision, en deux volumes tout-à-fait distincts, de ce que j'avais d'abord 'teuin en na seul : je me suis scrupuleussament conformé à acs avis. Comme mathématicien, M. Bour m'a maintes fois rendu attentif à la défentussité de telle ou telle démonstration, au manue de clarité de tel ou tel nassage.

Que le vénérable savant qui a bien voults accepter la dédicace de ce voltume reçoire ussis mes plus vis remerciments. Il y a quelquies années déjà, et avant que je n'eusse le benheur da le conneiltre, il a porté son attention bienveillante sur l'un de mes premiers travaux de mécanique expérimentale; et depuis lors je l'ai trouvé toujours, comme un ben prenent, prèt à m'appuyer des a personne et de ses conseils. Qu'il reçoive l'expression de ma plus affectuouse gratitudes.

Logelbach, près Colmar, août 1864.

G.-A. BIHN.

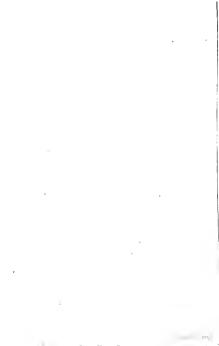


TABLE BAISONNÉE

DES HATTÈRES.

STORE.

LIVRE PREMIER.

Courses I. - Définitions préliminaires et unités de mesure adoptées dans cel outrage.

Causerny II. - Proposition I de la théorie thermo-dynamique.

Toules les fois que la utaleur, un egissant sue un corpa qualcanque, donne tius à un travail mécanique qui est recueilli en debors du ce corps, il disparali une quantité de chaieur proportionnelle ou iravail produit. El réciprogressioni toutes les fuls qu'un travail mécanique est consonané en actions quelconques sur un corps, il apparuit une quantité de shakur proportionnellu à ue travail.

Le rapport qui existe entre les quantités du chalque disparues ou ornerues, el les quantités de travell produites en consommées est une constante, Cette proposition unut être démentele de treis munières différentes :

- CHAPITRE III. Premier penre de démonstration. 1.5 CHAPITRE IV. - Second genre de démonstration.
- CHAPITRE V. Troisième genre de démonstration.
 - Première section. If disparall on II apparaît de la chalcur toutes les fois due par una sellan s'exerctul du dedens sa deburs on du deburs tu dedaus d'un corps, il su produit un travail externe positif ou négatif.
 - \$1. Prollements, \$11. Désagréention des corns \$10. Compression et expansion des corps, 2 IV. Déformation des corps, 2 V. Choe des sorps, 2 VI. Chalcur constrainés dans les moleurs thermiques, 3 VH. Chalese produits ou consommés dans les maultines électro-magnétiques et dans les êtres vivanis.
 - I Vill. Béstsiance magnétique. Deuxième section, - Une tal de proportionnalité alcaple et directe rella les manifestations positives ou négalisus de chalenz oux queplilés négatives
 - ou positisus de travail mécanique auxentia denne lieu nes action moléculaire quelconque. Expériences sur le tenvail et sue la chalune dévulopués que les êtres viennes. Expériences sue la chateur consouméu el la travall externa cendo par la
 - mochinu à vapene. Troinime section. - It existe un rapport anique et constant cutre les quan-Ul is positives on négatives du travail, et les sugnités nécatives on posilires du ciatione, qui dépendent les unes des auteus dans nu phénomène.
 - Examen cellique des expériences qui neuvent fonenir la valeue de l'émpleatent.
 - Dénomination de la stabilité, de la constance, de l'équivalent mécanique.

PAGEN

- .. Détremination de la valeur de l'éculvalent mécaniour. Expériences.
- 55 1" sérir. - Froitement des liquides.
- 5.0 2º série. - Expérieuer sur l'éconlement de l'oue sous de fortes pressions. 6.R
 - 3º récie Ecrissem et du plomb urus lo choe.
- 03 4º série. — Expansion des car.
- Valeur la viva probable de l'éncirelent mémoione de la chaîrne 25
 - LIVBE DEUXIÈME. Current I. - Considerations well in antires.
 - \$1. Définition de la température et du la capacité enfortiture des corps. Ce que e'est que la capacité absolue.
- # II. Quantité de chalcur restituée par un caros qu'on refroidit. Le termu de calorique latent dell Alze releté.
- 32 # III, Conditions du maximem de rendement de l'ravail extense denné par un enros ac'en échauffe et au'en cefroidif successivencut.
- 2 IV. Consérvences du la immodifien (0. -- 0) (-- (0. ' > 0. -- 0)'). Couperum II. - Démonstration de l'émbité universelle (0,-02) et de la
 - zecoude propozition de la théorie mécanique de la chaleur. Lersono les canditions de rendement maximum de travall externo sont
 - remalles i Proposition II. - II existe en rapport délerminé entre les quantités de cha-
 - leur ajentées d'abord et restlinées ensuite, et le travail externe produit ou consengué. A écalifé de transérature, ce rapport est le même pour leux les cerns de la
 - nature. Le travail externe est égal au produit de l'équivairui nafeautous de le rissionr par la quantité de chaleur ajoutée et par la différence des températures entre tesquelles on opère, divisée par la températura absolue répondant à la période d'addition.
- Lu quantité de chaleur ajoutée est à la quantité de dissour soustraite comme la température maxima est à la lempérature minima à tuquelle on opère.
- 3 I. Universalité du capport : $\frac{Q_1}{Q_*} = \frac{T_L}{T_*}$ 20
- 8 II. Existence nécessites du zéro absolu. Proportionnalité du travail nutentiel et de la température absolue.
- 102 \$ III. Examen de divers cas où la démonstration \$ I sembir insufficante.
- § IV. Délemmination de le position du péro absolu. Lei nuiverselle $\binom{\Theta}{r}$ 105
- 105 3 V. Division de la théode mégalines de la chileur en deux branches. 111 LIVRE TROISIEME. - Première branche de la théorie mécanique de la
 - chaleur.
 - Generale I. Equations générales communes à tous les corps possibles. Division de co tivre.
- 118 Coverns: II. - Théorie des capeurs salurées.
- El. Définition des sapeurs raterées.
- 110 à II. Tension el locayéralnes reintives des vapeurs salurées.

- 121 2 lii. Decelió el voluma apfelüquo des vapeurs
- Démonstration de l'égalilé : Apr. == Q. p : T = 124
- I IV. Chalcur totals et chalcne d'évaporation.
- 128 I VI. Chalene potentielle. J VII. Chaleur interne totala.
- 129 # VIII. Octombration de Apis.
- 120 2 1X. Détermination de se
- 8 X. Délemination de a un de volume enfeltions des vancues. 132 Note any la dilutation de l'eau entre 100° et 200°.
- * XI. Délectaination de P et de J. 193
- 175 3 XIII. Vérification expériencalate du la proposition II de la théorie mécanique.
- 1.26 E XIV. Émissione aénérales relatives any vincors.
- 139 \$ XV. Problème 1. - Un extince mani d'un sisten contient m 4 de vascor ci (M-m.)4 de liquide à L. Le piston recole in niement, la masso se défend sant recevoir ni needre de chaleur da debors. la température s'attalese da t, à 4; la pression de 2, à 2;. Onei travall fournit la dejenie ei comment se comporte la maise de Houlde et da sopeur neudant l'expansion?
- 145 Justification expérimentale de la solution du problème 1,
- 148 7 XVI. Problème II - I'm evilindre, muni d'un niston, conticul su, de vancere et M - se, de liquide à t, et à pa, La masse se détend tentement. Quelle quaultié de chalene fant-it aignice od soudraire da debors none une la masse initiale de vapeur m, resto constanto, el quel travail externe praduit
- alors la vapeue nae sulle deculle addition on de celle sondraction. 8 XVII. Peoblime III. - Done no ré-ervoir se lessureal ma de vaneue et M → m. 4 d'ean, tontes dens à la température t. Quelle est la quantilé de chalene au'il faul macare da debora pone poder la température à 6 locaqu'un maintient le volume du céservoir constant? Quelles sont les quantités finales d'estret de vanche à cells tempéralisee à . el quelle est in quantité to méressaire pour réduice toute l'eau en rapeur?
- 158 J XVIII. Problème IV. - Dras un rési evols su condenseur, se trouvent ma de vapeur et (M - in) d'ean à la trapérainre t. - On lujecte p⁴ d'ean à la lempéraines τ. - La température tombe à α . - Ourille quaulité d'eau el de vapene se trauve dans le coodensene el quelle quantité d'ean a-i-il falla injector? (Elant comocs toutes les valents potres que a et milli-
- 162 3 XIB. Problème V. - D'out (l'ambère à vaneur tenne à la presson et à la température constantes p, et ter et par un robinet convenablement placé, on laime échapper une mane de vapeue me tublée à une tuatre H --- me de liquide, qu'en recoll dans un sé-ervoie pà le mélange est tem à pression pi el à température (1 constantes ans: i. On demande quelte est la proportion de liquido et de caneur aurès cette détente termone, si l'on un sonstrait on n'ajente uas de chaleur da debues.
- 167 2 XX. Problème VI. -- Les dounées membres étant les mêmes que dans le problème précédent, on dernande quelle est la ritesse d'écoulement et quel rst Pétat physique du métance 31 à l'orifice d'éconicacut?

PAGES.

- 172 CHAPITER III. Théories des concurs surchouffées.
- 172 1 l. Défigition des vapeurs surchauffées.
- 1.12 f. Delication des respectes surractioners.
 1.15 § 111. Proposition L. Desqu'usou vaperor salurée, mais récite, se précipite d'un réservoir su elle est ismes à la pression consainate p_e dans un autre où elle out ismes à la pression consainate p_e Ce, get se survivaisfit four-jours, et se impériaires après la édérate branque out impérieure à celle out érione à la pression. Désnoutraites manération et survivaires du suréfriences.
- de etde proposition

 1 y Preguidon II. Lorsaycane vepere, nalaries, tasia sèche, se prédple d'un réservale de dité est lesses à une preside constituit p, résus un
 actes so dit est tiens souls le une preside constituit p, résus un
 actes so dit est tiens souls le une preside constituit p, résus un
 accessir si perder de chaiter de débure, le produit de la preside intalle
 pe le volunte de l'unisidé pous de vapere à cette preside, mé (qui en
 produit de la preside inside per le volunte qu'everque l'ensité de poide, rés
 tequer sous entirpression, et la superiore grêche pour polonitaires
 per suits de une pumpe housque de la presiden, pu'a l'autre p. Le d'altere
 per suits de une pumpe housque de la presiden, pu'a l'autre p. Le d'altere
 per suits de une pumpe housque de la presiden, pu'a l'autre p. Le d'altere
 per de la la les superiores de la presiden, p. L'acte et la securité pum
 l'acte de la la constitue puis

(accounse by , on a is relation :
$$p_1 \to p_2 \in \mathcal{A}$$

 $p_i^n = p_i \frac{\epsilon_i}{E_i}$ of $E_i = \epsilon_i \frac{p_i}{p_i}$

- 184 § VI. Première démonstration de cette proposition.
- 190 M. Considérations préliminaires La relation I, B ou lil n'a rien de commun avec la loi de Marielle.
- 196 N. Problème: Etani demoés la mechandis spontanéa expérimentale p.+ 217,85 == 7 ul'ane rapeur qui passe de l'état saluré et de la pression p, à la pression pi, sans resdré de iravail externe, étérembier la sonatur R dus pressions inference qui répondent à ps dans le rapeur saturée à ja ci.

à p₁. Première application de la loi
$$\left(\frac{\Theta}{T}\right)$$
.

Détermination de la pression joierte B dans la vapour d'ess. Surification

expérimentale des solutions précédentes

Appropriation de la let universelle () h le vapeur d'esu.
 Etani donnée une vapeur d'esu saturée ou surrènatifie à ou coresteu ronnue.

déferraluce le chale de l'empérature qu'éprouve celle vapeur ca passoni bruquement à use autre pression donnée, suas rendre de invasi externe. Justification expérimentale de la solution du problème précédent.

206 Problems I. — Burn un rytindere dont les parnés sont imperméables à la chalcur et ou se nord sans troitement un piston hermétique, se trouve un poids de 1⁸ de rapeur dont la presson initiate est p, in volume Es la PAGES.

- températoro r. == \$12,85 ÷ i. On labor le piston reculer teniencest el la vapour se délendre, sons addition oi seud-recilon de disaleur. On demande quels sersoi : le travell externo resde, l'abdissement di presiden el de température, pour un acresisement i donné de tratore, tel que la vapour reste succhandie ou tombo le rio su clea à sou soni de absurdante.
- 200 Problème II. On « I* de vapour saturée à T_{**} = 272,85.+1, ou surshaudiée à ;— 272,85.+6), à la prestorp, do fait varier le rolume de μ, à uy en ajustant ou en relizontain de la cheleur de mandier à minimier le la cheleur de la
- 211 Problème III. On e 1^k de veptur salurée à p., et à t_n: on élère gradusdicment le lempérature jusqu'à v., en naturismal la pression coestante. Ou demande quel sera le travail externe pecdell par la dilaiation, et quelle sont la quantifé de chalcur amonée du débors.
- 216 GRAPITRE IV. Théorie des gax.
- Equations eurquelles on errive pour les gas, lersqu'ou suppose mals le volume inter-atomique W el la pression loiterne R.

 224 Conséquences susquelles on arrive cound on admei que W el R noi nac
 - Lonsiquences susqueits on arrive quand on somet que y et n an one
 valeur sensible.
 J. Dans qualities conditions physiques flust-il placer un gas pour qu'ou paisse
- admellre sensiblement R=0? 126 2 H. A quels caractères recompairest-on ru gaz dans lequel R serali nul?
- 226 § 11. A quels caracteros recompalirati-on r o gaz dans tequel it serati mul?

 228 § 111. Quels soni los gaz qui se trouvent naturellement dans des conditions
- lelles gu'un prisar négliger R? 229 § IV. A quoi conduirali la connaissanre de le loi de variation de R par rapv nort l'ar?
- 231 § V. Quelles cont les données expérimentales les plus indispensables pour établir le théorie correcte des gus en des vapours très surrhaufées, des vapours médiorretment numbraufées et des vapours saturées?
- CHAPITRE V Theorie des liquides et des solides (tradult de Zeuner).
 LIVRE QUATRIÈME, Première bennche de la théorie mécanique de la
- chaleur. Considérations générales sur les moteurs thanniques.
- 254 § 1. It exists deux genres de théories des moteurs en général. ~ Théorie générique et théorie pratique. Justification de ces termes.
 257 § 11. Equatur des groces possibles d'une théorie constitute d'une théorie constitute.
- 257 § H. Elanduc des error re possibles d'une théorie générique.
 260 § III. Compitention extrême de l'analyse des effets d'un moteur calorique, par antic de l'intervention de la cheisur prise ou cédée par les pièces de l'organisme. Immossibilité not en résulte d'établir, sous forme sémérale.
- uns théorie pratique. 260 Dillié réelle des théories nénériques.
- 270 § V. De l'effet utils des moteurs thermiques, en général, so point de vue des principes de le théorie thermo-dynamique. — Divers genres de rendement : rendement spécifique; rendement pratique; rendement organique; rendement comparailé.

PAGES.

- 277 § Ni. Application des principes précédents à quelques ens particuliers. Raisons pour lesquelles les moisures à gat, quolque supérieure à la machine à varoce, ont sur les d'une de la révoltats infécieurs.
- 292 § VII., Paralléte entre l'anufenne thénule du Carnol el la théorie thermodynamique.
- 255 Purposition: Elizal Gonzela use quantité Q, destableme qui lembe de T, 1 H, va vitrus hauliere (T, --T, 1), illus tierpiere prossibles, auto dépende de distribut de liviudir classeme, de reinvectolégrafiement Q, à une hautiere T>T, -0, réciproquement, francé anodos uns quantité de clairere Q, et une accession (T, --T), il un tierpiere positible de faire fondre indépendent Q, de la contract de la contr
- 308 LIVRE CINQUIÊME. Seconde branche de la théorie mécanique de la chalenc.
- Equations relatives à la secundu humachu. 307 — Guariras I. — Justification de l'emploi du terme Ψ_1 ou volunce atomique
 - der corps soul formés de parties, invariables en volume, susceptibles de se rapprochau jusqu'au contact, et sus pastius de soul authencent des infinisous parties.
- 311 Casavera, II. ¿A·· Jastyfeatina du terme K ou copacité absolue des corps. Pl. Béterminativa de la valeur di K pour les adterer corps simples au competer. — Discussion de la loi de Dulong el Pelli. Modification of grée reliating de cette fel. Peemière approximation de la valeur du produit universei K. E.
 - ξ III. Consequences des anomalies apparentes de la loi de Dulong et dex cas où l'équation $K = |K_a E_b| \left(\frac{N}{E}\right)$ donné dex nombres incracts,
- 330 Chartrax III. Ezomen du teeme A repuérantant la chalour due ou travail interne.
 Ga tumm est lui-mêmu lonction du polita atomiqua des corps. Eazmen
- de la valenta A A datts la vapanta d'eza.

 338 Cagerras IV. Erosaus du terme la su préssion inferna, el décomposition du cerme en ser duverses pari les inférnales.
- 337 § I. Formu el nature de la foncilon II. L'éludo analytique el expérimentale du co ferme permettra un junu du délumitur l'intensiblé de toutes los forces distilucius qui agistent dans les coups, la forme dut alonce, ele.
- 341 [H. Milhodes gridenius pous distunsions R et sy dans (ex cepte subhas. Purthase algazett. — Desidente explaintentaire spans) max compa collan, — Valeus de sy pous l'une et valeur de R à directes imaginaires pous de néans corps. — Méthode plan giriselas de déloculaires R dans les ceçus gazons. — Nouvelle conséquence de la loi de Delong et Pahl. — Rustiettion unuequable à paises quand à cette conséquence.
- 351 Influence de l'ontessou du terme 'F dans les équations quand à s'agil d'una vapeus ou d'un gas fortement comprimé.

PAGES-

- Ill. Conséquences principales de le loi de rupposée applicable immédia-
- tement. Penrquel II semble que les corps rotides et liquides sont meios compresables que les gas. — Il a 'existe qu'un seul coefficient de distation commun à tous les corps. Le senflicient ordinaire n'est suite chose que le modell d'une constante par des nombres lescourse si variables. Utilité de la
- del fermination du coefficiel oppareut.

 § IV. Les étas seldos, l'applica el gazera ne seal pútil des formes directions si une néme le de estimatif en relie. Benarques générales coercitant l'application de cette (t.). L'aisses rest poist un tire de coercitant l'application de cette (t.). L'aisses rest poist un tire de coercitant n. Il o un volume fait ¡III resta parteur le même de cette dispensit aire ne proprieme descretations effects affected.
- 364 NOTE ET ADDITION.
 - Application neutrile de le lei $\frac{d}{T}$ à l'écut et à d'suires corps. Valeuc de Ψ pour le sulture de carbone.
- Si les données expécimentales netuelles sont correctes, elles démontren que le volume des elemes n'est pas le même d'un corps à un autre.
- 367 Extension de lo iol π/2 su passage de l'étal liquide ou solide à l'étal gazeax, Expression générale de le chaleur d'évaporellen : se justification expérimentale.



THÉORIE MÉCANIQUE

LA CHALEUR.

LIVRE PREMIER.

CHAPITRE I.

DEFINITION PRÉLIMINAIRE DE LA THÉORIE MECANIQUE DE LA CHALEUR.

De toutes les Sciences naturelles et exactes, la Mécanique et la Physique sont certainement celles qui, à un examen même superficiel, ont le plus de points de rapprochement, le plus de ressemblance. Bans les Traités de Physique, si élémentaires qu'ils soient, on est conduit à exposer au moins les principes fondamentaux de l'émailibre et du monvement des corps liquides ou gazeux : on y décrit la machine à vapeur, et d'ailleurs aussi, une foule d'appareils qui, de fait, constituent de vraies machines et fonctionnent comme telles. De même, en Mécanique, on est obligé de recourir finalement à l'étude des propriétés intimes des corps pour nouvoir déterminer les lois de leur équilibre et de leurs mouvements, surtout lorsque ceux-ci se rapportent aux parties internes. Cenendant jusqu'ici , ces points de rapprochement et de ressemblanco dépendaient de ce que la Mécanique et la Physique traitent, chacune à sa facon, plusieurs suiets communs; de ce qu'elles recourent de la même manière à l'analyse mathématique; de ce que, dans l'ordre expérimental, elles se prétent un secours mutuel et continu, bien plutôt qu'elles n'indiquaient une parenté réelle et nécessaire. Lorsque, dans les Traités de Mécanique, on traitait du frottement et du choc des coros non élastiques, on pouvait, sans trop de contre-sens. ne tenir aucun compte du calorique qui se manifeste pendant ces phénomènes, et qui seul représente la force vive autrement perdue. anéantie par le choc, par le frottement; on le pouvail, dis-je, sans trop de contre-sens, puisque la dépendance numérique existant ici entre la quantité de chaleur produite et le travail dépensé était entièrement ignorée. De même, lorsque, dans les Traités de Physique, on énumérait les sources diverses de chaleur, et uu'on mentionnait comme telles le frottement, le choc, la compression des corps, on nouvait, par la même raison aussi, faire abstraction du travail dépensé pour produire ces phénomènes; lorsqu'on y décrivait les fonctions de la machine à vancur, on pouvait les expliquer en pe s'appuyant que sur les propriétés seules de la vapeur d'eau, quoique, à dire vrai, il n'ait jamais élé logique de ne pas regarder ici, en toute hypothèse, le calorique comme la force active dans la machine

Qualqu'il en soit, aujourd'hui un Irait d'union touveau unit les deur sciences; ce lien est tellement intime qu'il n'est plus passible, sans un contre-sens trep flagrant, de les s'éparer, do les étudier ou de les enesigner selement. Ce lien indissoluble, c'es la théorie unécanique de la chaiser, ou, ce qui ervent absolument a même, ce sont les faits simples et positifs sur lespués cette théorie ropese.

Qu'est-ce que la théorie mécanique de la chaleur?

Si la pirparties définitions n'avient le défaut triès-grave d'exiger, pour citre saisies, la comunissance détaillée et apprefionate de co qu'elles préclement faire connaître, et si, par ce bit méme, elles nu devenaient pas superflues, nous dirions que cette litéraire est une decrine qui, indépendemennet de toute hypatiète sur la nature riu enforieux, a su matacher cous ses effets, statiques et dynamiques, aux principes les pius élémontaires de la Mécanique, et les traduire en formetes matidenatiques, commo sont traduits lous les autres phénomieres d'équilibre et de mouvement. L'ocastitude de cette définition ne resoufer que pou le par le développement du sujet. Jo dois cependant en justifier de suite la parlle la plus essentielle, colle qui se trouvo, pour la première lois peul-être, étoncée d'une manière aussi tranchée, et qui, au premier abord sans doute, semblera la plus contestable à beaucoup de personnes.

Pai dit: « une doctrine qui, indépendamient de toute hypothèse sur la nature du calorique, a su intrabete tous ses offetst.....» Une telle assertion a hessin d'être motive, et os sura là le lut principal de ce premier Lève. Si l'on ne juguait que superficiellement, el d'appes les apparances, on pourrait l'en idudi à crivro que, bien au contraire, la théorie repose encore exclusivement sur une hypothèse; et c'est, à dire vira', pour cela qu'elle a été accueille avec métance per un grant nombre de physickes distingués.

En effet, en lout premier lieu, la dénomination même de Ibéorie mécanique de la chaleur semble impliquer une interprétation particulière sur la nature du calorique. Tel n'est pourtant pas du lout le sens qu'il faut attacher à cetle doctrine qui, à la vérité, conduit à des interprétations spéciales el nouvelles, mais qui peut être fondée et marcher en dehors de loute interprétalion particulière. La lhéorie, nous ne tarderons nas à nous en convaincre, se borne à assimiler implicitément le calorique à une ronce, ce qui est juste en toute hypothèse, et puis elle détermine, à l'aide des lois ordinaires de l'équilibre, les effets sonsibles de cette ronce. A ce point de vue le litre de « théorie des effets statiques et dynamiques du calorique » serait plus en harmonie que tout autre avec la vraie direction de la doctrine, qui n'a pas plus à s'enquérir de la nature propre du CALODIQUE que la Mécanique céleste, par exemple, n'a à se préoccuper de la nature de la gravitation universelle. Ces deux sciences. je le répéte, nous conduisent ou nous sollicitent à des hypothèses, mais elles n'en impliquent pas nécessairement.

En second lieu, el par la raison précédente, les analystes éminents, qui, en si peu de temps, ont su élever si haut la théorie mécanique, se servent fort souvant d'expressious qui impliquent incontestablement une hypothèse sur la nature de la chaleur. Et pourant, if faut le dire de suite pour rester juste, les memes analystes, dans les démonstrations proprement dites qui forment la presque totalité de leurs texveux, ne recouvent plus une suite fois à une hypothèse. En un mot, l'hypothèse qui concerne la nature du calorique d'qui est à la vérilé accepte par presque tous les aubrémats de la doctrine, cette hypothèses, dis-je, a cé dedute de la bécrire, lete loi de lui avoir servi de fondement. Je reviendra alliburs longuement sur cette interprétation; J'essaierai de montrer qu'elle nest pas en harmonie avec tout l'ensemble des faits. Pour le moment je me bornerai à faire voir, sous la forme la plus élémentaire possible, que la théorie ne part point d'une hypothèse, mais qu'elle repose sur un principe universel, sans lequel acunce de nos celones physiques ne surardent subsister, sur ce principe: qu'il est impossible dans la naivre que quelque choes se fessa avec rieu.

Nühlersuhilo, nihi in nihilun, telle est l'assise fondamentale de la théorie mécanique, et est l'astòme que je ne casseri d'applique d'un bout à l'autre de cel ouvrage. Il va nous conduire à la première proposition de la théorie, a celle qui caractérise en quolque sorte toute la doctrine, et d'où découlent naturellement, sous une forme très-simple, toutes les autres propositions avec leur traduction algébrique.

Avant d'entrer en matière, je croisdevoir rappeler très sommairement le sens de différents termes dont nous aurons à nous servir à tous moments dans le cours de cet exposé, et indiquer aussi les diverses unités de mesure que l'emploieral exclusivement.

On appelle travail mécanique le produit d'un effort exercé en un point de l'espace, par lo chemin que parcourt ce point.

On appele force vive le produit de la masse d'un corps par le carré de la vitesse que possède ce corps.

Voilà pour les définitions. Voyons leur sens exact.

Lorsqu'un corps, libre de se mouvoir dans une direction quelconque, est soumis à l'action d'une force dirigée dans ce sens, il entre en mouvement, et peend à chappo instala un acroissement de vitoses qui dépend à la fois de sa propre masse, el de l'intensité de la force. Nous n'avous point pour le moment à nous démander ce qu'est une rouce. Touts force, en agissant sur un corps, se traduit me définitive, pour nous, sous forem d'un effort, el cet fort lui-même peut par conséquent lêre représenté par l'action d'un poid équivalent. D'un antice côte, puisque le mouvement l'éstanter chose que le résultat de l'action de la force, ou de l'effort moteur, il est clair que la viteses aquisies, combinée d'uno certaine manière avec la lamsse du corps, doit représenter à ous moments la toaité d'action de la force, la toaitité des efforts exercés jusqu'au moment qu'on considere. Noss ailons voir immédiatement comment.

D'après ce qui précède, il est évident qu'un corps, libre dans une certaine direction, ne peut se mouvoir uniformément qu'à la condilion:

1º. Ou de n'elre soumis à l'action d'aucune force. C'est, par exemple, le cas d'une bille qui est placée sur un plan horizontal, et qui a reçu une impulsion (pourvu qu'on fasse abstraction ici des froltements, etc.);

2º. Ou d'être soumis à l'action de deux forces, de deux efforts égaux et opposés. C'est le cas, par exemple, de deux poids suspendus au bout d'un fit passant pardessus une poulle (abstraction faite aussi des froitements et du poids du fil lui-même); si ces poids on reçu une impulsion, l'an descend, l'autre monle, uniformément.

A un point de vue purement géométrique, nous pouvons, dans ce second cas, faire abstraction des deux forces égales. A un point de vue physique et plus réel, nous ne le pouvons en aucune façon, sans tomber dans une grave erreur.

Par ce fait même que nos fardeaux (dans l'exemple particulier choisi) so meuveal uniformément, il est elair que l'action motrice de la force, qui selraduil ici par le poids même d'un de nos corps, est constamment dépensée à clever l'un au dépens de la chute du l'autre. L'action dépensée sur le poids descendant est nécessirment égale en tous points à celle qui se produit en plus sur le poids ascendant.

Ces deux actions qui ne different que par le signe + ou --, selon celle qui nous occupe pour le moment, peuvent visiblement se traduire, chacune dans sa tolalité, par le produit du poils du corps, par l'espace ascendant ou descendant parcouru, autrement dit par l'expression : Pll.

Pour pius de généralité, nous pouvous subsiliuer à nos poids deux crôres éçaux quelconques, et faire désormais abstraction de notre fil et de la quotile, en ayant soin d'opposer ces efferts en direction. Sa alors le point d'application des deux efforts contraires se déplace, it extivatible qu'il y's anna rien de change à la question. L'action dépensée d'une part sera encore — PH, et l'action produite d'autre nat secn + PH.

Un corps qui tombe dans le vide possède à chaque instant une vitasse qui a nour expression :

$$V = \sqrt{2g ll}$$

Supgosons, pour plus de généralité, qu'un corps d'un poids P soit libre de se mouvoir, et qu'on exerce sur lui une pression présion met de de ce poids: il va prendre aussi, comme s'il tombait librement dans le vide, des vitesses qui auront à chaque instant pour valeur;

$$V = \sqrt{2gH}$$

g n'étant autre chose que l'effet de l'effort moteur rapporté à l'un]té de masso, et égal à la pesanteur même. On a donc :

$$Pli = \frac{PV^2}{2g}$$

Comme notre poids, descendant uniformement d'une bauteur H, représente une dépense d'action égale à PH, il faudra que cette action dépensée a mettre le corps réellement en mouvement, soit représentée intégralement par ce mouvement. On aura donc:

$$PH = \frac{PV^2}{2g}$$



Mais comme l'effort, qui mout le corps, et qui est lei supposé égal a son poids, n'est autre chose que le prinduit de la quantile de matière M de ce corps par l'intensité de la force g, en a : P = gM et $\frac{P}{2} = M$; et par suite :

$$PH = M \frac{V^a}{2}$$

D'où il suit, comme on a coutume de le dire en Mécanique: que le travail dépeasé à mettre un corps en mouvement est égal à la moitié de la force vive que possède ce corps.

La force vive, ou le produit VW, est done du travail emmagaside dans un corps sous forme de mouvement: et elle doit, par ce fait mêmes, l'ersprésanter, lui équivaloit riadgraiement. Mais jo prouverai ailleurs, avec toute la clarié désirable, je l'espère, qu'à moise de faire une hypolible particulière aux la nature des rouses. Il nons cell mopestible d'alter plus s'ela, et de confondre ces deux choses, comme on le fait de répédral.

Dans le cours de cet ouvrago, j'emplolerai l'un ou l'autre de ces termes, seloo la convenance du moment. J'éclaircis cette phrase par deux exemples très-simples.

Dans nos usines mues par la vapeur (anchine à calorique), et de il «àgit es genéral d'un overage continu et regulle à produtre, la plupart des pièces des machines arrivent à un régime stable de mouvement, sinou uniforme, du moirs périodique. Nons pour les lés faire abstraction en quelque sorte de l'intensité particulière des vilesses, pour ne nous occuper que d'une vilesse générale, uniforme et lovariable. Nous pouvous donc représente toute Tection motified du calorique par leproduit d'un certain effort exercé, et d'un certain espace convenable parcorur surs l'action de cet fedir.

L'emploi du terme de travail mécanique, traduit algébriquement par PH, convient ici mieux que tout autre.

S'agit-ilau contraire des guz enflammés dans une arme à feu, par exemple, où l'action de la FORCE CALOMOUR à pour effet de tirer du teos un corns plus ou moins libre, le boulet? Catte action se manifeste par le mouvement de cette masse matérielle et s'y traduit sous forme de force vive, et par l'expression MV².

En un mot l'expression de Pll ou de travail mécanique convient partout où nous pouvons faire abstraction de la masse des corps en mouvement, et où nous ne considérons lo temps, la durée que sous forme implicite.

Au contrairo, l'expression MV², on forco vive, convient là où nous avons à nous occuper de masse, do changement de vitesse, et où, par suite, le temps intervient sous forme explicite.

Le mètre étant la base de toutes nos mesures et le kilogramme l'unité de poids, l'unité de travail sera pour nous tout naturellement le kilogrammeètre ou le kilogramme élevé à 1 mètre de hauteur, ou, ce qui est la même chose, un offort de 1 kilogramme exercé sur un parcours de 1 mètre.

Par abréviation dans les formules, je désignorai le kilogrammètre ou dyname, par la seule lettre majuscule ⁿ placée commo exposant à droite d'un nombre; ainsi 125° signifera 125 dynames ou kilogrammmètres.

L'unité thermique que l'emploierai partout sera la quantité de chalour qu'il faut pour élever de 1 degré centigrade la température de l'kliegramme d'eau pure prise à 0 degré. Comme elle est connue et adoptée par tous les physiciens, se n'ai rien de plus à en dire pour le momont.

Quant à toutes les autres mesures, quelles qu'elles soient, auxquolles nous aurons à recourir, à peine ai-je besoin de dire qu'elles appartiendront au système métrique.

CHAPITRE II.

PREMIÈRE PROPOSITION DE LA TRÉORIE MÉCANIQUE DE LA CHALEUR.

DÉMONSTRATION DE CETTE PROPOSITION

1. Toute les fois que la balleur, en agissant sur un corps qué conque, donne lieu à un travail mécanique qui est recueilli en déhors de ce corps, il disparait une quantité de chalcur proportionnelle au travail produit. Et réciproquement toutes les fais qui un travail mondreique et conomnée na citous quéconques sur un corps, il apparaît une quantité de chalcur proportionnelle de ctravail.

Le rapport qui existe entre les quantités de chaleur disparues ou apparues, et les quantités de travail produites ou consommées est une constante.

C'est ce rapport qu'on appelle l'équivalent mécanique de la chuleur, ou l'équivalent calorifique du travail, selon qu'on choisit pour unité la chaleur ou le travail.

Il suffit, pour ainsi dire, d'éconoce cette proposition pour en faire comprendre à chacun toute l'importance. C'est sur elle que repose tout l'éditée de la théorie mécanique; c'est d'elle quo dérive, sous la forme la plus simple. l'essemble des équations générales ou spéciales de cette doctrine. Il est visible qu'eile établit un trait d'union caractéristique centre la Physique et la Mécanique.

Ben qu'elle soit toute récents dans la science, elle estaujouri²hui acceptée presque généralement par tous les physicies. Je crois neatmoins devoir m'arrêter longuement sur sa démonstration; d'une part, parce que quelques analystes l'ont admise dans leurs équations comme ume simple la problèce accessoire; d'autre part, parce que d'autres ont prétendu la faire détriver en entire de considérations d'araptères aux faite ur-mémers et pois enfin, et servicin, parce que

les expériences qui ont servi à la mettre hors de doute présentent en elles-mêmes un très grand intérét.

Cette proposition étant l'éaoncé d'un fait physique, elle ne peut, en effet, être démontrée d'une manière ou d'une autre qu'à l'aide de l'observation.

On peut arriver par trois voies très différentes à une démonstration correcte.

1º. Eu montrant que certains phénomènes corrélatifs, connus ponr ainsi dire de tous temps, nous font aboutir à l'absurde lorsque nous n'acceptons pas la counexion qu'établit entre eux cette propesition.

2º. En montrant que certains fafts demeurent absolument inexplicables si l'ou rejotte la proposition, et que toute explication étrangère à cette proposition est insuffisante;

3°. Enfin en montrant qu'il y a effectivement toujours proportionnalité entre le travail et la chaleur dans toute action moléculaire.

Le premier mode de démonstration est tout à fait indirect. Le second est déjà plus direct, quoique encore médiat, le treisième est immédiat.

Je vais présenter les deux premiers genres de démonstration sous la forme la plus claire et la plus courcis possible. Le m'étendrai, au contraire, beaucoup sur lo troisième genre, qui constitue l'une des marties expérimentales les plus dévelomées do ce livre.

CHAPITRE III.

PREMIER GENRE DE DÉMONSTRATION.

Commençous par admettre que la chalenr n'est pas une force, et qu'entre elle et le travail mécanique, il n'y a nulle connexion; et voyons si une telle supposition ne nous mêne nas droit à l'absurde.

Lorsqu'un corps tombe threment dans le vide, Il peed une vites de plus en plus grande qui, à chaque instant, dépend exclusivement de la hauteur de chute et qui peut servir à représenter la quantité d'action de la gravide. Si ce corps heurie un plan horismal résistant el immobile, deux cas peuvent se présenter 1 ». Si le corps est élastique, il rehondit à une hauteur qui diffère d'austant moite des hauteur de chute que son dissitété et plus parfaite; Il a'ya ici aucune perte d'action, puisque ce phécomène continuerait indéfiniment dans le cas d'une élasticité parfaite. 2°. Si au contraire le corps est non-clastique, « Il s'arrice d'un coup ser le plan et perd tout son meuvement de translation. Il y a done, dans ce cas, une ambiliation incardicable t'immossible de textavail.

En examinant attentivement un corps ainsi arrêté subitement dans sa chute, il est afsé de voir que sa température s'est élevée. Une balle de plomb, lancée par un fusil contre un bloc en pierre ou or fer , s'échauffe au noint d'éprouver un commencement de fusion.

Le métal ici ne change ni de densité ni de capacité calorifique. La production de la chaleur, considérée en elle-même, est donc inexplicable (impossible).

Lo travail fourni par un meiour peut être consemmé de deux ma nières en apparence bien différentes : f°. Il peut nous servir à élorer un poids donné à une certaine hauteur en une unit de temps. Ainsi une chute d'eau de II "déblant P d'eau par secendo peut nous escrir à éterre à à " par secondo en poids de p (en admetlant que toute l'action soil utilisée). Il n'y a ici aucune peré: nous voyons



un poids descendre d'un coté et en élever un autre à une bauleur telle que le produit du poids par la haiture est égal au produit de la chuté par la dépense d'eux (en poids). 2º. Nous pouvous sussi consumer ce travait à surmonter des résistances passives, des frottements. Bans Perepionos el risquereure du freind e Provy, par exemple, qui nous sert à évaluer le travait dans nos moteurs, nous voyons tout l'effort moleur employe non à dever, mais à soutient poids, nous voyons tout le travail abanché par le frotiement des machières du frein contre la poutie. Tout ce travail parail perdu.

Mais le frottement échaulfe tous sies corps. Le frein de Pray, s'échaufferait indéfiniment, si on ne le refroidissait sans cesse avec de l'eau. On altribuist jadis la chaleur produite par le frottement à la désagrégation des parties matérielles des corps; cette explication et flusses, car les liquides eux mêmes, dont les parties sont déjà désagrégées, s'échauffent aussi par le frottement. La chaleur produite par le frein est incepticable, si on la considère a lattractivement, lainsi donc a molhatitation d'un travillo aire che con et frottement:

anaste oute distintantion of universal pair fecultion or incinential periodicion de challent incapitololo par les mêmes phétiomenes, voltà dour faits absurices ut impossibles auxiquels on aboutit en admettant qu'entre la chute et lo Iravail il n'92 pas de connexion nécessaire. Voità, su contraire, desphéromènes qui s'expliquent, du moment qu'oro admet qu'entre le Iravail d'éconse ét la challeur produile, il existe une dépendance nécessaire et un rapport numérique défini.

Un corps que l'on chauffe se dilate ou augmento de volume; un corps que l'on refroidit se contracte ou diminue de volume. En augmentant ainsi de volume, lo corps est capable de surmonter des résistances externes plus ou moins grandes, souvent colossales, qu'on essai de du poposar. Cest ainsi que l'eau, que mos soumeitons à une chaleur croissante dans un vase fermé, â fuil par rompre les parois les plus épaisses, si nous ne domnoss issue à la vapeur qui se produit, si nous ne permetions a volume de Sacrotte. C'est

aiasi, que l'eau que nous faisons bouilir en vase ouvert pread un rolumo près do dix-sept conts fois plus grand, en surmontant de fait, sans cesse, la pression atmosphérique; un calcul aisé nous appreud que 1 kilo d'eau que nous évaporons ainsi, soulève en réalité 417 mètres de bantiur l'énorme poids de 1000 kilorrammes.

La poudre que nous enflammons dans une armo à feu n'est, de fait, autre chese qu'un corps qu'une très-grande chaleur vient disister subitement: la tendance à l'accroissement, la pression qu'excrete le corps ainsi chauffé sur le boulet est telle que celui-ci, sur un trajet d'à poise I mêtre, reçoit souvent une vitesse de 800 à 1200 mêtres par seconde.

Le principe général d'après loquel fonctionnent tous nos motestre à chaleur, sans aucune exception, est des plus clairs et des plus simples. Dis corps quelconque, l'esu, l'éther, le chloroforme, l'air, les gaz en général y sont soumis à des alternatives de distitation et de contraction de volume. Pendant la période de distitation et corps cerere un effort et pousse en avant un piston qui se meut dans un orps de pompe, et qui, à l'aide de piéces mécaniques convennables, nous fournit en debors la somme d'efforts, le travail qu'il reçoit. Pendant la période de contraction le piston, redevenuilbre, revient à as position primitive.

Dans nos machines à vapeur, par exemple, l'esta soumise à l'action de la chaisure dans le chaudice s' y viduit en vapeur, c'éct-durie s'y ditiate en relatife, de manière à prendre un volume plusieurs con-lines de fois plus grand; à mesure qu'écle se forme, celte vapeur va pousser en avant ou en arrière le piston-moieur. Chaque fois que le piston arrive à l'extrémité de sa course, la vapeur qui l'avait poussé en mise en communication avec un especa vide et fried de élle se précipite et se condeuse; le piston ainsi devenun libre peut recité peut section s'action de la vapeur nouvelle qu'agit sur sa face orposée.

Dilatation et contraction alternatives d'un corps, telle est la canse en quelque sorte palpable des mouvements d'un moteur à chaleur quelconque. Addition et soustraction atternatives de chaleur, telle est la cause réelle, mais absolument impalabile, de cas changements du volume et de ces monvements. Un tel moteur suppose donc, non soniement l'existence d'une source de chalsur pour d'illater le corps, mais aussi celle d'une source de frold pour eniever au corps d'abord diaté es qui l'avait ainsi dilaté, et pour le ramener à son état primitir.

Uno question des plus capitales se présente lei naturellement à l'espett, Le corps su leviend nons faisons agit le tablaur apporte-èl. à la source de froid tout le calorique qu'il reçoit de la source de chaisurs l'En d'autres termes plus précès : auppeous que sous nuevinos soute la chaleur fourcie à l'era qui bont d'aux une chaodière à rapeur, et que nous mesurions de même toute la chaleur que nous resurions de même toute la chaleur que nous retrouvous dans le condesseur de la machine, en teamd d'affluers compte des pertes passives, y aura-t-il égalité entre la quantité d'abord donnée, uns ossible retrouvous.

Nions encore notre première proposition, supposons cette égalité parfaite et voyons-en la conséquence,

Les frottements produisent, disons-noire, de la challeur, yoults un dait comm de tous temps. Le frottement ne suppose auteune teure, accence desagregation necessaire des corps. Si done nous renfermons dans un vaste calorimètre une machine à vapeur avoc le froit ne devong qui om nessure la force, ce celorimètre nous encesser auth-tonant continuellement plus de chaleur que le continuellib du forer min dévenloppe. Voiel done encore une absurdité, une impossibilité qui deconice de la négation de notre première proposition. Admentions au contraire cette dernière, disons que dans une machine à vapeur il disparat une quantité de chaleur précisionnel prortionnelle au travail externe produit, et qu'au contraire le frottement du frein produit une quantité de chaleur proportionnelle au travail qu'il consomme, et disc ce moment tonic absurdité disparati, cer le frein ne poorra plus nous rendre que ce que la machine à vapeur avait consomme.

CHAPITRE IV

SECOND GENRE DE DÉMONSTRATION.

Lorsque dans un cylindre fermé muni d'un piston nous comprimons un gaz quelconque, de l'air par exemple, ce gaz s'échauffe; si an contraire nous le laissons se détendre. Il se refroidit. On pourrait dire ici, au seul point de vue du travail consommé ou produit, que rien ne se fait avec rien, puisque dans le premier cas la compression qui cottle du travail angmente la pression du gaz qui fait nous rendre tout ce qu'on lui donne, puisque dans le second cas le gaz perd de sa pression en nous donnant du travail. Dans cette manière d'interpréter. l'échaussement et le resmidissement du gaz de viennent des faits accessnires encore à expliquer. L'explication était facile autrefois , puisqu'on crovait qu'il faut moins de chaleur pour échauffer un gaz comprimé qu'il n'en faut pour échauffer du même nombre de degrés le même gaz moins comprimé. Pendant la compression, le calorique était censé être exprimé du gaz à peu près comme l'eau d'une éponce. Les travaux de M. Regnault ont montré que si la capacité du caz n'est pas absolument indépendante de la pression, il est tout au moins certain que sa variabilité ne suffit plus, à beaucoup près, pour rendre compte du refroidissement et de l'échauffement du gaz par l'expansion et la compression. Ce refroidissement et cet échanflement deviennent danc des fails non seulement inexplicables, mais réellement sans cause, si on les considère abstraclivement. On est ici condamné à reconnaître une relation directe entre le travail consommé ou produit, et le refroidissement ou l'échaussement du gaz.

En partant de la presque-constance de la capacité colorifique du gaz et des équations admises généralement comme exprimant la loi de dilatation et de détente de ces corps, il m'est été facile de dimontier, comme beaucopp d'auteurs l'ont fait, qu'il disparait nécessifement du calorique dans un moteur à gaz; mais comme on peut reprocher à ces équations ellementmes de n'être plus l'expression rigoureuse de la vérité, lo résultat final pourraitsembler contestable dans as base.

CHAPITRE V.

TROISIÈME GENRE DE DÉMONSTRATION.

Nous venons de reconnaîtro que l'exactitude de notre proposition relève en quelque sorte d'une nécessité première, et qu'en ta contestant, nous aboutissons soit à l'absurde, soit à l'impossible.

il s'agit maintenant de montrer que non seulement il y a nécessité première, et que nous sommes forcés à admettre notre proposition quand même; mais encoro qu'en effet elle se vérifie par l'observation directe.

Je diviserai cette demonstration expérimentale en trois sections:
L. « il disparatt de la chaleur toutes les fois que par une action
» S'exerçant du dedans au dehors d'un corps, il se produit un travait mévanique externe. Réciproquement, il se produit de la chaleur
toutes les fois qu'une action s'exerçant sur un corps du dehors au
«debna coâte du travail.»

Voilà deux faits à prouver d'abord, indépendamment de toute idée de quantité absolue de travail ou de chaleur.

Dans cette section, je ne feral que rappeler des faits connus, ou en indiquer d'autres qui seront démontrés exéprimentalement dans ta section suivante.

II. «La chaleur disparue ou produite est toujonre proportionnelle «au travail produit ou dépensé.»

Dans cette section, je citerai en détail les principales expériences qui mettent cette proposition hors de doute, au point de vue de l'observation.

III. «It existe un rapport constant et unique entre les quantités de

 chaleur qui disparaissent ou qui apparaissent, et les quantités de «travail produites ou consommées,»

La détermination expérimentale de ce rapport, ou de l'équivalent mécanique de la chaleur, sera l'objet de cette troisième section.

PRESURE SECTION.

Il disparaît ou il apparaît de la chaleur toutes les fois que par une actions exerçant du dedans au dehors ou du dehors au dedans d'un voros, il se produit un travail externe positif ou négatif.

L Frottements.

Le frottement, dans nos machines, comme dans les phénomènes de la nature où il se présente, est compris parmi ce qu'on nomme les résistances passives, et il était autrefois considéré comme une cause continue de perte de travail. Ce dernier peint de vue est juste par rapport à nous: il est complètement faux par rapport à l'économie de la nature. Dans nos machines, quelles qu'elles soient, dans une mentre comme dans une machine à vapeur, le frottement des pièces neus force à sacrifier une partie plus ou moins grande de la puissance disponible, et peur nous cette partie constitue une perte réelte. Pour la nature, il n'y a ici aucune perte. Tout travail consommé en frottement est parallèle à un développement de calorique, et ce calorique, à titre de ronce, de cause capable de tirer la matière du repes ou de l'y faire rentrer, représente, comme nous verrous bientôt, le travail nour nous perdu. Une cascade, dont nous p'utilisons pas la puissance motrice, roprésente pour l'industriel une perte de travail; et pendant de longues années, elle l'a représentée pour l'homme de science lui-même. De fait, il n'y a rien de perdu du tout; le froltement, en détruisant le mouvement des molécules de l'eau, développe du calorique, qui, comme nous verrons, représente intégralement la force vive annuiée.

II. Désagrégation des corps solides.

Foince ses actions content du travail, car toutels limitiquient un déplacement opér ave un effert, toutes aussi demant tien à un développement de chalenr. C'est ainsi que la lime, la pierre à feu, font juilibr des étincelles des corps qu'hels déchients. On attribusail étec chalenra de changement de combifé et de crapactice cholisque soibit, mais cette explication est fauses à deux joinis de vue. En premier lice, les changements de capactiées ré de beaute, sits existent, ce qu'en varrive pas toujones, sont si minimes qu'il n'est pas possible de let sit attribute ru u étanassi considérable. En accond liée, il ne se développe pas plus de chaleur lorsque le froitement de doux surfaces produit une désagrégation, un útéchirement des parities, que quand il s'absociales-di tactices. Il y a de canor relation de causé a éffet ètairé le travail dépense et la chaleur produité; et il n'x a une bela.

III. Compression et expansion des corps.

Tous fac torps, anis automic étocpétus, soits compressibles, écalabilité que l'envoluine pour être diaminus plur nêus pressibles écréme, normaie à tous les points de la mirface qui les limits dans l'ésjèce, et qui constitue ainsi leur voluine. Cette propriets de vairé de l'un à l'autre que de plès su moins, c'est dans les gai qu'elle usaise à il plas haut degré, c'est-d-uler que c'est pour ces corjes (g'un limites celler détermine la plus grande diministration de volume, mais telle n'est suite dans aucun corres; c'est e que prouve la propagation des ondés sontres à través les corps les plas dans.

You's te forty horizoghous som dantiques, pour on jue jar dahalful nous entenditions l'aptituite qu'ils ont du regrenate, non leur forme, miss beur volume pirinitif, iles qu'i l'édiriq qu'i l'avait diminuité cesse. En éc sins, le ploint, l'ori, l. circ, etc., qui sont tres-iniosi, tiet-à-cible à délorizorie, sont i réalisté dans l'adutiques qui boit antier à la liberatie de l'ori fondu est de 19.26, cullo de l'or hattu sait d'a l'ori fondu est de 19.26, cullo de l'or hattu sait d'a l'ori fondu est de 19.26, cullo de l'ori hattu sait d'a l'ori fondu est de 19.26, cullo de l'ori hattu sait d'a l'ori fondu est de 19.26, cullo de l'ori hattu sait d'a l'ori fondu est de 19.26, cullo de l'ori hattu sait d'a l'ori fondu est de 19.26, cullo de l'ori hattu sait d'a l'ori fondu est de 19.26, cullo de l'ori hattu sait d'a l'ori fondu est de 19.26, cullo de l'ori hattu sait d'a l'action d'alle de l'ori hattu sait d'a l'action d'alle d'all

expériences que j'ai faitos sur l'écrasement du plomb, il ne m'a pas été possible de conslater une différence de densité entre le plomb fondu et le même plomb batlu.

Toul corps qu'on comprime s'echaufie; o'est dans les gaz que octte proprieté se manifeste au plus haut degre. Reciproquement, lout corps qu'on a comprimé, ét auquel on laises represente son volume primitif, se refreséti. Mais comprimer un corps, ou dienture sen volume par enfort estreno, ésté dépense du travail; réciproquement, laisser un corps reprendre son volume en exerçant un effort, éest recueillir du travail. La production de la chaleur est donc parallels el népense d'un lavail, et réciproquement.

Les expériences de M. Regnault on prouvé, contenirement à tout ce qu'on supposit, que le capacite Confirque des gaz arafe fort pet avec la pression; il y a doue réellement production de chaleur dans un gaz qu'on comprime, et dispartition de chaleur dans un gaz donc comprime, et dispartition de chaleur dans un gaz obtend, et no pas simplement manifestation de cu qui y existait déjà. Dun autre côté, une expérience de M. Joule dont J'ai déjà parié, et sur languelle je reviendari, prouve qu'on pen thisser un gaz augmentor de volume, sans qu'il disparaises de chalour, pourva qu'on ne produite pas de Intvail externo.

On est donc aussi forcé de reconnaître une relation de cause à effet entre la chalcur et le travail, dans l'acte de la compression et de l'expansion des corps en général.

Déformation des corps.

L'élasticité proprement dite, c'est-à-dire l'aptitude à reprendre un volume primitif, dès que la cause qui avait modifié ce volume vient à cesser d'agir, est une propriété générate des corps.

Au contraire, ce qu'on appelle ordinairement élasiété, é'est-àdire l'aplitude des corps à reprendre leur forme première, est une propriété beauceup plus resirainte. Il est évident d'abord qu'elle est, sinon nullo, du moins impossible à constater dans les gaz et dans les liquides: elle n'est prore qu'eux solides. De plus, elle varie



si énormément en intensité d'un corps soilée à l'autre, qu'on a pucans trop d'assignation, claser coucie en orps établiques et non clastiques. Ca genre d'elasticité certainement relève de l'étasticité propresent ditie : dans un rescort l'actier que sous pions. Il y a des libres comprinées. Il y en a de étacheus, et il y a par suite des modifications dans les violents élémentaires qui composent le violume fold; mis ils est fait des compensations telles que ce volume total, peut-étre, ne varie pas. L'étasticité ordinaire dépend donc, noutre, du plus ou moins de modifié restàre des métoclesis.

Quoi qu'il en soit, dans les corpsélastiques, comme dans les corps non élastiques, tout changement de forme opéré par un effort externe détermine une élévation de température. Un morceau de plomb que nous plions ou que nous refoulors s'échauffe : une hande de caontehoue que nous allongeons s'échantfe. La densité et la capacité du plomb resoulé ne varient pas sensiblement. La densité du caoutchouc s'accrolt un neu par l'allongement (du moins nour le caoutchouc nalurel). Mais ni les changements de densité, ni ceux de capacité calorifloue n'ont en tous cas rien de commun ici avec le phénomène thermique. Comme corps mou le plomb refoulé garde sa forme dernière, et il reste chand. Comme corns élastique, le caoutchouc revient à sa forme première, dès que l'effort qui l'a distendu cesse. Mais cet effort peut cesser graduellement ou tout d'un coup, et les résultats thermiques sont tout différents. Si, avec la force des bras, nous lendons une lanière de caoutchouc en l'appuyant sur les lèvres, nous senions qu'elle s'échauffe; si nous laissons la bande ramener nos bras à la position primilive, pous sentons qu'elle se refroidil : si au contraire nous lâchons la fanière d'une main, elle reste chaude. Bans le premier cas, le travail dépensé à tendre le caoutchone est rendu, lorsqu'il renrend sa forme; dans lo second cas, ce travail est dépensé définitivement, et la chaleur produile est définitive aussi. C'est par la même raison que le plomb est chaud après le refoulement; le travail dépensé pour opérer celui-ci l'est définitivement.

La ressort quelcouque ca acier, ou n'unporte ca quelle matière, cet capatement tians le mbre ca. Evue le seturire, il forte dépenser du travail; vion le laisse soldendre lentement, il restitute à peu prois partigralement ce travail; le. laisser-len au contraire so défendre lentement, il restitute à peu prois l'estiquement, en l'abandonant à lai-nême, le travail depensé n'est plus restitute. Dans le premier cas, nous avons becule tenire solt claisser so défendre mille et utilis fois. Ils es y'u matières aucune déparation de l'empérature, parce que le calorique, qui apparatt pendant, qu'on le tend. disparant quanti il se défend. Bass le second cas au contraire, le calorique, chaque fois produit, il e reste définitement et s'encumie de manière à devernir bientité ressublès.

Coci espláque faciliement un phénomène qui a cité observé dans cos derainte réune. On se sert on acustrajue, de pur mesurer le nombre du vibrations qui répondent à une note musicale donnée, d'une rone dendéequien fait toirner plus on noins vile, et dont les deints passand devant un resect en holo ou on carion qu'éles l'endonnée labornt brasquemens. On a remarqué que, ce ressort s'échaulle (viv vile).

V. Choc des corps.

On sait de, tomes immémorial que les médeux qu'on forge-sur l'enclame s'échaufent très rapidement. Il n'y a ici ut augmentation de densité, ni diminution de capacité calorifique notables: la chaleur produite ne dépond donc point d'une telle cause.

Les considérations, développées dans les pages précédentes nous rendent très facile l'éjude du choc et de ses conséquences.

Sapposons deux spikines égales en poist suspendues à deux dis, du falle, socire 1; qui els confres ceient sur une même tipee, horitonatain; 2-, quo les aphères se touchend à leur périphérie; 2+, quo les fils de auspension soient parallèles, dans ecs dermiteras conditions. Colt peçó, dectation les spikires de luur pesition, sans les fairo sortir du plan, primitif oi se, livouveit les centres et les pains de suspension. Sulvivon-les à une même hauteur, on faisant faira aux.



fils des augles egaux avec la verticale, puis à un même moment, anhadomons-les de dis-niches. Comme, abstraction faite de la résistance de l'air, câles sont libros de se morroir dans le sens de la circonférence que décrirent les contres de gravide, couv-câte de la circonférence que décrirent les contres de gravide, couv-câte de la comment de la comment de point de la point le plus has, au point primitit, une vitesse qui nara pour valeur : $V = \sqrt{2\, g_B}\, I_1\, d$ tamb la hatieur commence de chius. Dour les feiver, on a dépress pour chacume un travail qui a pour expression PII, et qui c'est autre choca que le produit ûn un clemin parcoure II, par an effort regrésente numériquement par leur poids P. Les spàtres étant libres de toubre, le tavazil dépend à les éforte devar s'y accumiter sous la forme qu'on est convenu d'appelor force vice, et aura pour expression ?

$$\mathrm{PH} = \frac{\mathrm{PV^2}}{2\,g} = \frac{\mathrm{NV^2}}{2}$$

V étant la vitesse de la chute II.

An moment of les sphères so toucheront, il s'établira, au poist de contact, une pression, un effort, d'ingé en saus opposé un mouvement, qui, rapperté à l'unité de masse, agira comme une force acélératrice négative, et détruira le mouvement acqués par la chute. En veriu de cet effort les dons sphères se déformeront inforsastirement, si dures qu'on les suppose d'alleurs. Si avous désignons par R l'ensemble des efforts, partiels et variables d'un instant à l'autre, exercés sur clasque molécule et rapportés au centre de gravité, on auxa vévidemment.

$$f R de = PII$$

e étant l'espace parcouru par les centres de gravité des deux sphères pendant la durée du contact, et de, par suite, l'élément do cet espace répondant à R à chaque instant dt. Cela posé, lr y aura deux cas très distincts, quant aux résultats finaux de choc.

Si les corps sont de nature à rester déformés, l'effort R répondant à la fin de l'espace e cessera au moment même où tout mouvement sera détroit; les deux sphères resteront au repos, et la chaleur produite par leur déformation sera définitive.



Si au contarie les copts sont de nature à reprendre leur forme permière. Piefor la derrent a rapord à l'unité de masse ; il deviendra une force accédératrice positive dont l'intensité variera d'un instant à l'autre, mais qui fera parcourir aux centres de gravité l'Espace or tensitiuen au sapheres puis le travail J fide d'abbert déspons é, et par suite, toute la vitesse $\sqrt{2} g J l$. La chalur développée par la déformation disparatrit nées que l'espace e aux de faperouru, et les deux sphères reculeront, pour remonter à la hauteur H_i et pour reimbire de nouveau.

Dars la réalité des choses, il récriste pas de corps absolument elastiques : d'où il résulte qu'après chaque choc, la hauteur II diminuera; la chaleur due la la différence II — II durera, et binira par être égale à celle que produit la chute totale II. De même II néxiste pas de corps parfaitement mous, et à moiss due adhésion proprement dite, les sphères se séparront toujours après le choc. Cepondant la différence entre les divers corps est à cet égand très grande; tandis que deux halles de planto remontent à petine aux $\frac{1}{16}$ de la batteur II, deux sphères en acter ou en Ivoire, par exemple, remontent presque aux $\frac{1}{16}$.

Il est ciair maintenant que si, au lieu de soulerer, nos deux sphiers à la bis, nous entaissens une en reyse, est in sue la supposon alors élastique, et comme induinent grande par rapport à la spière en mouvement, il n'y aux riend un tout de changés à la question. Que les sphères en mouvement soient élastiques ou non, la sphère en repos ne pourra prendre qui une vitesse exténuement petitient night-gaule. La petite sphère restera en erpos après le choe, et éle cet molte; elle robondirà à sa bauteur initiale, si ell est élastique; il y aura toujours éléformation de la petite sphère et chaieur produite: mais cette chaîeur no drare ancore que ai la déformation est dédinitive, ainsi que no force vive dépensée pour l'opérer.

Il est évident que ce dernier cas est celui qui se présente le plus fréquemment à nous. L'enclume, solidement fixée au sel, fait partie de la masse de la terre, qui est excessivement grande par rapport à celle du marteau : celui-ci rebondit s'il est élastique, et la chaleur produite n'est que temporaire ; il reste en repos après le choc s'il est mou, ou, ce qui revient au même, s'il frappe un corps mou placé sur l'enclume, et c'est ici alors le corps mou qui s'échauffe.

Je me borne pour le moment à ce qui précède, quant à la question du choc des corns, sauf à y revonir longuement dans le volume consacré aux conséquences métaphysiques de la théorie. Ce suiet. en effet, est un des olos importants de la Mécanique. Il se trouve traité dans presque tous les ouvrages de Mécanique, et, ontre autres, avec une remarquable clarié, dans celui de Poisson (torne II page 26 ot suivantes, édition de 1833). Mais partout on a fait jusqu'ici abstraction de la chaleur toujours parallèle au choc. Cette lacune, que nous venons déjà de combler, en partie du moins, a servi à melques auteurs modernes de point do départ pour attaquer, dans leurs bases mêmes, les travany des grands analystes de la fin du siècle dernier et du commencement de celui-ci, et pour dire que la Statique et la Dynamique sont deux sciences totalement distinctes, pour vouloir confondre, au contraire, la Physique avec la Mécanique, En faisant ressortir ce qu'il y a de purement spécieux et de faux dans le point de départ, et co qu'il y a, en tous cas, d'exagéré dans les conclusions qu'on a voulu en tirer, le prouverai, lo l'espère, jusqu'à l'évidence, que la Physique no pout, à aucun titro, se confondre avec la Mécanique, mais que ces sciences sont désormais liées par un trait d'union indissoluble; que la Statique et la Dynamique forment bien deux branches distinctes d'une même science, mais qu'elles aussi sont soudées par un trait d'union, et qu'elles ne peuvent s'étudier isolément; et enfin, quo toutes les questions de Dynamique peuvent réellement, en vertu du principe de d'Alembert, être ramenées à des questions de Statique.

VI. Chaleur consommée dans les moteurs thermiques.

Nous disons qu'un corps élastique dont nous diminuons le volume à l'aide d'une pression qu'on exerce sur lui s'échauffe; que le même curps, an constraire, se a chroidt lorsqu'il reprond son volume en surmonnant l'étate qui lui est opposé; mos disons, de plus, que l'échaudimens el le refroidissement sont dus exclusivement au travail mécanique dépensé ou produit que prefescein cette soume d'action métetaine. Mais le travail que neus fournit tout moteur calorique résulte de l'accroissement ét de la diminution de volume que subit alternativement un même orps dissitique, el de l'accrois tevant positif de la période d'accroissement sur le travail négatif de la période de diminution. Le résultat afinal et nécessaire des fonctions du moteur doit donc être une diminution dans la quantité de chaleur qui s'est trevuée en adeivite pendant les deux périodes. Ce résultat, alist que nous verous d'ans la seulton suivante, est pleiment et directement vidéle act l'étanchime.

VIL. Chaleur produite ou consommée dans les machines électromagnétiques et dans les êtres vivants.

D'après tout ce qui précède, nous consevons trè-asisement qu'il apparaisse ou qu'il disparaisse de la chalteur là où le calorique se manifieste comme cause immédiate d'un travail négatif ou positif. Mais il en demeure encere absolument de même dans des cas où la chalteur ne semble être, s'il m'est permits de m'exprimer ainsi, qu'un accessiore. Le mexifique à l'alche de deux exemples frappanis,

1e. Lorsqu'un courant électrique traverse un conducteur, il-l'échauffe. Si le même courant travorse-une machine électro-magnétique, il produit un travail externe, il nous aide, par exemple, à élever un certain poids à une certaine hauteur. Mais aions il donne d'autent-moine de chalveu au l'ét produit l'une de trapail.

2º. Considéré a un point do vun lout-d'aint physique, le corps des etres vivants doués de locomotivité, le corps des animaux at dp l'Homme peut être considéré, d'une part, comme une seorce conlinue de chaleur; et d'antre part, comme une machine capable de produire ou de consummer du travait externe. Nous n'avors point à discuter pour le moment la maniére spécifique selon l'aprellé o la mouvement. ct, par suite, le travail positif ou négatif sont produits par entre admirable machine. Ce qui est clair, c'est que nous ne voyons aucune analogie entre elle et nos moteurs thermiques. En l bien, un fait commun cenendant domine.

Dès que le corps de l'étre animé produit du travail, il s'y consomme de la chateur; dès qu'il consomme du travail, il s'y produit de la obaleur. Analysons rapidoment l'ensemble de faits que renferme cet énoncé concis.

19. La chaleur qui se dávelippe continuellement dans le corps des animax à saig chand (et d'alleure dans celul de tous hos êtres vixants) est due pour les dit-neut vinguêmes à la combination de l'Oragienno de Pair, anemé par la respiration, avec le carbone, l'Expdegeno, l'anois, amenés par l'alimentation. C'est ce qu'ont depuis longéemps nis here de doute les expériences de finition, sur la chaude animaxur. C'est ce que metten bors de doute les expériences que j'ai laties sur l'homme. Collec-c'i nous apprennent en effet que quels que soient notre ége, notre daté be santé, noire tempérament, notre sexe, chaque gramme d'oxigêne introduit en nous par la repertation, donne les dans l'erganismes un developpement de sintiés de chaleur (novivon); pourous que nous n'exécutions aucus riveruit.

2º. Je dis que l'organisme des animaux peut être considéré comme une véritable machine capable de fournir du travail, et capable d'en consommer.

Lorsque nous montens un escalier, lorsque nous gravissons une montagne, nous dievans de fut le poids de notre corps, etc., à une cértaine, hauteur. Le travail mécanique, ainsi produit, a pour expression le produit de ce poids par cette hauteur.

Eorsque nous descendons un escalier ou une montagne, le poids de notre corps s'abaisse d'une certaine hauleur en surmontant la résistance des muscles. Il y a-donc, dans ce cas, un Iravail qui est consomméd'une-manière qualconque dans-notre organisme-

Il so produit en un mot un travail externe, positif dans le premier cas, et négatif dans le second cas.

Mes expériences ont démontré que des que le travail externe positif commence, la quantité de chaleur produite par chaque gramme d'oxigène absorbé diminue; quo des quo le travail négatif commence, cotte chaleur au contraire augmente.

En d'autres termes, et pour pécièrer par un exemplo, je suppose qu'à l'état de repor l'Individus consenne 30 grammes d'aujaines par heure : il se développera dans son organisme anviron 150 calories par heure. S'il monte uniformémont et régulièrement un exclusion circulation et la respiration étant pare o fait activées, il va consonmer par heure 150 grammes d'avigêne, par exemple : à l'état de propos, ces 150 grammes eussent produit be-160-270 colories. Et hôn, par suite du travail externe executé, il y aura un déchet sar cinombre : il ne se produifar, par exemple, que 700 calories.

Je suppose maintenant que le méme individu descende au cortraire dans te méme temps le même escalier, et qu'il consomme aussi 130 grammes d'oxigènes. Au Heu d'un déchet sur tes 750 calories que représentent ces 150 grammes, nous trouverons un bénéfice : il se produira, par exemple, 850 calories.

Ainsi que je le montrensi par une distition particultière dans le section suivante, ce n'est pas le hasard qui préside à ce déficit ou à ce lèmeliee de claileur : ils son liés au travail positif on négatif par une loi qui indique la relation de cause à effet. Relation indirecte, médiate si fou reut, car ce n'est évidemment pas le calorique qui est la cause motrice directe char les ôtes vivants, mais ayant pasit meme, et par la complication des phénomènes à travers lesqués elle s'aperçoit, une signification plus puissante par rapport au grand principe que nous mettons en évidence et sur lequel s'appuie li Théorie mécanique de la chaleur.

VIII. Résistance magnétique.

On sait aujourd'hui que quand on fait tourner une sphère de cuivre (ou tout autre solide en métal) entre les pôles d'un électro-aimant puissant, cette masse métallique oppose sans cesse une résistance qui teal à empechte le mouvement, et qui lo déruit en effet si îon ne dépense contiouellement un effort égal à elle. Il n'y a lei aucun frottement de maîtère contre maîtère : l'expérience réussit dans le vide comme dans l'air, et d'aillèurs il est aisé do tenir compte les frottements des tourillens, otc. Et bien, la masse métallique, forcée à tourcer par un effort externe, s'echauffe absolument comme il en arriverait si un frottement réel nécessitait la même dépense de tra-vall externe.

Jo reviendrai ailleurs aur les deux derniers paragraphes. Les phénomènes qui y sont décrits démontrent jusqu'à l'évidence l'existence d'un rapport intime entre toutes les forces de la natime. Et o résume de toet co qui est esquissé dans cette section, c'est qu'il y a une connexion nécessaire entre la chaleur protuite ou consemmée et le travail négatif en positif qui accompagne font acte méleculaire.

DRIVIÈME SECTION

 Uno loi de proportionnalité simple et directe relie les manifess tations positives ou négatives de chaleur aux quantités négatives ou positives de travail mécanique auxqueis donne lieu une action moléculaire quelconque.

Dans tout l'ensemble des phénomènes que nous venons de passer en revue, si divers qu'ils soient d'aillours, un seul fait commun nous frappe : toutes les fois qu'une action moléculaire quelonque nous coûte ou nous procure définitieement du travait mécanique ou de la force vive, une certaine quantite de chaleur apparait ou disparait laraitlement.

Dans certains cas, le calorique affecte évidemment use forme active, et se manifeste comme ronce; aims dans tous no moteurs à feu, ainsi dans la projection d'un boulet par les gas cestammés, la chaleur est hien la couse, apparente tout au moins, de l'effett au duit. Mais même dans les phônomènes on la travail est consommé en quelque sorte passivement, comme dans le frottement, par exceps)e. Il y a cource dépendance pietce entre la caleur dévecemple. loppée e le travuil coessonnit, en ce sens que nous ràpercevons aucun acie médiai auquel on paisse logiquement attribuer cette chebers développée. Enfile les phénomènes de résistance magnétique, et pais ceux du travall positif des moleurs antimé où vivdemment il y a un principe autre que la challeur seule en jon, soos montreul encore plus puissamment jout-être la relation étroite qui existe dans tonte action moléculaire entre la force vive développée que nonsommée, à la challeur.

En un mot queique hypothèse que nons fassions sur la nature de la chaleur, ou, pour mienx dire, en dehors de toule hypothèse, une relation de cause à effet se montre let, à un point de vue uxpérimental mr. sons la forme la plus incontestable.

L'idée de l'existence nécessaire d'une lei de proportionnalité entre l'effet et la cause se présente donc naturellement à notre esprit. Si dans une machine à vapeur, par exemple, c'est la chalour qui nous donne le travail, il est blen clair que la quantité recueillée de l'un doit être en raison directe de la quantité dépensée de l'autre. Il semble donc ou'en ce sens il soft inutile de faire aucune vérification expérimentale, Genendant, il faut bien le dire, si l'existence en effemêmo du principe n'a jamais été conleslée sérieusemont, il n'en est pas ainsi de ce qu'on nourrail appeler sa réalisation expérimentale : et beauconp de physiciens paraissent croire qu'en raison de circonstances accessoires, mais inévitables dans les phénomènes, la proportionnalité peut être rompue entièrement, et lis pensent que la question de nos moterirs à calorique, de la machine à vaneur entre autres, est beaucoup trop compliquée pour qu'elle pulsse se résoudre en une simple foi de rapport défini, il est donc, il me semble, tont à fait prezent, dans un travail comme celui-ci, de présenter tont ce qui peut éloigner jusqu'au moindre doute de l'esprit du lecteur.

D'après tout ce qui est dit dans le 1 cr paragraphé, nous voyons, d'une part, que la chaletur fournée à un corps, b'est pas, il s'en faut beaucoup, employée uniquement à produire un travall extèrne que nous pouvous mesurer; en effet, elle sert: !e, à produire de duc

nous appelons la température des corps; 2°, à modifior la plupart du tomos l'état du coros, à v introdoire des changements soit temporaices, soit définitifs : 30, enfin à donner un travail ou une force vive au-dehors du corps. El est d'autre part facile aussi de voir que le lravail que nons dépensons en action moléculaire dans un corps n'est pas non plus toniours employé exclusivement à produire de la chaleur; en effet, et en tout premier lieu, il détermine fort souvent dans les corps des mouvements vibratoires qui se manifestent à nous comme sons, comme bruits; ces vibrations, par ce fait même qu'elles se font entendre de nous, so dispersent du corns sonnis à l'expérience dans les autres corps environnants, et constituent ainsi une perte de travail quant à la chaleur à produire; en second lieu, ie travail lui-même, ou, pour mieux dire, les efforts, qui sont l'un de ses facteurs, produisent aussi fort souvent dans les coros des modifications définitives, qui, par suite, coûtent une portion de la chaleur autrement développée. Ainsi, pour spécifier, lorsque la lime emporte des parcelles du métal qu'elle entame, une partie du travail dépensé à la mouvoir sert à produire un son, un autre sert à comprimer les parcelles détachées, à eu modifier l'état interne, etc., et des lors îl se fait, par rapport à la chaleur que représente ce travail, une perte réelle.

Pour que, dans l'expérience, une loi de proportionnalité puisse se montrer à nons, il faut donc évidemment :

1e. Ou que le corps soumis à l'essal se trouve à la fin rigoureusement dans le même état qu'au commencement, et que des lors trous soyons à même de mesurer tout ce qui se perd accessoirement, soit en travail, soit en chaleur.

2º. On tota as moises que les pertaes de favaull ou de chalaurs, que nous ne pouvoas mesurer directements, soient elles-mêmes proportionnelles aux quantifiés de favauil ou de chalaur en action. Les expériences ou ces dernières conditiones out été remplies, au moins à peu près, tout aujourd'hui trés-nombreuses. Les recherches de MM. Jouic, Pares, Silhermann, Laboulaye, Benuie, etc., sur les frot-

tements des liquides, sur le choc des carps, celles que j'ai failes moi-nême, sur les frottements médiate su immédiats des corps so-lides, sur l'usure des métaux, le choç des corps solides, etc., ne peuvent hisser aucun deute quant à l'existence d'une le de proportionnaité entre le travail et la chaleur. Tout récemment encore, j'ai terminé une longue suité d'axpériseces sur le frottement de l'exa, de plus de cinq capeces d'huile fixes, de la bennine, de l'alcoo, du pétrele, de l'haille de solisse : ces expériences, que je n'ai pas méme cru devoir publier, concecdent toutes parafilement, quant à la loi elle-même. et de different our aunat ux membres absolus.

Dans toutes les expériences de ce genre, si elles sont un peu tolérablement blen exécutées, les pertes dérivant de la coarticution de l'appareil en du phénomène étudie l'ul-même, sont en semme très petites. Il n'est denc pas étonnant que le lien qui lie entre eux le calerique développé et le travail déponsé s'aperçoive aisément, du moment que sen estisence est réelle.

Mais on aurait pur croire qu'il r'en semit plus ainsi dans un ensemble de phénomènes aussi complexes que ceux qui, dans le corpsd'un être vivant, accompagnent la production de la chalcur et du travail mécanique. Et cependant i d'inten, la 1st de proportionnaité ne peut paser inaperque: etse ce qu'ont mis bors de deute mes expériences sur la chalcur lumaine. Avant de citer un exemple numérique, je crois droir rappeter très sommairement comment ont été exécutés mes recherches à ce sujot.

Le calorimétre où se plaçult la personne soumie à l'étude consistite ou ou guérite hernétique, on planches de apin, d'envirou 4 mêtres sebes de capacité, écalirée par des virtaux. A l'un des bouts de la guérite se trouvait une chaise sur laquelle on restait assis pendant l'appérience stalique; à l'ature bout, se trovait une grando roue à paiettes dont l'axe sortait à froitement de la guérite et recretait d'un meter un mouvement régulier dans un sens ou dans l'autre; pendant l'expérience dynamique, on marchait sur les palettes de la roue à la husture de l'axe, et l'en s'éperation l'in s'abaissait ainsi virtuellement avec la vitesse circonférentielle de la roue. Le nombre de tours de celle-ci était relevé par un compteur, et l'on savait ainsi à quelle hauteur s'était élevé ou de quelle bauteur s'était abaisse le poids du corps. Le produit de ce poids par cette bauteur constituait dont le tavait exérule.

Deux tuyaux de caoutchouc terminés par un appareil à soupape qu'on temit à la bouche servaiont. l'un à chercher l'air nécessaire à la respiration dans un gazomètre jaugé; l'autre à ramener l'air exhalé dans un second gazomètre jaugé aussi. L'air inspiré et l'air expiré étaient analysés avec soin.

La gorbite était phacée au milles d'un appartenent spacieur dont le températre variait tels peu et très lendoment. De térmomètres très sensibles indiquation la températrer de l'air interne de la guerite et de l'ille ambiant. Dans l'expérience statique comme dans l'expérience dynamique, on attendait que le thermomètre intériers de la guerite fit devens immobile, avant de rein noter, et c'est soulement quand la presence expérienceté était arrivée du mrégime étable, qu'elle presait en houche l'appareil à soupage, ain qu'elle consomnait d'exiète dans et état stable.

Il est clair que quand le thermometre interno cassit de monter, les portes de caivique de la guérite par ses parois étables d'ovenes dépales à la quantité de chalure que développet la personne étudie. Connaissant la valeur de ces pertes, ou connaissait donc aussi la quantité de chalure d'evoloppée ou un timps donné par l'organisme. Pour déterminer ces pertes, javais au préalable, et avant aucune autre recherche, fait briller, des l'intérieur de la retuite, un bec allimenté d'un courant régulier d'hydrogène, en attendant aussi que telementer interne 60 de ovens immofile. La chalure due à la combustion de l'hydrogène étant connue, on avant combien it fallait développer de calories par unite de temps daus la grérite pour oblenir telle ou telle différence outre la temperature de l'air interne et de l'air externe, on connaissait en un mot la loi do rérioi sissement du colorissire, « il par conséquent on savait ensuite

combien la personne renfermée dans ce calorimètre devait produire de chaleur pour mainteoir telle ou telle différence de température observée.

Je eite maintenant une série d'expériences faites sur moi-même, et de l'exactitude desquelles je suis le plus sûr.

A l'état de repos complet, la quantité d'origène absorbée par heure était de 20º,65; le nombre de calories dégagé dans le même temps était de 155, soit 5ºd,22 par 1º d'oxigéne.

Pendant une marche ascensionnelle représentant un tavauil de 71,489 par heure, la quantité d'objéene absorbée dans le même temps s'est élevée à 131°.74; ce poids, 4 l'état de repos, est donc produit 65°.08. En résiúe, il us s'en développait que 251; ainsi 65°.768 = 23°.1° a tous alles de l'entre de l'entre de l'entre 65°.768 = 23°.1° a la result externe; 2°. en phénomènes moléculaires internes de lous gourres, qui réstaisain pas l'état de repos par l'estaisain pas l'estait estait par l'estaisain pas l'estait estait par l'estait par l'estai

Rans une seconde expérience dynamométrique, le travail par beure a été réduit à 20730°. L'azigène consommé par beure était alors 112°-2': à l'était de repos, le calorique produit ent dét 112°-2.5,22 = 88.5°. En réalité il se développait 255°-6; soit 555°-17° = 255°-6=330°-1, pour les pertes, et pour la chaleur eousommée en travail.

Une proportionnalité aussi rigoureuse, je rài pas besoin de le dire, était exceptionnelle. Tant d'éléments divers entrent dans les eateuls et sont à relever par l'observation, que des erreurs, même considérables, sont fort difficiles à éviter; j'irai beaucoup plus loin, et je dirai qu'une concordance presque parfaile, comme celle que l'ai citée, ne peut être que fortions.

Mais l'essentiel était d'entrevoir une loi, et c'est ce qui résulte incontestablement de mes recherches.

Les expériences où les premières conditions ont été remplies, eelles où le corns employé à produire le travail, après avoir éprouvé toutes sortes de modifications, revient à son état primitif, ces experiences sont très rares emore. Mais aussi elles ont un caractère d'affirmation beaucoup plus incontestable que toutes autres, et, d'après une seule d'entre elles, nous sommes plus en droit de généraliser quant au principe de la proportionabilité en lui-meme.

Danis la machine à vapour, par exemple, un corps liquide (Tean) entre à une certaine température dans la chaudière; il s'y échauffe, s'y vaporire sous une pression à firès peu prêt constante, avant de se rendre au cylindre motour, la vapour peul traverser un apparaît os éla échaumis eccore plus fortement és édiate on candiquence; arrivée dans le cylindre, elle ponsse le pisson, d'abord avec une pression constante et peu différente de côtie de la chaudière; puis, étant isoitée de la chaudière par un mécanisme particulier, la vapour agit par détenile et son volume s'accrett souvent considérablement; le pisson édant au bout de se course, le prilandre est mis en commonication avec un réservoir vide d'air, et révold sans cesse par un pei feur, la vapour se précipite dans oc condenseur et s'y liquédic pessyon institutationent; elle on est refrirés, sons forme d'ean, par une pompe, et cette eau a la même température qu'à son entrée dans la chaudière, puisque éet se voel liqu'ou allement cellec-l.

La constatation experimentale d'une loi de proportionnalité rigourous est douc, par suito, de la plus haute importance. Sous la forme générale et complite oi y'lai dé en anseur de l'Obtenir, cette constatation est peut-etre une des démonstrations expérimentales les plus décisives de l'exactitude du point de départ de la théorie mécanique.

Le resultat positif auquel je suite arrive dans des recherches tout--fait récentes, etc que e, quelle que soit la maniée dont travaillo une machine à vapeur; qué ce soit avec détenté en non, avec vapeur saturée ou avec vapeur suchauffie; que ce soit avec de vapeur à une pression peu differente de coile de la chaudière, ou avec une vapeur qui éprouve en passant de la chaudière au orgàndre une chaité de pression onsidérable, on trouve toujour qu'il y a une chaité de pression onsidérable, on trouve toujour qu'il y a une proportionnalité exacte entre le travail rendu par le moteur et la différence qui existe entre la quantité de chaleur fouraie avant l'entrée dans le cylindre moteur, et la quantité de chaleur qui reste à la vapeur à sa sortie du cylindre.

Jo crois devoir entrer au sujet de ces recherches, dans des détails assez minutieux pour que le lecteur se rende bien compte de l'ensemble des difficultés à surmonter, et pour que d'autres expérimentateurs puissent au besoin répéter les essais dans de nouvelles conditions.

Je donnerai ailleurs, et sous une forme technique, des détails sur la construction des deux machines sur lesquelles j'ai opéré, et j'Indiquerai en quoi elles diffèrent des machines généralement employées dans l'Industrie. Peur le moment il suffit de savoir :

- ic. Qu'elles sont à un seul cylindre;
- 2°. Qu'elles sont avec condensation;
- 3º. Qu'elles travaillent avec de la vapeur surchauffée;
- 4º. Qu'elies sont à détente variable à volonlé;
- 5º. Enfin, que ce qui les distingue l'une de l'autre, c'est que l'une marche à 93 tours par minute, tandis que l'autre n'en fait que 27.

Define utilie de ces machines a, pour chaque cas, été relievé soil directament a nette, soil par comparison, par suistatiotina avec un autre moleur déjà essay d'ui-même au frein. Au surplus, le travail abont et externe produit importe peu ici, e, je ne l'îndiquerni qu'accessoirement. L'essentiel à faire ressortir, e'est que l'on pouvait travailler à une même force riss-considérable, en faisant varier de toutels les manières déstribales in mode même de production du travail. Noire but dans ce paragraphe est, en cifét, non de chercière un apport dédin orter la dépense en chaleur et le benédice en travail actierne, mais s'implement de constator l'existence d'une loi de proportionalité.

La tension de la vapeur dans la chaudière, son degré de surchauffe, la quantité et la lempérature de l'eau injectée au condenseur étant tenues parfaitement constantes, le travait externe rendu par une machine à vapeur peut être modifié de deux manières très distinctes :

- 1°. Ce travail peut être diminué ou augmenté par le plus ou moins d'ouverture qu'on donne au robinet d'admission de vapeur.
- 2°. Ce robinet étant tout ouvert, et rien ne génant l'affit de la vapeur, le travail peut être augmenté ou diminué, selon que l'on donne peu ou beaucoup de détente.

Réciproquement donc, le travail peut être maintenu eonstant, lorsqu'en diminuant la détente on a soin en même temps de diminuer l'ouverture de la valve d'admission de vapeur, à l'entrée du cylindre.

L'un ou l'autre des deux premiers procédés nous offre, en apparence, un myone de chercher l'existence de notre loi de propertionnalité. Si, pour un travail que nous faisons varier du simple au doublé, nous treuvers un téchet de calorique qui varie aussi du simple au double, notre loi en offit earn abres de doute, il est dependant facile de se convaierre qu'en réalité cette méthode ne peut conduire à rien d'exact. Nous avons fit que, pour q'une loi de proportionnalité puisse se montrer, il sufit que les déchets de chaleur ou de travail qui nous échappent soient eux-mêmes proportionnels. Or il est aisé de voir que ceci n'a pas licu dans une machine

Iss peries de diableur par confact peuvent être fellement dinnées, il est vrai, dans ces moteurs, que nous n'avons pas à nous en occuper. La température de la vapeur étant pries tout près du cytindre, et celui-ci étant, par une envelopre isolante, protégé de tout rayoumennet cetterne, la perte passive ne s'étiere pas à 0,0001 de la chaleur toute en action. Il n'en est pas à beauccup près aliasi des pertes de texpail. Con pertes sont de deux centres.

1º. Les unes varient avec la charge de la machine; elles y sont à très peu près proportionnelles. Les frottements des tourillons, de toutes les pièces mobiles dans Jeurs coussinets, etc., croissent et décroissent en effet avec l'effort exercé, et par suite avec le travail rendu. Si ce geare de déchet était le seul, nous n'aurions pas à nous en préoccuper.

26. Nasi, buste machine consomme du travail, et par suite de la chaleur, pour sa mouvoir elle-mémo, pour marcher à vide; co travail ennommé reproduit, il est vazi, touto la chaleur qu'il veprésente; mais cette chaleur réest pas recueille par l'eau de condensten; elle nous échappe donc, au moisse ng rande partie. Des aprésinness assest précises m'ont prouvé que la machine à mouvent lont (27°) contre à vite il 8 chevaux de travail. Designose par de ce travail constant, par « le décleté de travail prosportionnel à l'ellet total; par l' le travail total chaleur l'appendité, et par il le travail tutle recueilli su récis. Nous avons évédemment:

F(1-*)--G=U

Il résulte de là que la chaleur consommée ne peut être propotionnelle à U, si elle l'est à F. Voyons si la réciproque que j'al indiquée el-dessus ne nous fournit pas au contraire une méthode correcte et, sous tous les rapports, beaucoup plus conclunite. Spécifions-la d'abord clairement par un exemple usique, pris tout au hasari.

Je suppose que la pression dans la chaudière soit tenue constante à 5º, la température de la vapeur à 250°, et que la machine rende 100° de travail au frein (7500°). Ce travail pourra être rendu de deux manières.

49. La valvo d'admission dana totalemento ouverto, la vapour en pendirant dans le cylindra reste à peu près à ta pression de la chaudière mêmo. Elle y est admiss, je suppose, pendari un sixième de la course du piston; puis, lo mécanismo de la détente coupant la comminication. Jaffett de vapour cesre, et le votame de vapour admis crott de 1 à 6. La pression et la température tombest en même temps. Mais cette expansion fourait encore une quantité très notable de travil.

2º, Fermons en partie la valve d'admission, Une partie de la pression de 5º étant maintenant nécessaire pour forcer la vapeur à passer par cet étranglement, la pression ne pourra plus être de 5º



dans le cylindro, Le travail rendu tendra à diminuer : pour le maintenir à 100° , il faudra régler le mécanisme de la détente de manière à ce qu'il ne coupe plus la vapeur qu'an hout de $\frac{1}{2}$ de la course.

Fermons encore davantage : il faudra de nouveau diminuer la détente : il faudra finalement admettre la vapeur, désormais à une pression bien moindre que 5th, neudant toute la course, it pe se fera plus aucune détente dans le cylindre : ou, pour parter correctement, cette détente se fera d'un coup, dès l'entrée même de la vaneur. Entre cos deny manières de faire travalller la machine, sans diminuce l'effet extérieur . Il y a, comme on voit , une différence capitale : le la ferai ressortir, sous un point de vue au moins, en disant que, dans le premier cas, pos 100° seront obtenus avec une dépense de 200° de vaneur par seconde, et que dans le second cas ils nous en conteront 3001 Et co qui est évident aussi, c'est que, toutes choses restant constantes d'aitleurs, le foyer aura à nous livrer, dans le second cas. 4 de chaleur de plus que dans le premier. Si alors, dans l'eau de condensation, nous trouvons aussi - de chaleur de plus , nous en concluerons légitimement que le nombre de calories consommées en route ne dépend absolument que de la grandeur du travail externe rendu. Car dans ce mode d'expérience, la machine domant toujours 100", les pertes de travail, quelles qu'elles soient, restent les mêmes aussi, et nous n'avons pas à nous en occuper.

Teile est, en principe, la méthode d'observation dont j'ai fuit exclusivement usage. Nous alions voir bientôt quelles conditions délicates il faut rempûr, pour l'appliquer correctement. Occuponsnous d'abord de l'ovaluation théurique de la chaleur reçue par elle du débors, et puis rendue par elle au-debors.

La chaleur fournie est facile à évaluer assez correctement, étant donnés les éléments nécessaires.

Les expériences de M. Regnault nous ont appris que la formule empirique :

 $q_1 = 606,5 + 0.305 t$

exprime très sensiblement le nombre de calories qu'il faut dépenser,

pour évaporer, sous une pression constante, et à la température, correspondante, 1^{ka} d'eau d'abord à 0° et porté à t°.

Nous verrons que lo nombre q, est beaucoup plus compleze qu'on ne le persait jusqu'ici; mais peu nous importe pour le moment. Ce qui est clair, c'est que nous devons retrouver rigoureusement cette valeur q,, si nous condensons la vapeur dans les conditions mêmes od elle s'est produite, c'est-à-dire sans lui faire rendre aucun travail externe.

Dats mes recherches, la vapeur, au sorlir de la chaudière, était indivours plates ou mois surchauffe par un apparel apécali, oè elle n'épouvait d'ailleurs aucur changement de pression. C'est en effet à une condition sine qua non de réussite ; car la vapeur ordinaire porte toujours au cylindre une certaine quantité d'eau, n'ocssairement variable, et très difficile à doser; et l'évaluation de la chaleur comme devient par la impossible. Les physiciens, avi voudront répéter mes essais, ne doivent point perdre de vue une condition aussi indiscensaire.

Notre kilogramme de vapeur, porté de la tempéralure t à la tempéralureT, reçoit donc une nouvelle portion de chaleur, qui a pour expression:

$$q_t = C (T - t)$$

C étant la capacité calorifique, dile à pression constante.

le prouverai ailleurs que, rigonreusement parlant, C ne peut être regardé comme constant, mais qu'approximativement, et pour les limites de température où j'ai opéré, on a très seusiblement:

Soient donc = la dépense de vapeur par unilé du temps, et f la tempéralure de l'eau de condensation; il est clair qu'on aura :

$$Q_1 = \pi (696.5 + 0.305 t + 0.5(T - t) - f)$$
pour l'expression du nombre de calories que nous retrouverions dans l'eau de condensation si le travail ne contait rien en chalour.

La chaleur rendue par la machine est facilo aussi à établir. Soit m le poids d'eau à la lempérature i, injectée par seconde aussi; nous aurons nour le nombre de calories que recoit cette eau: $Q_i := \Pi (f - i)$ Le déchet de calorique dû au travail sera donc :

 $Q_1 - Q_2 = \pi (600.5 + 0.315 t + 0.5 (T - t) - f) - \pi (f - t)$ plus quelques légères pertes en sus, dont il est inutile de nous occuper.

Bans foutes mos expériences, la pression était maintenue constante λ_0^2 d'atmosphère prés dans la chaudèlera, quelque temps que durat fe travail : la valeur de t est donc connue par les tables de tension. La température b était relevée, tout près du cyllidare, dans utyan de conduite où la pression était à très peu près cete de la chaudère; la température de l'eau de condensaion, une fois le régime de la machine étaint, était relevée de minute en minute, et exprime la moreme d'une trentaine de nombres au moins.

le ne m'arretieral donc que sur la valeur des deux éléments » et ll dont la determination exacte présente des difficultés très grandes. Le désigneral désormais par », la dépense en vapeur par seconde, lorsque la machine marchait avec eufre d'admission toute ouverte, et la plus forte désente que comportait le travail constant à produire; et par », la consommation en vapeur, lorsque la machine marchait avec détente minime et nulle, et valve d'admission partiellement formés.

Pour éderminer », on faisait marcher la machine topte vou journée au même régime : mêmes pression , surchauffie et édente, et par sulte, même travail rendu. On pessii l'ècus d'altinondation nécessaire à la chaudière pendant cette journée, un compleur real valt le nombré de coups de pistor , en divisant le premier nombre par le second, on avait la dépense par coup de piston. Dans deux perfériences identiques, faites sourent à 15 jours d'hiervalle, la valeur de «, ainsi trouvée nevariait pas d'un millème. C'est, comme on voit, une excitude che satisficiante.

La valeur do «1 ne pouvait s'obtenir de la même manière, et la raison en est facile à saisir. Lorsqu'une machine puissante marche sans détente, la consommation de vapeur, et nar suite celle de la houillo, s'accroissent; le foyer, convensible pour brêtier par caemple 2000 no 12°, no suifit plus pour 3000; le chauffert devicat incapable de tenir sa pression pendant une journée; d'antre part, le solgueur, identifié, si je puis ainsi dire, avec lo son de la marche normale, est dévouté, dés que sa machine change d'allure; on risque, en un mot, une foule d'ineractitudes, par suite d'un régime exceptionnel, et sur dix expériences do ce genre, qu'on tenterait, une soule atteindrait sans accombre la fin de la journée. l'étais donc condamné à trouver une autre méthode plus sûre et plus expéditive; je pense avoir révisos complétement.

Lo condenseur do la machine était muni d'un tuyau qui allait aspiere l'ean dirigiento natas una bache en magonnerie bytraislique parfaitement étanche. Au-densus de cette lache était dispose an réservoir spatioux, pourva à so partie inférieure d'un ajusage particulier que j'appelierai nº 1; l'aux froide, qui alfinait dans ce réservoir par un canal. y était tenue à niveau constant (à 0° 401 près un 0° 47 à 0° 48 de hautern au-desses du centre de l'ajustage). Le condenseur recevait done une quantité d'eau parfaitement constante pendant le cours de chaque expérieure.

de la machino, était anuence, sous ouseure perte, dans un autre escroti spacieux, muni d'un ajutage que l'appellerai se ? Le radaservoir spacieux, muni d'un ajutage que l'appellerai se ? et ajutage (charge s'elevant de 0=.7 d >.8) était releve de minuto en minute. La charge servant au cacel était la moyenne d'un tentation d'observations au moins. Je ne parleral pas des précautions minutiones qu'ill m'a faille, pour rendre insonbile la nappe d'eau dans les deux reservoirs de jauge.

L'eau tiède, extraite du condenseur par la nompe pneumatique

Les ajniages nº 1 et nº 2 étaient en zinc épais, parfaitement polis à l'intérieur; ils avaient la forme indiquée sur la figure (t). Leur debit avait été vérifié directement avec soin, el avec de l'eau à diverses températures. Les formules qui représentent leur débit en podés étaient : No 1 == $(0.00005 t + 1) 0.0015768 \sqrt{2gh}$

 $N = 2 = (0.00006 t + 1) 0.0015838 \sqrt{2gh}$

h étant la charge dans le réservoir d'eau froide, il est clair qu'on a : $n = (0.00006 i + 1) 0.0015768 \sqrt{2.9.8088h}$

pour le poids d'eau injectée à la température i; et comme l'eau de condensation n'est autre chose que la somme du poids de l'eau injectée et de la vaneur condensée, on a aussi :

 $W = \pi + \Pi = (0.00006 + 1)0.0015838 \sqrt{2.9.8088h_1}$

cependant comme ** est la partie essentielle du problème expérimental , je n'ai pas voulu me fier à une appréciation de ce genre.

Voici comment se conduisaient une paire d'expériences consécutives.

La machine étant mise au régime pour lequel on avait déterminé », on tonait h, aussi constant que possible, et l'on observait pendant assec longtemps pour être sûr de la valeur moyenne de h.; puis, sans rien changer d'ailleurs, on fermait partiellement le robinet d'admission et l'on réduisait la détente à son minimum.

La hauteur h, dans le réservoir d'admission ne variant pas, la quantité d'eau niglecte ne variait pas non plus; mais comme il artivait plus de vapeur. La hauteur dans le réservoir de sortie croissait. On observait de manière à être sûr de la nouvelle moyenne de h et de f, on comptait exactement le nombre de tours que faissait la machion, etc.

 Π étant constant, quoique encore indéterminé, on était parfaitement sur que l'accroissement de h n'était dù qu'à l'accroissement de dépense de vapeur. Les calculs devonaient ainsi très simples. On a en effet :

$$\Pi := ms (1 + sf) \sqrt{2gh_1} - s,$$

 $\pi_1 := \pi_1 + ms (1 + sf_1) \sqrt{2gh_1} - (1 + sf) \sqrt{2gh_2}$

et les trois éléments essentiels de notre paire d'expériences sont déterminés.



Je cite maintenant, comme exemple, 3 paires d'expériences dont deux ont été exécutées sur la machine à 27 mm², et une sur la machine à 93 mm².

P == Pression dans la chandière, en atmosphères.

S = Surchauffe ou (T1 - ta).

R == Rapport de la détente.

V_o := Valve d'admission ouverte. V' = Id. en nartie fermée.

F == Travait en kilogrammètres par seconde on dynames et en chevaux de 75°

$$z' = -\frac{F}{\Delta q}$$

n — Poids d'eau injecté par seconde.

π, et π₁ := Poids de vapeur dépensé par seconde.

i = Température de l'eau d'injection.

 $q_s = 1$ d. de cond $q_s =$ Nombre de calories données.

nombre de catories données.

 $q_1 = 1d$. rendues. $aq = (q_1 - q_0)$ nombro de calories consommées.

GRANDE MACHINE A 27"

$$\pi_o = 0^{10},34554$$
 $\Pi = 5^{10},84004$.

$$f = 37^{\circ}.28$$
 $i = 5^{\circ}.1$

$$q_0 = 0.34554 (606.5 + 0.305.148.3 + 0.5.91.7 - 37.28).$$

B.

 $q_1 = 5.8401 (37,28 - 5.1).$

$$\Delta q := (228, 16 - 187, 82) = 40^{nd}, 34.$$

```
— 45 —
                                 \Pi = 5^{M}.8401
                                t = 50 f
q_0 := 0.41111 (606.5 + 0.305, 148.3 + 0.5, 91.7 - 44.2).
q_1 = 5.8401 (44.2 - 5.1)
4q = 268.61 - 228.35 = 40^{cd}.26.
                              O.
```

R =? V. To - 040 46927 $\Pi := 6^{1d},0912.$ $i = 5^{\circ}.03$. $f = 42^{\circ}.51$ $g^{\circ} = 0.46927 (606.5 + 0.305, 148.3 - 42.51).$ $q_1 = 6,0012 (42.51 - 5.03)$

 $\Delta q = 286.38 - 228.3 = 38^{cd}.08$

 $r_0 = 0^{14}.41111$

f = 440.9

s = 0

GRANDE MACHINE A 225 2º Expérience. P = 5° F == 8700 == 110°

 $S = (245 - 152) = 93^{\circ}$ B = 1:6 V. $m_n = 0^{64}.23548$ $\Pi = 5^{10}.8718.$ $f = 25^{\circ}.05$ i = 30.2.

 $q_0 = 0.23548 (606.5 \pm 0.305, 152.2 \pm 0.5, 93 \pm 25.05).$ $a_1 = 5.8718 (25.05 - 3.2)$ $\Delta q = 158.81 - 128.3 = 30.51$.

S = 93°.

R == 1:1,15. W $\pi_1 = 0^{\text{Lit}}.32307$ $\Pi = 5^{\text{MI}}.8718$

 $f = 34^{\circ}.323$ i = 30.2 $q_0 = 0.32307 (606.5 + 0.305.152.2 + 0.44.93 - 34.32).$

$$q_1 = 5,8718 (34,323 - 3,2).$$

 $\Delta q = 214,88 - 182,75 = 32^{-1},13.$

PETITE MACHINE A 93°.

1[™] Expérience.

$$\pi_0 = 0^{\text{st}}, 1902$$
 $\mathbf{n} = 5^{\text{st}}, 8135.$

$$f = 27,03$$
 $4 = 9^{\circ}$.
 $g_0 = 0.1902 (606,5 + 0.305, 142 + 0.44, 100 - 27,03)$.

$$q_1 = 5.8135(27.03 - 8.67)$$

$$4q = 127,96 - 106,81 = 21^{-1},5$$

$$D == ?$$

$$\pi_{L} = 0^{14},929$$
 $\Pi = 5^{14},8135,$

$$f = 31^{\circ},54$$
 $i = 9^{\circ},24$.
 $q_0 = 0,229 (606,5 + 0,305,142 + 0,44,93 - 31,54)$.

$$q_1 = 5,8135 (31,54 - 9^{\circ},24).$$

 $4g = 152,23 - 129,65 = 22^{\circ 1},58.$

Si l'on songe aux difficulées saus nombre et aux mille et mille chances d'erreur inhérentes aux recherches dont je viens de parler, le lecteur verra certainement dans les résultats numériques qu'il a sous les yeux, une des plus échatantes confirmalions de l'exactifued des principes fondamentaux de la théorie mécanique.

En nous arrétant, par exemple, aux trois expériences conséculives A, B, C, nous voyons la dépense de vapeur s'accroftre de "0-24554 à 0"-41111, et puis à 0"-46927; la délente, l'état de température, etc., du gaz aqueux éprovent les plus profondes modifications, et oependant une consommation d'un nombre de cadrier preque embhalle a lieu. Pourquôt l'ar cette seule raison que lo travail externe rendu n'a pas varié d'une expérience à l'autre. Ce travail, il est vrai, nons se l'avers pas disterminé en totalité: cets seruit impossible dans l'étal actie de la inciunique appliquée. Mais nons en avens meure une partie, et nons avons mis la machine dans des conditions tielles que, cette partie ne variant pas, la totalité dels-même restait constante. Cela suffisait pour la détermination d'une simuel oi de proportionnalité.

TROISING SPORTON.

« Il existe un rapport unique et constant entre les quantités posir tives ou négatives de travail, et les quantités négatives ou positives « de chaleur, qui dépendent les unes des autres dans un phénomène. »

Lorsque la chaleur produit un travail mécanique, ou lorsqu'un travail dénensé donne lieu à un développement de chaleur, les quantités de chaleur et de travail sont, comme nous venons de voir, liées par une loi de proportionnalité. L'existence de cette loi implique celle d'un rapport numérique entre les quantités en action. La démonstration toute élémentaire, donnée dans la première partie, implique de plus l'existence d'un rapport unique et général : ce rapport n'est autre chose que l'équivalent mécanique de la CHALEUR, OH L'ÉQUIVALENT CALORDIQUE DU TRAVAIL. Mais de la conception de l'existence nécessaire d'un tol équivalent à la confirmation expérimentale de la stabilité absotue, et de la valeur numérique de cet étément, il v a fort loin; et tandis que t'une n'a iamais pu donner lieu à une contestation sérieuse. l'autre an contraire est entourée de difficultés tetles que plus d'un physicien a été ieté dans le doute par la diversité des nombres fournis par les diverses méthodes et les divers observateurs.

C'est de la détermination expérimentale de ce rapport que nons alions nous occuper dans ce paragraphe; mais, pour procéder avec ordre et méthode, nous devons établir quelques subdivisions naturelles dans cette étude :

- l°. Comme travail préparatoire, nous devons faire un triage raisonné, et une élimination des expériences qui, par leur nature même, sont impropres à déterminer la valeur de l'équivalent;
- 2º. Nous devons, avant tout aussi, prouver la stabilité de ce rapport;
- 3º. l'uis enfin nous aurons à confronter et à discuter les valenrs fournies par l'observation, et à chercher quelle est en définitive celle qui semble le plus s'approcher de la vérité.

Examen critique des expériences qui peuvent fournir la valeur de l'Équivalent.

Pour constater la loi de proportionabile qui existe entre la chaleur produite ou consommée et le travail externe dépense on recueilli, il suffit que les pertes de l'un ou de l'autre solent elles-mêmes proportionnées, au moins à peu peies, au travail. Ains, dans la machine à vapeur, nots avons pu vérifier exactement cette loi, maigré des déchets de lout genre qu'il exit impossible d'ovaient sins, nâme dans les moterne vieures, nous pavonos l'apercevoir de la manière la plus positive, maigre le nombre et l'extrême complication dess phémonères accessiones qui out cet tieux profication des phémonères accessiones qui out cette du cette.

Ces conditions évidemment ne suffisent plus, lorsqu'il s'agit de déterminer un rapport défini ente la chaleure il le travall, lorsqu'il s'agit, en un mot, de Irouver la valeur récile de l'équivalent mecanique. Lei il faut que toutes les pertes, soit de chaleur, soit de travail, puissent l'or évalutée; il faut de plus qu'il récissipe as de causes perturbatrices indernes aux corps, dont la grandeur des effets cous échappe la plapart du temps. Il faut doce, ou que le corps soumis à l'essai n'éprouve aucune allération sensible pendant le travait, ou du moins qu'il revienne rigoureusement à son dat primit à la find turvail, qu'il décrère en un mot un Qu'et fermé.

Dans la catégorie des expériences où ni les unes ni les autres de

ces conditions ne peuvent être satisfaites, se rangent en tout premier lieu celles qui concernent la chalcur dépensée et le travail dévelopné nar les êtres vivants.

Les recherches que j'ai faites sur co sujet sont, je oreis, for ettile a la théorie : l'e on ce qu'elles nous mantent une relation entre la chaiseur et le fravail, memo dans un cas els celut-ci dvidenment n'est pas da à l'action directe du calorique; 2°, en ce qu'elles nous laisseut apercevoir de la firçon la plus évidente une loi de proportionnaité, comme dans lous les autres moieurs. Mais en raison de la complexité des phénomenés qui de passent dans le orons de l'homme, par exemple, et de la différence des sécrétions, relon que mons sommes en repse une mouvement. Il est limpossible de tiere de telles recherches une valeur même approximative de l'équivalent mécanime.

Par une raison très différente : les expériences sur la machine à vapeur, quelque sein qu'en y apperte, pe peuvent pas non plus servir à denner une valeur correcte de l'équivalent, lci. à la vérité : le corps seumis à l'expérience décrit un cycle complet, et revient exactement à sa forme première, après aveir fourai du travail ; de plus, les pertes accesseires de chalcur dans la machine neuvent être évaluées très correctément, et sont d'ailleurs fort petites; mais il n'en est pas de même de la perte de travail à laquelle donnent lieu les frottements des diverses nièces de la machine. Il est, en un mot. impossible pour le mement de connattre assez exactement la force réelle que denne ee meteur, pour qu'on puisse calculer avec certitude la valeur de l'équivalent mécanique d'après le déchet de chaleur qui y a lieu. Je dis, pour le moment : la difficulté, en effet, n'est pas la surmontable. Nous verrons dans l'application de la théorie mécanique à la machine à vapeur que le rendement du moteur peut au contraire se calculer exactement, lersqu'en part d'une valeur de l'Équivalent obtenue par d'autres méthodes. Ce qui vient d'être dit de la machine à vapeur concerne, à bien plus forte raison, les antres moteurs à calorique, beauceup moins bien étudiés jusqu'ici.

Ā

Démonstration de la stabilité, de la constance, de l'Équivalent mécanique.

Rigourousement, parlatt, et à un point de vue purement expérimental et direct, il existo des différences trop notables entre les valeurs de l'équivalent mécanique obtonces par les divers observateurs et les diverses méthodes, pour qu'on soil en droit de trancher sur la stabillé absolue de cet dément. Il faliait, en ce seus, une preuve à l'abri de toute objection, qui permit de dire que, la on l'observation directe nous conduit à des nombres variables, les diffeences sont dues : l', soit à des rereuvs d'expérience ou à des calculs fautifs; ½», soit à la nature même des phénomèces, et par suite enoure à un mayais choix de procédés expérienchaux.

Cette pronve a élé fournie (en 1815), et sous la forme la plus brillanie, par M. Joule. Voici en peu de mots la description de l'expérience.

(Fig. 2.) bour réservoirs en cuivre, bernetiques et résistants, d'environ 39° chocun, sont placés dans une cuspolhen d'eux on plongo un thermonière extrémement sensible. Ces réservoirs sont liés par un tube mout d'un robinet qui permet de les mettre en communication l'un avec l'autre, au de les séparer l'ans l'un des réservoirs (A), on comprime de l'air à une trestaine d'atmospheres, als l'autre (B), on fait le vide. Lorque le thermonière de la curve est parfaitement s'automaire, on overe le robinet de communication. L'air se précipite de A en B, et l'équilibre des pressions s'établit en test peut de tempe.

Dans ces conditions le thermomètre, si sensible qu'il soit, n'annonce aucun changement de température dans l'eau de la cuve,

La température finale de la masse d'air est donc la même que la température initiale.

Présenté sous cette forme toule concise, ce résultat n'a rien qui surprenne, et c'est bien plutôt une variation de température de l'eau qui nous étonnerait. Il n'en est plus ainsi, si nous acalysons les faits. Que se passe-t-ll d'abord dans lo réservoir A?

l'Une partie de l'air qui y est comprimé s'en échanne : celui qui reste'se détend, et par suite se refroidit. En placant ce réservoir A dans une cuve isolce, M. Joule a effectivement constaté un abaissement de température dans l'eau.

One se passe-t-il dans le réservoir B?

L'air de A s'y détend d'abord considérablement, et semble devoir aussi se refroidir; cenendant comme les portions qui y arrivent successivement compriment celles qui s'y trouvent déià et les réchauffent, comme le tout finit par tomber à une même pression commune en A et en B. il semble que les températures aussi devraient être les mêmes des deux côtés, et être toujours inférieures à la température initiale. Or, c'est co que l'expérience dément formellement. En placant le réservoir B dans une cuve isolée, M. Joule a constaté une élévation de température : et puisque le thermomètro de la cuve commune ne varie pas, il faut que l'élévation de température en B compense exactement l'abaissement en A. Le frottement. te choc des particules de l'air en B. produit donc une quantité de chalcur rigoureusement égale à celle que la détente coûte en A. Voilà les conclusions que nous sommes obtigés d'accentor comme physiciens, Raisonnons maintenant comme mécaniciens.

Les molécules d'une partie de l'air de A sont tancées comme autant de projectiles dans le réservoir B, par suite de l'excès de pression de A sur B. Dans tes promiers moments de l'écoulement, la vitesso est de près de 600° par seconde; cette vitesse diminue ensuite. A mesure que les pressions s'égalisent. L'air de A fournit donc du travail : co travail , emmagasiné sous forme de force vivo dans les molécules, est absorbé en totalité en B par les frottements, putsone nous ne recueillons nut travait au-dehors. Il y a ici égalité absolue entre la production et la dépense. Si nous concluons maintonant à la fois comme physiciens et comme mécaniciens, nous dirons ;

Que le rapport qui existe entre la chateur dénensée et le travail produit en A par l'expansion est riggureusement le mêmo que colui qui existe entre la chaleur développée par le frottement, et le travail dépensé pour ce frottement, en B.

La difference qui existe dans cette expérience, et au point de vue de la Physique, entre le mode de production de la chaleur et le mode de production du troid, est tellement grande que l'égalité de nos deux rapports nous permet, ou phuts neus colige, d'accepter comme un fait positif la constance de l'Équivalent mécanique de la chaleur Nous sommes conduits de plus, et de la manière la plus démentaire, à l'une des propositions principales de la théorie mécanique, c'est que :

Quelles que soient les actions que subisse un corps, la somme de chaleur qu'il contient n'est pas modifiée, s'il ne se produit ni ne se dépense de travail externe par suite de ces actions, et pourvu que l'état physique du corps ne change pas.

L'expérience de M. Joule est d'une si haute portée qu'il m'a semblé utile de la soumettre à une critique raisonnée, et d'en vérifier les résultats sous une autre forme.

Qualque grand que solt hapareil decri precidenment, he produit a poida de l'art de A par la capacità calorifique, le polis de Seux que represente cet air est toujours très peit par rasport au poids touls que represent l'appareit. Les différence de 10 est 2, qui caissitari récliment entre la température initiale et la température finale de cet air, ne se tradicait donc dans l'eau de la cure que par une fraction accessivement faible de depre, et oporrait à la trigueur étre maquée, par suite des variations continuelles de température de l'air ambiant o de trouve le caforimetre. Or une différence de 10 air ambiant o de trouve le caforimetre. Or une différence de 10 air ambiant de cato certifique, dont tout le monde sentira la justesse, l'ai est l'idée de transformer les réservoirs et 8 deux-mêmes en termomètres à air, and ne relever directement une différence, si elle existit, an lieu de la laisser se fractionner et se pourler dans nous mes ses d'eau d'ormes.

(Fig. 3.) Concevons un tuyau en cuivre de 0*,2 de diamètre , sur



4º de longueur partagé en deux portions égales par un diaphragme hermétique en parchemin dil. A l'aide d'une pompe, extravons de l'air de l'une des moitiés (B) pour le fouler dans l'autre moitié (A) : nous pourrons, de la sorte, obtenir en A une pression de i * 1, et en B une réduction de pression de 1 ". Dans cet état de choses, et à un moment donné, faisons crever le diantragme : l'équilibre des pressions s'établira instantanément, et comme la masse d'air de l'appareil n'a pas varié, la pression reviendra à sa valeur primitive, si la température du gaz n'est pas modifiée par ce qui se passe dans l'intérieur de l'appareil. La manomètre à siphon et à buite, muni d'un robinet qu'on ouvre au moment même de l'explosion, devra rester immobile, si, avant le ieu de la pompe, on lui a permis d'indiquer la pression commune interne, et si, par une disposition convenable. on l'a tenu à cette hanteur pendant le jeu de la nomne, et avant la rupture du parchemin. Celte rupture est facile à déterminer à l'aide d'une netite batle de nlomb disposée à l'avance dans l'appareil de manière à pouvoir tomber sur le parchemin : comme celui-ci est très près de se rompre délà sons la pression de l'air. le plus léger choc suffit pour déterminer l'explosion. Je erois trop long d'entrer ici dans lous les détails de t'expérience, et d'indiquer joutes les précantions qu'il faul prendre pour réussir. Ou'il me suffise de dire que, quand ces précautions sont bien prises, « le manomètre à huile, · au moment de l'explosion, reste parfaitement immobile »

Or un changement de niveau momentané de 0°.001, très facile à observer, ne durât -il que $\frac{1}{10}$ de seconde, eut indiqué une différence au plus de 0°.02 dans la température de l'air.

Les résultats de l'expérience de M. Joule sont donc pleinement confirmés par celle que je viens de décrire sommairement !.

Je erois devoir porer quelques restrictions quant aux conclusions par irop abssinça qu'on a vouluitrer de ce genre d'expériences.

Co qu'on appelle la chaleur interne d'un corps (royes la fin de la destrème partie), reste l'avvisible, quelles que notent les opéralions auxquelles on attinut ex corps, pour u qu'il ne re produite ou ne se dépense aneun pravil interne. Mais il n'est pas du toul atant de la température : pour que celle-si no change pas, il fout non section toul atant de la température : pour que celle-si no change pas, il fout non section.

Détermination de la valeur de l'équivalent mécanique.

Les expériences qui ont été failes par les divers observatours, pour cette détermination, ayant été ôberiles, pour la pinyart en détail, dans des recouls sécolitéiques hien connus, je pouse qu'il est tout à fait i amité d'en citer autre chose que les résultais numériques fanut; c'est co que jo feral à la fin de ce prargraphe, en reproduisant, jel quel, un tableau général très solgreusement coordonné qui se trouve dans la 1º partie des Propris de le physique dens l'année 1858, mabilles pais Sociaris de marvogre de Banat, et dens l'année 1858, mabilles pais Sociaris de revisore de Banatie.

Dans la partie critique de ce paragraphe, j'al indiqué celles de mes propres sepriences qui doltere tête rejedées comme basultsaines pour une détermination nuncirique, et celles qui probablement sont enlaciènes de quedques errems dont l'existence u'ha échappé. lej le ma'arrèteral en détail sur quatre nouvelles séries de rechardess, tites differentes entre clèse, que j'al terminees recemment, et que jail leue de creire correctes. Elles pentait 1°s, sur le frottement de plusfeurs liquides, et surfout de l'eun; 2°s sur l'exclusionne d'eurs sous de fortes pressions; 3°s sur l'écnement du plomb sous le chee du bélier; 4°s sur l'abalssement de température d'à à l'expansion de l'air.

ou'll no fuse outun irerail raterno, mais entere qu'il ne s'opère même outun iravail Interne. El l'ebsence de loui changement de température , dans l'expériture précisée de M. Jeule, Joul rompse dans la mirmue, prouverall que ir izavali interne ri parsuite que l'altraction proléculaire sont absolumnet nuis dons l'air. Or c'est ce qui n'est al possible af vent, et r'est er que réfeirat les belles expériences de M. Jonie Intmême, sur ir passage brusqur dr l'air d'uns pression p, à une autre ps < p., Cea expériences en effet ont démontré que quand t'eir s'éroute d'un réservoir se il est tenu à pression constante dans un suire sù il est sussi trop à ene pression constante. mais plus fellule, il y a loujours nu alcuts commi do irmpfrature. Cet abalescment, comme le le provermi affirure, rei dù exclusivement ou travail intrese qui s'ouère quand un me summerte de volume; il verir evec la nelure de gaz, est très nelable ever l'artide corbonique, birn moladre over l'oir ere, el presque nel aver l'hydrocèse. ll a lieu eretainement aussi dans l'expérience de M. Jeule ger l'al ritée plus bout, tout comme dans la micena; el si nons ne l'avious pas constaté, c'est uniquement naven que ire méthodes expérimentales n'élairul par corore assex déliraire. Il usi irès prohable que si nous eviene substilué de l'acide carbonique à l'air. l'abalasement de lemnérature se scrail leissé apazzevoir.

I™ SÉRIE. — PROTTEMENT DES LIQUIDES.

L'appareil qui m'a servi pour cette étude consiste : 1°, en un epliantre en lation de 0°,3 de diamétre, de 1° de longueur, poil à sa périphèrie externe, monté ser un axe soible en repport avec un moteur d'un mouvement. Urs réguller, et pouvant recevoir une visses variant à volocité de 60 de 90 par misuate; 9°, en un cylàdre fixe, poil à son intérieur, concentrique au premier, éloigne aprotost de 0°,30 de celuiel. Les disques ou plateaux formant les extrécultés de ce cyliadre étaient munis, à leur partie centrale, de bottes à désopse par ob sorais l'ave du cylindre interne. Tout l'àtervalle compris entre les deux cylindres pouvait être rempit ainsi d'un l'épuble quelcoque que les bottes à étoupes empéchaient de s'écouler par les centres.

Lorsque le cylindre intérieur tournalt (dans un sens ou dans l'autre), le frottement que sa surface externe exercait sur le liquide, et que le liquide, mis ainsi en monvement lui-même, exercait à son tour sur la surface interne du cylindre externe, tendait à faire tourper celui-ci. Deux leviers parfaitement paratièles, adaptés aux deux extrémités et portant des plateaux de balance, permettaient d'empêcher la rotation à l'aide de poids qui indiquaient ainsi la valeur du frottement. La tare des leviers, la valeur du frottement des bottes à étoupes, etc., étaient déterminées aisément en faisant tourner très lentement le cylindre interne dans les deux sens alternativement. Deux tuyanx verticaux, sondés aux deux disques de fermeture et aussi près que nossible des boltes à étoupes, permettaient d'établir dans l'appareil un conrant continu et parfaitement régulier d'un liquide voulu. La température de ce liquide était prise à l'entrée et à la sortie. Autant que possible, la température à l'entrée était tenue à autant de degrés au-dessous de celte de l'annartement que cetle du liquide sortant était supérieure. Du reste la loi de refroidissement de l'appareil était soigneusement déterminée de manière à ce qu'il fut facile de faire les corrections nécessaires, toujours très petites.

Cet appareil, qui dans son ensemble constitue, comme on voix, una véritable balance à frottement des liquides, pouvail irles aiximent servir à faire comsitue, d'une part, le travail dépensé pour tel ou tell liquide, pour telle ou telle vitesse, et d'autre part, à l'àbile des cercections convensables, à faire comsiture le noubre de calories produit par ce frottement dans un liquide dont la capacité calorifieme était comme.

Les résultats obtenus ont été en général d'une régularité satisfaisante. Six expériences consécutives falles sur l'éau, et avec difficrentes vitesses, avec des quantités diveres de lignéte introduites par seconde entre les deux tambours, m'ont donné 432° pour le travail produisant une calorie, et par suite pour la valeur de l'équivalent.

L'expérience sur le frottement de l'eau a été faite des l'origine par N. Joule, et eusuite par N. l'avre. Les valours obteques par ces deux expérimentateurs différent peu de celles que je viens d'indiquer (N. Joule a trouvé 424°).

2º Sérir. — Expérience sur l'écoulement de l'eau sous de fortes pressions. L'ambareil dont je me suis servi pour ces expériences consistait :

15. En une pompe en bronze de 0°-0000588 de section, placée hon verticalement dans un réservoir specime plui d'ecu. A la bolle de la soupape d'échappement était adapté un luyau en enivre sortant en cou de cygne par le haut du réservoir d'eau et pourva : le 3 aou extéroile, d'un lute coulque en serve effile, à oribe et tes mines (0°-0005 de dameter au plus); 2º- tout auprès de cette extenité, d'un chôte latéra];

2º. En un arture horizontal, en for, de 5º de lung, reposanl, à l'une de ses extrémités, sur un conteau, et guide dans son plan vertical, à l'autre extrémité, entre deux coulisses en bois. Celte extrémité mobile pouvait être soulevée à l'aide d'une corde, et puis être abandonnée à elle-même, et appayer aiors de tout son poids sur la tire, coulèvee aussi, du pison. Le poids de l'aire, à celte sur la tire, coulèvee aussi, du pison. Le poids de l'aire, à celte d'aire.

exirémilé, était de 177⁴; pour surmonter le frollement du pistou, il fallait 10⁴; le poids qui déterminait l'écoulement de l'eau était donc en réalilé 167² ou :

Pour faire une expérience, on remuail l'eau du réservoir, de manière à égaliser partout fa température; on ouvrait le robinel du tuyan de soriie, el l'on faisan marcher très lentement la nompe de manière à mettre l'eau du tuvau elle-même à la température générale. On notail cetle tempéralure : on élevail complètement la llge du piston jusqu'au contact du levier, et on abandonnait celuici à lui-même. Le robinet étant fermé, l'eau était forcée de sortir par le lube de verre : on la recevail dans un netit ballon de verre tenu à l'extrémité d'une tige en bois. La température était prise immédiatement après. Cette première expérience n'était pas notée : elle servait seulement à Indiquer la température à donner à l'avance au verre du ballon, pour que la température de l'eau ne fût pas modi-6ée. Pour cela, on remplissait le ballon d'eau; on y plongeait le thermomètre, et. à l'aide de la chaleur de la main, on l'amenait lentement au degré voulu. L'appareil, pendant ce temps, était disposé none une nouvelle expérience, et au moment voulu, on vidait le petit ballou pour le présenter rapidement à l'orifice d'où s'échappait l'eau.

La température était relevée à l'aide d'un thermomètre différenliel à alcool, que je dois à la bouté de M. Walferdin, et dont chaque division valail $\frac{1}{80}$ de degré.

L'élévation moyenne de température que j'ai obtenue ainsi a été de 1°,0457. Nos 452819°,9 de charge représentaient une chute de 452°,8119.

La capacité calorifique de l'eau élaul 1, on a ici :

$$\Sigma = \frac{452,8199}{1.0457} = 433^{\circ}$$

3* Série. — Écrasement du plomb sous le choc.

(Fig. 4.) AA est un arbre en fer forgé, pesant 350°, suspendu horizontalement par deux paires de cordes qui le forcent à se mouvoir parallèlement à lui-même dans un plan vertical, C'est cet arbre qui à faisait hélier.

BB' est une masse prismatique, régulièrement taillée, en grès des Vosges, pesant 941¹, et suspendue comme l'arbre à deux paires de cordes, de manière à se mouvoir parallèlement à elle-même dans le plan de suspension de l'arbre, ou belier. C'est cette masse qui survait d'enclume. La tête B' était pour cela revetue d'une épaisse pièce de fer, forgé, boulonnée sur une surface parfaitement d'aresée.

Le bélier était, à l'aide d'un moufle, tiré en arrière et, par suile, soulevé à une hauteur voulue, très exactement mesurée chaque fois. Le recul de l'enciume après le choc était donné très correctement

Le recui de l'enculine après le colo ceut doune les correctement par un indicator qui était repoussé par elle et restait en place. Comme la distance du contre de gravité de l'enclume au point de suspension des cordes était déterminée d'après le nombre d'oscillations par minute, l'équation:

$L - \sqrt{L^2 - R^2} = h$

donnait chaque fois la hauteur h où montait l'enclume par suite du choc, L étant la longueur du pendule, et R le recul en projection borigontale.

Un observateur referval aussi en même lemps le recul ou l'avance du hélier après le choc. On connaissit donc parfaitement ainsi lo travail (ou la force vive) emmagasiné par la chate du hélier, et le travail folal (ou la force vive) subsistant dans les deux masses après le choc. La diffèrence est évidemment le travail consommé pour Péterasement du plomb.

Les morceaux de plomb soumis au choe avaient les diverses formes indiquées par les n^{α} 1, 2, 3, 4, 5, 6 (fg,4); les coupes fransversales étaient circulaires. Un trou cylindrique était foré pour rocevuir un thermomètre. Deux fiorlies y étaient attachées à l'avance, pour suspendre les pièces après le doit.

Volci comment se faisait l'expérience.

L'eaclume étant en repos, et lo bélier receite des mantére à être à hauteur voulus, la pêles de plomb était couche horizontalement sur deux fourches en bois mines lixées à une plandable horizontale; elle était portée devant la tête de l'enclume, son are de ligerer dirigié dans le même sers que coluit du belier et de l'enclume. En thermomètre était introduit dans l'intérieur, et l'on attendait qu'il ne variat dies, nou notes la temmétrue intitale.

Le thermonatre étant colevé, on laissait tomber le bélier, Au moment du choe, je faissis marcher l'aiguille d'un compieur à secondes; J'enfevaits la pièce de plomb à l'aide des ticelles que je tenais à l'avance; je la suyendais comme l'indique ta figure; l'y versis de l'enai à 0-è de manière à morpiir la cavité de se trouvait logé de nouveau le thermonêtre, que j'agitais doccenent. Au bout de 4 minutes, à partir du moment du choe, on nosit la température indiquêre au thermonêtre; on laissait encore passer 4 minutes, puis on nosit l'atlaissement qui avait tieu par le refroidissement. Un thermonêtre suspendu librement dans la chambre indiquait la température do l'air ambian.

Je ne cite qu'un exemple pour indiquer la méthode des calculs.

Hantour de chute du bélier 11 - 1",166.

Hauteur Δ laquelle il s'élève après le choc $\hbar = 0^{-0},087$.

Hauteur à laquotlo s'élèvo l'enclume après le choc $h' = 0^{-103}$. Poids du plomb 2'.918.

Température avant le choc

s == 7°,873.

4 minutes après le choc
 8 minutes après lo choc

8 minutes après lo choc 0" == 11°,75.
de l'air amblant == 8°.8.

Poids d'eau à 0° versée dans le plomb après le ctice ==0°,0185. Avec ces éléments il est facile de trouver la valeur de Z.

On a tout d'abord pour le travail consommé pour l'écrasement du ptomb :

 $F = 1.166.350 - 0^{\circ}.103(941^{\circ} + 2^{\circ}.95) - 0.087.350 = 280^{\circ}.42.$

Quelle élait la température produite par le choc?

Solt R la vitesse de refroidissement du plomb par unité de lemps et pour 1º de différence entre sa température et celle de l'air. On a sonsiblement jei :

dt étant l'élément du temps, « la température du plomb et » celle de l'air, Au bout d'un temps T, on a :

RT = log.
$$\left(\frac{6-x}{6-x}\right)$$

Si, à partir de T, on compte un autre intervalle T', on a aussi :

$$RT' = \log \left(\frac{t' - x}{t'' - x} \right)$$

Dans notre expérience nous avons : $T = 4^{min}$ et T' = (8 - 4) ou aussi 4^{min} ll en résulte :

log.
$$\left(\frac{\theta - x}{\theta' - \alpha}\right) = \log \left(\frac{\theta' - x}{\theta'' - \alpha}\right) d'où \theta = s + \frac{(\theta' - x)^2}{\theta'' - \alpha}$$

En posant donc == 8°,8,6'= 12°,1 et 0"= 11°,75, nous avons :

$$0 = 8.8 + \frac{(12.1 - 8.8)^6}{11.75 - 8.8} = 12^\circ.49.$$

La capacité calorifique du plomb élant 0.03145 et le poids $\alpha=0^{\circ},0185$ d'eau à 0° versé dans le plomb gagnant $12^{\circ},49$, on a pour la chaleur totale produite par le choc dans le plomb :

 $q = 0.03145.2^{\circ},948(12.49 - 7.87) + 12.49.0,0185 = 0^{-4},65955.$

Divisant F par q, nous avons :

$$\frac{F}{q} = \Sigma = \frac{280.42}{0.65555} = 425^{\circ}.2.$$

La moyenne de six expériences, dont le plus grand écart ne s'élevait pas à 5°, est de :

$$\Sigma = 425^{\rm p}$$
 .
l'ajoute quelques remarques qui intéresseront le lecteur et qui ont

une grande importance :

1º. La canacité de 0,03145, que j'ai adoptée pour le plomb, a été

. /Google

constalée sur lo métal récemment fondu, ou écrasé par lo choc. En d'autres termes, mes moyens d'observation ne m'ent donné aucune différence entre le plomb fondu et le plomb écrasé.

2º. Le chec du beller ne produisait qu'un son mat et tes faible. Lorsqu'on n'interposait pas de plomb entre l'ecclaume et le beller. Le son ésil au courinier tes fort, et in force vive restant apres le chiec dans les deux masses ne differnit guirer que de , 'en moins de calle que donnait le caleut pour les corps ésatiques, le pense donc que les pertes de l'avail par suite de vibrations, etc., pouvaient être regardiecs comme négligeables, et qu'ainsi tout le travail donné par le caleut a été employe à l'évracement.

3º. Si dans l'expérience citée il n'avait existé aucun effet d'élasticité, les deux masses auraient dù remonter à la même hauteur, 0°085. En effet la vitesse du bélier étant:

$$v = \sqrt{2 gh} = \sqrt{19,6176.1^{\circ}, 166} = 4^{\circ}$$
",7826,

on a pour le cas des corps mous :

$$V = \frac{350^{\circ}.4^{\circ\circ}.7826}{944 + 350} = 1^{\circ\circ}.2736$$

comme vitesse commune, ce qui répond à une hauteur :

$$\frac{(1^{m''},2936)^{n}}{19^{m''},6176} = 0^{m},085$$

au lieu de :

$$\frac{944.0,103 + 350.0,087}{944 + 350} = 0^{+},0986$$

qui est la hauteur moyenne à laquelle remontaient les deux mobiles après le choc. L'élasticité de l'ensemble des pièces a donc donné : 0.0986 — 0.085 == 0°, 0146.

4º. Des expériences préparatoires m'ont démontré qu'un bloc de plomb de 8º, chauffé à 100º et plongé dans l'eau à 0º, ne met pas 2º à perdre loute sa chaleur en excès, lorsqu'on agite l'eau.

La conductibilité du métal est donc suffisante pour qu'on pulsse admettre que le thermomètre placé au centre de nos pièces do plomb indiquait la température réelle de la masse entière. 5°. Les blocs de plomb nº 1, 2, 3, 4 ont été écrasés très régulièrement, de manière à prendre les formes indiquées par les figures. Les nº 5 et 6 au contraire out été comme fordus sur eux-mêmes en pas de vis. Une expérience a manqué par cètte raison: la plèce était telloment tordus que le thermomètre ne pouvait plus être introduit dans le cavilé.

Les considérations qu'on vient de lire tendent à prouver, tout au moins, la grande approximation du nombre 425° que les expériences sur l'écrasement du plomb donnent pour la valeur de l'équivalent.

4 SÉRIE. - EXPANSION DES GAZ.

Si nous désignos par P. a et V la pression, la donsité etle volume d'un gaz permanent à une température quélooque donnée, par p et l'al pression et la densité lorsque le volume devient v. sans que le gaz no reçoive ou ne perde de chaleur par son contact avec les corps environnants, ces six quantités sont liese entre elles par la loi:

$$p = P\left(\frac{V}{v}\right)^{\gamma}$$
 $p = P\left(\frac{s}{\Delta}\right)^{\gamma}$

L'exposant 7 n'est autre chose que le rapport $\frac{C_t}{C_c}$ de la capacité à volume constant à la capacité à pression constante.

Laplace dans la Mécanique céleste, et Poisson dans son Tralté de Mécanique (Dap. VI, tom. Ill arrivent à este expression, en pariant de ce principer, eque la somme de diabeter encience dans un corps est invariable, pourvu que le corps ne reçuive ni na perde rien du «debor», et en admettant que les deux capacités C, et C, sont des fonctions de la mession et de la Gonte.

Chose très remarquable, la théorie moderne est arrivée à la même expression, en partant d'un point de vue diamétralement opposé, et en admettant :

1º. Que la quantité de chaleur interne est une variable, et que les modifications qu'elle subit sont directement proportionnelles au travail externe positif ou négatif que rend le corps (supposé tou-



jours ne rien recevoir ni ne rien pordre par contact ou par rayonnement).

2°. Que la capacité calorifique, au cas particulier des gaz, est une constante. (Nous verrons que celte supposition n'est pas rigoureusement exacte.)

Ces deux propositions sont aujourd'hui pleinement légitimées par l'expérience, la première dans toute sa généralité, la seconde à peu près, et dans les limiles où nous pouvons opérer sur les gaz.

Je n'ai pas à développer ici les démonstrations analytiques qui mênent à nos deux équations: le lecteur les trouvera dans le chapitre consacré à l'étude des gas.

Lorsqu'un gaz reçoit de la cinteur dans un vane inectionible, il ne est évident qu'il ne se produit aucun travail externe: il ne peut dons y assir en ce cut assume chalaur consummée. De plus, comme le gaz n'éprouve aucune modification d'état, aucun changement quincionque de densité, ai d'excirement général de parties, il est évident qu'il ne peut y avoir non plus de chalaur consummée intérieurement; le colorique ajouite sert is infequiement à augmenter, d'une part, la temporature du corps, et d'autre part le tendance à l'expansion, la pression en un moi; quedque hypothèse qu'on fasse d'ailleurs sur la nature du calorique; qu'on le regarde (svec Chaulsu) comme un movement vibratoire des particules mémes des corps, cu évec fectionaberler) comme un movement des molécules de l'éther, ou, selon les idées que l'exposeral dans un autre volume, comme un monte propenment dité.

Toulo la chaleur ajoutée reste disponible, comme image d'un travail potentiel externe possible, mais non encore exécuté.

Il n'en est plus du tout ainsi lorsqu'on maintient constante la pression du gaz, et qu'on lui permet par suite d'augmenter de votume en s'échariant. Il faut alors, outre la quantité de chaiseur nécessaire pour modifier la température du corps, une autre portion correspondant au travail externe exécuté non potentiellement, mais factationents. Ille n'est suits facile à evaluer une cele ouantiée.



L'expérience prouve que, dans les limites où nous pouvons opérer, les gaz se dilateot uniformément d'une quantité « par degré centigrade à partir de 0°

Pour l'air on a : <== 0,003665.

Soit p la pression d'un gaz en kilogrammes par mètre carré; soit V le volume sur lequel en opère; soient i la température finale à laquelle en l'échausse.

Le volume du gaz, en passant de i à t, deviendra:

$$v = \sqrt{\frac{1+at}{1+at}}$$

L'accroissement sera donc:

$$v = \frac{\alpha V (t - i)}{1 + \alpha i}$$

Le travail exécuté n'étant autre chose que le produit de la pression p par l'accroissement v - V, on aura :

$$\tau = \frac{\alpha \nabla p (t \rightarrow i)}{1 + \alpha i}$$

La quantité de chaleur consommée pour ce travail sera donc :

$$q = \frac{\sqrt{p_i(t-i)}}{\sum (1+\sqrt{i})}$$

z étant l'équivalent mécanique de la chaleur. Soient C_o la capacité du gaz à volume constant, f sa densilé à 0° et à p. Le poids du volume V à i sera:

$$\frac{V_{P}}{1+xi} = \tau$$

La quantité de chaleur nécessaire pour l'échausser à volume constant de i à t sera , en toute hypothèse :

$$\frac{V + C_0}{1 + \epsilon i} (t - i) = q'$$

La quantité de j'chaleur nécessaire pour porter le gaz de i à \$, lorsqu'on lui permet de fournir du travail en dehors , est donc :

$$\frac{\nabla \cdot f \cdot C_0}{1 + a \cdot i}(t - i) + \frac{a \cdot p \cdot V \cdot (t - i)}{1 + a \cdot i} = q$$

Si nous désignons par C₁ ce qu'on nomme capacité à pression constante, il est clair qu'on aura aussi:

$$\frac{V \circ (t-i)}{1+ai} C_t = q^{-1}$$

d'où:

$$\frac{\nabla S(t-i)C_1}{1+ai} = \frac{\nabla SC_1(t-i)}{1+ai} + \frac{C_1 p \nabla (t-i)}{2(1-ai)}$$

on simplement

$$C_1 \!=\! C_e \!+\! \tfrac{-e}{\Sigma \, J^n}$$

Mais, à une même température, la densité est sensiblement proportionnelle à la pression. On a donc :

d'où :

$$\frac{p}{r} = \frac{P}{\Delta} = \frac{10333}{1,2932}$$

10333° étant la pression par mêtre carré de l'air à 1", et 1,2932 étant le poids du mêtre cube.

On a. donc définitivement :

$$C_1\!=\!C_2\!+\!\tfrac{0.003665.10333}{\Sigma_{-1,2932}}=C_2\!+\!\tfrac{29,2851}{\Sigma_{-1,2932}}$$

Cette expression, complètement indépendante de la température et de la pression du gaz (de l'air), nous montre que si C est constant, C, l'est aussi, et que le rapport:

$$\mathbf{y} = \frac{\mathbf{C}_{f}}{\mathbf{C}_{r}} = \frac{29,285:\mathbf{x} + \mathbf{C}_{r}}{\mathbf{C}_{r}}$$

est lui-même une constante.

C'est ce que Laplace avait déjà admis, et c'est ce qui nous explique comment deux théories aussi différentes ont du conduire au même résultat.

De fait C. ne peut être déterminé directement; mais C, l'a été avec beaucoup de soin par M. Regnault, et trouvé sensiblement constaut, et égal à 0,2377 pour l'air. (Je dis sensiblement, on verra en effet que la constanco de C et de C_i ne saurail être considérée comme absoluel.

On a done -

$$C_4 = 0.2377 - \frac{29.2851}{5}$$

el par conséquent :

$$\gamma = \frac{0,2377}{0,2377 - \frac{29,2851}{0}}$$

Ou réciproquement :

$$\mathbf{z} = \frac{29,2851}{0,2377 - \frac{0,1377}{2}}$$

D'où il suit que toute méthode expérimentale qui fora connaître z permettra de déterminer z, ou l'Équivaleul mécanique de la chaleur.

le citerai ici, en tout premier lieu, celle que l'on tire de la formule de la vitesse du son :

la vilesse du son :
$$v = \sqrt{\frac{m h}{g \frac{m h}{\Delta} \gamma (1 + \kappa \theta)}} \quad \text{d'où } \gamma = \frac{v^2}{g \frac{m}{\Delta} h (1 + \kappa \theta)}$$

En écrivant dans cette formule les valeurs convenables, ou plutôt les valeurs expérimentales les plus dignes de coofiance,

$$v = 340^{\circ},89$$

 $a = 0.003665$ $h = 6^{\circ},$

et puis

$$m = 13.596$$
 $a = 150.5$

Δ == 0.0012932

On trouve
$$\gamma = 1,4132$$
 d'où : $\Sigma = 4230$

Le but que je me suis proposé tid étail, non d'arriver à une valeur exacle de l'équivalent (ou va voir que la méthode ne s'y prétait pas) mais sentement de fixer une limite supérieure que ce rapport peut atteindre, et c'est en ce sens seulement que les essais une le vais étire neuvent avoir outleune utilité.

Supposons que de l'air sec, comprimé dans un réservoir résistant,

s'en échappe peu à peu en partie, de manière à ce que celui qui reste passe d'une pression à une autre moindre, Nous pourrons employer de différentes manières l'air qui s'échappe.

1º. Nous pourrons le faire entrer dans un cylindre muni d'un piston dont la résistance soit constamment égale à celle de la pression du gaz dans le cylindre et dans le réservoir. Ce piston nous fournira ainsi du travail.

2º. Au lieu de supposer ce piston chargé de manière à être toujours en équilibre avec la pression du réservoir, nous pouvous lui denner une charge constante répondant à la pression finale où nous voulous faire descendre le gaz.

 ${\bf ll}$ y aura encore du travail rendu, mais évidemment moins que précédemment.

3º. Nous pouvons laisser l'air se précipiter dans le vide ; alors nous ne recueillerons aucun travail.

Mais, dans ces troix cas differents, les conditions de l'air qui rest dans le réservoir sont les mêmes à chaque instant de l'écoulement. C'est la force desistique du gaz qui le fait sorité du réservoir, et, quel que soil l'usage qu'on un fasso au delore, le travail intérieur est le mêmes. Si'ix, pendant la déclien, que recpt ind de cladeur des parois, le travail s'executera aux dépens de la chaleur propor du gaz, et la perte en calorique, rapportée à l'unité de polds, sera la même dans les trois cas et dans tous les cas possibles.

La loi d'expansion
$$p = P\left(\frac{V}{v}\right)^{y} = P\left(\frac{d^{2}}{\Delta}\right)^{y}$$
 s'appliquera ici.

En realité, il est impossible que pendant son expansion l'air (ou tout autre gar) ne reçoive pas de chaleur des parois : copendant si le clanagement de pression se fait asser vite, la chaleur reçue sera très putite et pourra presque être négligée. Ou aura donc ici un moyen de déterminer très approximativement la valeur de 7.

Ce genre d'expériences, on le sait, a été fait it y a longtemps, et bien avant qu'on s'occupât de la théorie mécanique, par Glément Désorme, dans le but de déterminer les rapports des capacités à volumo constant el à pression constante. On a critiqué cotte méthode précisionent à cause du réchaufiement que subt le gar pendant son expansion même, et, rispoureusement parlant, la critique est juste. Cepondant nous aflons voir que, bien condulle, l'expérience peut donner des résultats très réguliers, et par suits utiles.

Dapporell dont je me suis servi consistait en un reiservoir eyilacitique, reissiant, en cuitre, de 10 de capacide. In monanchre ovvert à l'air, et à acide sulfurique monohydrale, indiquait à 0-0,0005 près l'excedant de la pression iuterno sur colle de l'air satema. A la partie supérieure du reservoire strouvait inne tubulure verticale de 0-0,31 de diamètre, munie d'un bord parfaitement job de dresse. Une sonappe portée par un levier à claratificement job de dresse. Une sonappe portée par un levier à claratifice permetiuit de fermer hermédiquement cette tubulure, ou de l'ouvrir largement béante. La course ascendante du levier était l'initée par un arret. Tout frenemble de l'apparellé fait d'allieurs soldement fait dans un carbre en bois à la poutre verticate d'un pâtiment. La réservoir était juck dans de l'esa teme à tello on telle empérature voulus. L'air, qu'on foulsit à l'aide d'une pompe dans le réservoir, passait par la cueste melme du manomètre et se desséciatat ainsi complétement. Voici comment je conduissi l'expérience.

Mal' Intérieur ayant dés comprimé à une pression voulue, j'attendais que le manomètre restât parfaitement immobile. On noiait la hauteur du haromètre, et du thermomalire de la cever d'eux. Seulevant alors d'une main le poids qui pressait le levier de la soupapi, ripopayais de l'autre main sur co l'etc, puis je soudessé of j'abaissais vivement celui-ch, en ayant soin de le faire batire chaque fois contre l'arret supérieur. Je remetiais le poids en place, et j'attendais que la colonne d'actée fût redevenu immobile.

Avec les données que fournit celte expérience il est aisé de déterminer 7.

Soient en effet B la pression barométrique traduite en colonne d'aedet sulfurique, h la hauteur initiale du manomètre forsque l'air a été comprimé, h; la hauteur ed il revient lorsqu'après la détente l'équilibre des températures s'est rétabli.

On a:

$$B = (B + h) \left(\frac{\Delta}{\sqrt{a}} \right)^{\gamma}$$

x étant la densité de l'air à la pression (B+h) et A celle qu'il reprend à B après l'expansion brusque. Lorsque l'équilibre des tempétatures est rétabli, on a évidemment :

d'où :
$$\frac{\Delta}{a} = \begin{pmatrix} B + h_1 \\ B + h_2 \end{pmatrix}$$

et par suite:

$$\log \frac{B}{B+h} = r \log \left(\frac{B+h_1}{B+h}\right)$$

ďoù :

$$y = \log \left(\frac{B}{B+h}\right)$$
; $\log \left(\frac{B+h_1}{B+h_1}\right)$

Une quarantaine d'expériences, faites très régulièrement et corrigées convenablement, m'ont donné, pour le rapport y:

$$\frac{C_1}{C_0} = \gamma = 1,3845$$

d'où l'on tire:

Quelques remarques importantes se présentent ici ;

1º. Ainsi que le dit la théorie, la valeur de 7 est indépendante de la température, du moins dans les limites de 0º à 60º.

En opérant dans l'eau à 0° ou dans de l'eau chaude , la moyenne obtenue était la même.

 $2^{\rm o}.\ \Pi$ est facile de démontrer que ce nombre pêche nécessairement en trop.

En effet, à un point de vue expérimental, la seule cause qui pourrait le faire pécher en moins serait la fermeture trep rapide de la soupape, qui ne permettrait pas à l'air de tember de (B+h) à B dans le réservoir.

En supposant juste la loi d'écoulement des gaz :

$$v = \sqrt{2g \cdot (B+h) - B}$$

s étant la densité qui répond à B + h, on aurait ici :

$$v = \sqrt{2 g B \left(\left(\frac{f}{\Delta} \right)^{\gamma} - 1 \right)}$$
: s

ta diminution du poids W ${\mathscr E}$ de l'air contenu à chaque instant dans le flacon pendaul l'écoulement serait :

$$- W ds = S dt \sqrt{2gB\left(\left(\frac{-\delta}{\Delta}\right)^{7} - 1\right)} : \rho$$

W étant le volume constant du réservoir, S la section de l'orifice d'écoulement, et dt l'élément du lemps répondant à ds.

Is integrant par approximation entre les limites de densités repondant à $\mathbb{B}=\Gamma(\theta,H_0)=1$, chillies qui d'ord jumais été, alleintes dans unes exais), posant $W=0^{-\alpha}$, d'i el $S=0^{-\alpha}$ 2007, on trouve que la pression tombe de \mathbb{D}^{α} , à t' en moins de $\frac{1}{2\alpha}$ de seconde; i laudrait done ouvrir et fermer à soupage en noins de temps, pour que l'air n'elt pas le temps de s'échapper ; ce qui est évidemment impossible.

Ucaparience est toujums faussée en plus pour la valeur de 2 qu'on en déduit, parce que l'air s'écondie dans le réservir pendant l'écondiement mémo. Copendant l'écrour dus à cutte que se est anoindre qu'on a'auntit pu tecréte. En effe, l'a baleur de pre-avaitif pas très sensiblement selon le plus ou moins de pression faitliste de l'àri, niais pour une chuie de pression de 17-5 à 1°, ou seulement de 1°, i à 1°, cette valeur écalt sensiblement la mêmo. Or it est évident que le réfroidissement interne et la dure de l'écondement sout d'autunt plus grand que 18-4 h) est plus grand que rapport à B. Si l'errair commiss dans l'écultant de 2 ne creiseait pas avec (B+h), c'est parce que pendant la lies pelité durée de l'avareture de la souspape (que j'éstime $\Lambda_{\overline{w}}^{(*)}$ de seconde), la chaleur des parcié un réserveir a vivait pas le tepen d'aign' d'une mainter tou détivour

rable. C'est ce qui explique pourquoi cette valeur trop graude de l'équivalent s'éloigne en définitive peu de la valeur probablement correcte de 432°.

Ces expériences sur la détenie des gas ont élé faites avec un intent et une accustidue remarqualises par M. Cazin, professeur au lyade de Versailles (voyez la thèse de l'auteur, Août 1862). L'halible physicien a su meaurer la durcé de l'écoulement et en tenir comple dans ses acteurs. En somme, les résultais fénoux de M. Cazin, quant à l'air, sont à peu près les mêmes que les miens. L'auteur conclut toutefols and l'an à ras riscouressement:

$$p = P\left(\frac{V}{v}\right)^{(\gamma = const.)}$$

Et effeuivement y ne peut êire constant si C, est une fonction de la pression ou du volume fautre que celle qui était admise par Laplace). L'exactitude du procedé de M. Cadri peut fort bien avoir mis à nu la très faible variabilité de C, pour l'air, et par suite la variabilité de y.

TABLEAU PUBLIÉ PAR LA SOCIÉTÉ DE PHYSIQUE DE BERLIN.

2º — (Hojtzmann) 1845	365° 374° 370°

METHODE DE DETERMINATION et nouves expérimentales.	OBSERVATEURS.	DATE.	Equivaler tofetpiqu
		_	
4° Air atmosphérique. d=1,0000; ==0,003665; C ₁ =0,2377 7.=1,348 y=1,375	Regnanti. C'ément Désorme. Gay-Lessac et Welter		480,1 452,6
$\gamma = 1,4172$ $\gamma = 1,4078$	Bulong. Roll et Van-Beek.	::::	419 426
5° Oxigene. d=1.1056; a=0,00367; C ₁ =0,2412	Regnanit.		
7 == 1,4158 2 == 1,3998	Dileog. Van liers.		414,3 425,7
6° Azote. d=0.9713: e=0.00367; C ₁ =0.937	Regnault.		431,3
7 = 1,428 7 : Hydrogene. d=0,0692; ==0,03661; C ₁ =0,2356	Begnault.		401,0
7 =1,4127	Dalong.		425,8
d=0,9674; ==0,003669; C ₁ =0,2399 7 ==1,4142	Regnault. Bulong.		417
9" Acide carbonique.	Nasseo.	••••	420,7
d=1,529; ==0,00371; C _i =0,3308; r=1,3382; r=1,2867	Reguanit. Bulong. Massar.		354,6 402,3
10° Protoxide d'azote. d=1.5250: ==0.003719; C; ==0.3413	Regnant.		
$\gamma = 1,3366$ $\gamma = 1,2795$	Belong. Masson.	::::	845,6 399
11° Acide sulfureux. d=2,247; ×=0,003903; C ₁ ==0.3439 7 ==1,2522	Begrault.		423,8
Nous passons les autres gaz donnés par Bosscha parce que leur coefficient de dua- lation n'a pas été déterminé directement.			
B. D'appes la théorie des rapeurs.			
12° Vapeur d'enn. Clausius, à l'aide du principe de Cornot. Recch, d'après le principe de Carnot Séguin, auss indication de méthode		1850 1858	421 434,9 449

MÉTRODE DE DÉTERMINATION et ponnées expérimentales.	OBSERVATEURS.	DATE.	Σ Equivalent mécanique.
C. D'aprez la dilatation et l'élasticité des corps solides.			
13° Kupffer, la dilatation et l'élasticité des métaux		1852	404
II. B'après l'observation directe.			
1° Compression de l'air	Jorie. 1d.	1845 1845	
étroits	M.	1843	422,4
palette Premières expériences	14.	1855	488,3
Autres expériences. Dernières expériences trèssoigneusement	ld.	1847	428,9
5° Frottement d'une rune à palettes	ta.	1850	423,9
dans le mercure	ld.	-	424,7
le mercure	ld. Biro.	-	426,2
d'expériences	14.	1857	371,6
Nouvelles expériences	ld.	1858	400 et 450 425
mercure 10° Experiences sur la machine à va-	Favre.	1858	413,2
peur	Hen.	1837	413
gnéto-électrique	Josle.	t843	462,5
que le courant produit du travail	ld.	-	442.2
12° Idem	Favre.	1857	443
ques; équivalent électro-chimique de l'esq == 0,009376. Résistance absolue. Dévoloppement de chalcur par l'action du	Weber.	1857	432,1
tiae sur le sulfate de cuivre	Favre et Sibermann.	1857	432,1

MÉTHODE DE DÉVERMINATION el boxavis expérimentales.	OBSERVATEURS.	DAYE.	Σ Équivalent méranique.
Meaure de la force discrire-motrice de la pilo de Daniel d'après la mesure de la companie de la companie de la companie de 15º Clasieur développée aloa la pile de Daniel . Force diortro-motrice de la pile de Daniel . 16º Mesure de la résistance absolue . Chaleur développée par funité absolue . Industrie de la companie de la companie de la companie de la résistance est la destruir de la companie de la résistance est la companie de l	Bosseka. Josfe, Bosseka. Weber. Quintes Jeilfus.	1857 1857 1857	432,1 419,3 419,5
A ces valeurs données por la Société de physique de Berlin, je joins celles que j'ai trouvees dans le cours des deux annees 1860 et 1861. 1º Frottement de divers liquides dans l'appareil dynamomètrique décrit page 15. Cet appar el consumunit entre 300 et 350° de travail par seconde.			
Haile de navette, hulle de balenes, hoile de aceabald, huile de sebato, honine, cau, ecoulement de l'eau sous de très fortes pressions par an ubbe mine. 2º Eurasement du plomb. 3º Nombreuses expériences sur la madime la vapeur. de la vapeur d'eau sure-huilfe. 5º D'après l'expansion de l'air dans le therme-maonitre destri page 68. le therme-maonitre destri page 68.			490 à 432 432 425 420 à 432 432
Valeur maxima impossible			440

En faisant la révision des différentes expériences que l'ai faites pour déterminer la valeur de l'Équivalent, et en éliminant celles qui me paraissent certainement fautives, soit parce que les conditions fondamentales exigées par la théorie n'ent pas été remplies, soit parce que les difficultés de l'expérimentation étaient trop grandes pour autoriser une conclusion certaine, je m'arrète à quatre nombres qui présentent le plus de garanties d'approximation:

1°. $\Sigma = 424.5$ Ecrasement du plomb ;

2º. x=432 Frottement de l'eau; 3º x=433 Éconlement de l'eau;

4º. x==425 Forage du fer.

Les not 1 et 4, comme on voit, sont presque semblables à la valeur que l'on lire de la formule de la vitesse du son. Ce dernier accord pourrait nous porter à adopter plutôt comme vrai le chiffre 424º 5 que les nombres 432º, ou 433º. Si cenendant on remarque combien, dans la formule du son, il entre d'éléments divers dont la valeur numérique dépend aussi d'expériences fort difficiles, on attachera moins d'importance à cette concordance. S'il m'était permis ici de m'appuyer sur les soins tout particuliers que i'ai apportés à l'expérience sur le froltement de l'eau, et sur la concordance rigoureuse (0º , 5 prés) de six expériences, faites pourtant dans des conditions de vilesse, de température, etc., très différentes, je conclurais que c'est le nombre 432 qui est le plus correct. Sur le tableau qui précède, nous trouvons d'ailleurs le même nombre obtenu au moven de procédés très différents, par M, Favre. Cependant comme c'est la valeur 425° qui a été adoptée par la plupart des auleurs qui ont écrit sur la théorie mécanique de la chateur, et comme ce chiffre diffère peu du précédent, c'est aussi celui dont je ferai usage dans tous les calculs numériques de cet ouvrage.

De tout l'essemble des ruisonnements et des nombreuses observalous citées dans extre première partie découle une confirmation aussi satisfaisante et aussi radicale que possible de la première proposition de la théorie mécanique de la chalour, posée en tête de ce chanitre.

Occupons nous maintenant de la seconde proposition qui est en elle-menn aussi de la plus haute importance.

LIVRE DEUXIÈME.

CHAPITRE I.

CONSIDERATIONS PRELIMINAIRES.

Dans tout l'ensemble de l'exposition qui précible, je me suis serri d'un lou nombre de termes usuels en physique, sans les définir, et en leur laissant l'acception qu'ils out depuis longtemps. La théorie mérantique a apporté de telles modifications dans l'interprétation commune des phétameires que plusieurs des expressions consacrées out perdu emièrement leur valueur propre et doivent étro ou rejetées ou du moiss modifiées considérationneut. Avant d'aller plus bini, 31 est donc indisponable pour nous de préciser les termes que nous aurous à employer à chaque instant.

§ I.

Définition de la température et de la capacité calorifique des corps.

Indépendamment de toute hypothèse sur sa nature, le calorique se manifeste à nues comme une rounz, sudjours réputisés, variable en intensité, cherchant à s'équilibrer partout, faisant continuellement dans les corps équilibre aux forces internes ou externes qui toudent à diminuer leur voiume, et déterminant ainsi à chaque instant le volume apparent aufits occurent.

Ce que nous appetons la température des carps, n'est autre chose que l'intensité actuelle de la ronce canonique.

Si les parties constituantes des corps n'étaient soumises à l'action d'aucune force interne, cette intensité se traduirait exclusivement par une pression externe qui nous en donneralt la mesure relative exacte. Nous verrons bientôt quels sont les corps qui s'approchent le plus de ces conditions et quel est le paint de départ unique de tout thermomètre parfail.

Lorsqu'un corps est mis en rapport avec une source de chaleur, lorsque, d'une mandére quelconque, il reçoit de la chaleur, il s'échanfle, c'ést-à-dire que su fempérature s'élève. Nais il s'en faut bien que loute la chaleur qu'il reçoit afusi serve à l'échauffer : cette chaleur en genéral est employée de trois manières différentes, et c'est tout d'abort ce au'il imorre de bien norières différentes.

1º. Tout corps est, ou peut être, soumis à une pression externe qui tend à diminuer son volume apparent et à laquelle une partie de la PORCE CALONIQUE fuit équilibre.

Si pendant que le corps s'échauffe celle pression reste constante on du meins ne s'accroit pas selon une progression convenable, le corps se dilaie, son volume augmonte. Le calorique surmonte done alors celle pression, donne liou à un Iravail externe, et une portion proportionnelle de chaleur sensible disparati.

Désignant par p la valeur do la pression externo en kilogrammies par mêtre carré par exemple, par du l'accroissement élémentaire du volume, et par A l'équivalent calorifique du travail (ou de l'element de l'ologada), on a :

df = pdvpour l'expression du travail élémentaire ainsi produil, et : $da = \lambda ndv$

pour la quantité élémentaire de cladeur que coûte ce travail.

2º. Les parlies matérièlles d'un corps quéconque sont retenues et rendues dépendantes par des forces internes plus ou moiss intentes (pessaiser, cohésio, affinité chimique, etc.), auxquelles aussi, dison-nous, le adorque fait équilles. Lorsque le conş. es évélandfant, peut se dilator, le calorique surmonte ces forces et donno lieu à un tevaril interne; mais lors métine que le corps en s'échauffant op peut augmenter de voluine parce qu'un loi oppose un pression

externe croissante, il peut encore s'y opèrer des déplacements relatifs de parties, et il s'y exècute un travali interne.

Note arous dit que tout travail externe coble une quantité de chaleur proportionnelle. Mais un travail externe cellère absolument d'un iravail interne qu'en ce qu'il se manifeste à mous, et peut être directement mesuré : le travail interne coble donc aussi une quantité de chaleur proportionnelle, est is mos désignos par d'à la totalité démentaire de ce travail, il fera disparattre comme chaleur me manité démentaire.

 $dq' = \Lambda d\lambda$

3º. Edila, locque le travali interne et externe produit ne cobte pas toute le telaper formire au conse, Veccidana ser à cénaulire colui-ci, à en diever la température, à y élever l'Intensité, l'énergie actuelle de la ronce autonouce. Ces et deuter libre qui fait hais sain cese equilibre aux forces actuellement ajessais sur les porties matérielles du corps, qui fait que celui-ci reste ce qu'il est, coume volume apparent.

Il r'entte immediatement de ces considerations si simples que la température aboute, celle qui serait mesuréa à partir du pitul oi toute chaiera aumit dispara dans un corps, est directement propiemente la capacité réelle d'un corps n'est autre closse que la quantité de chaiera entielle ente présente; et comme la capacité réelle d'un corps n'est autre closse que la quantité de chaiera entéesseire paur augmenter d'une milé thermonétrique la température de l'unite de poids, it est chair aussi que les capacité réélle ai une constante pour chuque corps. Ce qu'on a appelé parqu'el, et fort improprement, la capacité calorique des corps, est nécessairement une variable, puisque la chaiera ajoute aux compandes les expéricesses faites pour la déterminer n'est passiquement employe à modifier la température. Je revicadrait plusieurs fois encre sur cette queston si importante. Je désignered désormais sous le nom de capacité absorbue, et par la lettre K, la capacité réclie des certs.

Quantité de chaleur restituée par un corps qu'on refroidit, Le terme de calorique latent doit être reieté.

D'après ce qui précède, on voit que pour échauffer l'unité de poids d'un coms quelconque de T. A.T., il faut dépenser :

$$\begin{aligned} \mathbf{Q} = \mathbf{K} & \left(\mathbf{T_{1}} - \mathbf{T_{2}} \right) + \mathbf{A} \int_{-\mathbf{A}_{1}}^{\mathbf{A}_{2}} d\mathbf{h} + \mathbf{A} \int_{-\mathbf{p}_{1}}^{\mathbf{p}_{2}} d\mathbf{v} = \mathbf{K} \left(\mathbf{T_{1}} - \mathbf{T_{2}} \right) + \mathbf{A} \\ & \mathbf{A} \left(\mathbf{A_{1}} - \mathbf{A_{2}} \right) + \mathbf{A} \int_{-\mathbf{p}_{2}}^{\mathbf{p}_{2}} d\mathbf{v} \end{aligned}$$

 $\Lambda_1 \leftarrow \Lambda_s$ étant le travail interne produit de T. à T₁ et f p dv le travail externe de p_s à p_1

Si, après avoir céchauffe un corps de 7. à T_i , nous le refloidissons de T_i à T_i et s'il revient exactement à son état interne primitif : 1º, il rendra necessairement et intégralement la partin à $(A_i - A_i)$, soit au delhors, soit à lui-même, car quelles que soient les modifications qu'ill ait pur éprouver. Il les épouvera en soss précisément inverse par le refroidissement, et le travail interne d'àbord produit sera rigourensement redepense : la chaleur d'abord consommée sera donc rigourensement restifuée; c'est la un fait capital qu'il importe de remarquer $(2^n, a_i)$ contraire il nous rendra plus ou moins que

K
$$\{T_1 - T_*\} + \bigwedge^{\prime} \int_{P_1}^{P_2} p d\nu_*$$
 selon qu'en le refroidissant on dépensera un travail plus ou moins grand que $\Lambda \int_{-P}^{P_*} d\nu_*$

Pour éclaireir d'un coup, et de la manière la plus frappante, tout ce qui précède, prenons de suite l'exemple le plus complet possible. Supposens un cylindre vertical fermé par le bas, dans lequel so ment sans frottement un piston dont la charge y comprés le poids de l'atmosphère soit de P¹, dans ce cylindre supposens un poids il d'un figuide quélocompe, et supposens que le piston posé d'àbred sur le figuide quélocompe, et supposens que le piston posé d'àbred sur le llquide, Amenons de la chaleur au corps. Il va se dilaler graduellement jusqu'à ce que la tension de la vapeur fasse juste équilibre à P.

Soit T, la température à ce moment; soit »c, le volume initial et u, le volume final du liquide; a. le travail interne exécuté par la chaleur fournie antérieurement pour amener l'eau du zéro absolu à T., et a, le travail exécuté du zéro absolu à T., La chaleur qu'il aura falle fournir sera :

$$Q_{\circ} = K \left(T_{1} - T_{\circ} \right) + \Lambda \left(\Lambda_{1} - \Lambda_{\circ} \right) + \Lambda P \left(w_{1} - w_{\circ} \right)$$

A mesuro que nous ambierons désormals de la chaleur, le liquide boullitra saus changer de température, el lo piston s'élèvera de pitus enplus: Ioule la chaleur sera employée en Iravail externe el interne. Scient V, le volume finat de la vapeur quant tout le liquide sera évaper, el a. se texavail interne total consommé depois le zéro absolu; la quantité de chaleur fournie à partir du point d'éballition sera :

$$Q_1 = A (A_1 - A_1) + A P (V_1 - w_1).$$

Et la quantité totale dépensée à partir de T, sera $Q_1 + Q_1$ ou :

$$q = (\Pi - \pi) \frac{\Lambda}{\pi} (\Lambda_3 - \Lambda_r) + \Lambda P_1 (V_1 - w_r)$$

Nous aurous recueilii un travail externe :

$$F := (P_* - P_1)(V_1 - w_*)$$

et il nous manquera :

$$q = \Lambda F$$

3°. Diminuer graduellement la charge du piston jusqu'à P_1 . La vapeur so détendra alors de P_2 à P_3 , produira un nouveau travail

externe qui aura pour expression $\int_{P_1}^{P_2} dv$ et qui s'effectuera aux depens de la ebaleur présente K $(\mathbf{T}_1 \cdots \mathbf{T}_r)$ Π_r puisque nous n'amenons plus de chaleur externe. La température fombera de \mathbf{T} . A \mathbf{T}_r .

Si. à partir de ce moment, nous sonstrayons de la chalcur, le piston redescendra avec la charge constante P_1 ($V_2 = w_1$), qui, quelle que soit la détente fdpv, sera toujours

et nécessairement plus petit que
$$P_{\circ}(V_{s}-w_{\circ})+\int_{P_{s}}^{P_{s}}dv$$

ll nous sera donc rendu:

$$q = \Pi \Lambda (\Lambda_2 - \Lambda_4) + \Lambda P_1 (V_2 - w_0)$$
 et nous aurons gagné :

er nous au

$$F = P_b (V_1 - w_s) + \int \frac{P_s}{P_1} p dv + P_1 (V_2 - w_s)$$

le la répête, nous pourrios procéder d'une infinité de façons pour ramener le corps à 7. et chacune d'élles aous ferait différentes de chaleur, car chacune ferait différentes de chaleur, car chacune ferait différente travail externe. d'âlord profuiit, du travail externe redépensé cessite. la partie A (As — v.) de chaleur relative au travail interne reparait loujours indépariement, soit qu'elle contribue à ramener le corps à sa température primitive, ou qu'elle soit restituée au dehors. 2º. C'est que le délicit de chaleur est trojours directement proportionnel au retravail externe produit définitivement, et que l'ou a, un mot, en vertu de la première proposition de la théorie mécanique de la chaleur :

$Q_0 \leftarrow Q_1 = \Lambda F$

F étant le travail exterue gagné, Q. la chaieur dépensée, et Q. la chaieur refrouvée.

Nous voyons combien est incaracte catte ancienne expression de contrigue latent, employes pour décigner la chaiser; per cotto un liquide qui s'évapore. Il n'y a rien de latent dans la vapeur; un poids de liquide en de saidie foi preprésente autunt de chaiser que le même poids de vapeur a T_i, et nous sommes libres de faire vesti-ture plus ous meins que ce qu'elle a cesté pour se former. Et ce que lais lei de la chaiteur intend de vapeurs pout es dierr ignorreusement de celle qu'ou appelle chaiser de fusion, de toute chaiser qui est employee en travail toendust la distation d'un cette de moison en travail toendust la distation d'un cette de moisone en travail toendust la distation d'un cette employee en travail toendust la distation d'un cette de moisone en travail toendust la distation d'un cette de moisone en travail toendust la distation d'un cette de moisone en travail toendust la distation d'un cette de moisone en travail toendust en distation d'un cette moisone en travail toendust en distation d'un cette de moisone en distation d'un cette de moisone en distation d'un cette de moisone en de distation d'un cette moisone en distation d'un cette en de moisone en de distation d'un cette de moisone en de distation d'un cette moisone en de distation d'un cette de moisone en distation d'un cette de moisone en de distation d'un cette de distation

3 H.

Conditions du maximum de rendement de travail externe donné par un corps qu'on échausse et qu'on resroidit successivement.

Maprès ce qui précède, il sembe qu'entre le travait F dottenu et depende et le quantités Q, et Q, qu'on donne et qu'on retranche successivement à un corps, il un puisse y avoir de relation déterminée. Et en thèse genérale, il n'en existe effectivement pas; mais il est un ses partituites ou une telle relation existe sons la forme la plus remarquable. C'est ce cas qui doit nous occuper à présent, et c'est ce qui nous conduits à une seconde proposition de la tiborie mécunique de la chaiert, tout auxil existe que la première, tout auxil existe que la première.

Eant données deux températures limites T, et T, entre lesquelles nous sommes arteins à procéder avec un consp quelconque, et dant donnée une quantité Q, de chaleur disponible, il est tout d'abord evident que le travail externe définitivement gazos sers à visant plus grand, et que le helaleur reades ears à visant plus grand, et que le la helaleur reades ears à visant plus petité que nous aurous opéré de manière à ce que le moins de chaleur possibie attemptoyée à modifier à température du corps. Celle condition est des plus s'impératures du corps. Celle condition est des plus s'impératures visant plus s'empératures du corps. Celle condition est des plus s'impératures plus s'empératures du corps. Celle condition est des plus s'impératures plus s'empératures du corps. Celle condition est des plus s'empératures du corps. Celle condition est des plus s'empératures du competitures de competitures de competitures de conditions de conditions de conditions de competitures de competitures de competitures de competitures de conditions de conditions

Supposus que la température initiale du corps soit encore T_c , mais que lo pois B_c du piston, au tien d'être arbitairen, fase préciément équilibre à la tension de la vapeur du liquide. Dans ces ombificions péciales, il et clair que des que nous anomhenes de la chaleur au corps. Il boutilire of soulèvren le piston sans que sa temperature change; et que, par conséquent, toute la quantit de chaleur au corps. Il boutilire of soulèvren le piston sans que sa tember de charge instant amence sera comployée totalement en travait interne et externe. Admittons que le piston, au fieu de repuser aux le piston que de la piston que de principe de la bauteur B. (H_0 - H_0). Formisson sune quantité θ_c de chaleur, qué, pour plus de generalité, nous supposereous insuibiante paux évaperer tou lo liquide, le piston va éfletre en li, Scient V. le volume fultitá de la masse entière de X- X-cur et de la fujule C, V le volume foilitá de la masse cullére de X-cur et de la fujule C, V le volume foilitá de la masse entière de X-cur et de fujule C, V le volume foilitá de la masse entière de X-cur et de fujule C, V le volume foilitá de la masse entière de X-cur et de fujule C, V le volume foilitá de la masse entière de X-cur et de fujule C, V le volume foilitá de la masse entière de X-cur et de X-cur et X-

$$\Phi_{r} = P\left(V_{t} - V_{r}\right) + \Delta_{r}$$

La dépense de chaleur Q, sera : $0 = \Lambda \phi$.

Maintenant procédons de deux manières différentes :

(A) (fg.~5). Cessons d'ajouter de la ctaleur, mais diminuons graduellement la charge du piston de P. à P.; il va s'elever graduellement jusqu'en Π_2 , par exemple, en rendant un travail externe dont la Ω_2

face du quadrilataire curviligne V_1 P, P, V_2 eù les ordonnées V_1 P, v igurent la pression, et les abcisses θV_2 , θV_3 , θV_3 , les volumes. Soit A_1 le travail interne opéré par cette détente tant dans la vapeur que dans le liquide restant, le travail total obtenu dans celle période sera :

$$\Phi_1 = \Lambda_1 + \int_{p_1}^{p_0} p dv$$

et comme its'effectuera aux dépens de la chalcur libre K $(T_1 \leftarrow T_2)$ de la masse totale , la lempérature tombera de T_2 à T_1 , et l'en aura :

Le travail lotal externe el interne produil est :

$$\Phi_i + \Phi_i = P_*(V_i - V_i) + \Lambda_i + \int_{-P_i}^{P_i} p dv + \Lambda_i$$

Sans fine changer à la charge P_i , du piston, soustayons mainten graduellement de challeur. La température restera invariable pendant cette soustraction : la vapeur se condensera sous la pression P_i el toute la chaleur soustraite sera due au travail interne et externe à chaque instant dépensé. Laissans le piston descendre ainsi de P_i en P_i et a volume V_i revouir à V_i . Le travail externe dépensé sera P_i ($V_i - V_i$); le travail interne redépensé sera P_i ($V_i - V_i$); le travail interne redépensé sera P_i in V_i in $V_$

$$Q_1 = \Lambda \Phi_2 = \Lambda (P_1 (V_2 - V_3) + \Lambda_2)$$
A partir de ce moment cessons de sonstraire de la chalc**u**r et char-

gouns de plus en plus le pision, de manière à ramener la pression à sa valour initiale P_i ; le travail externo dépendé sera $\int_{-R_i}^{P_i} p dv$; le travail eleme sera A_i . La chalour reproduite sera A $A_i + \int_{-R_i}^{P_i} p dv$ et is V_i et le choisi convenablement nous aurons $T = T_i$, et par contribute si V_i et le choisi convenablement nous aurons $T = T_i$, et par contribute T_i .

sequent le volume finat sera V.. Le travail total gagné est :
$$\begin{array}{l} \phi_* + \phi_1 - \phi_2 - \phi_3 = P_*(V_1 - V_4) - P_*(V_2 - V_3) + \\ \int_{-P_*}^{P_*} dv - \int_{-P_*}^{P_*} dv + A_* + A_1 - A_2 - A_3 \end{array}$$

Et camme $A_0 + A_1 - A_2 - A_3 = 0$, on a pour le lravail externe gagné:

$$F = P_{\bullet}(V_1 - V_{\bullet}) + \int_{P_1}^{V_{\bullet}} p dv - P_1(V_2 - V_3) - \int_{P_2}^{P_1} p dv$$

Ce travail coûte:

$$A F = 0 - 0_1$$

Comme le corps est revenu à san volume, à sa pression, à sa température initiales, sans qu'aucune partie de la chaleur Q. d'abord dépensée, et de la chaleur Q_i ensuite restituée ait servi à autre chose qu'à du travail externe et injerne, ce travail est un maximum.

(8) ig_2 5). Heuversons notre manière d'opèrer, Supposons que la charge initiale du piston ait été P_1 el que par l'évaporation d'une partie du liquide à la température constante T_1 (et non à $T_1 > T_1$), le volume ait passé de V_2 à V_3 : il aura fallu dépenser une quantité fac étaleur :

$$Q_1 = A P_1 (V_2 - V_3) + A_3$$

Car le travail produit dans ecite première période esl évidemment égal à celui que nous avions dépensé dans la troisième de l'opération précédente: le piston se sera élevé de 11₂ en H₂ sous la charge constante P. au lieu de descendre.

Au lieu de laisser la vapeur se détendre, comprimons la de V_2 à V_4 en chargeant peu à peu le pistou de manière à le faire arriver à P_a et descendre de H_2 à Π_1 .

Dans cotte seconde période, nous dépensons un travail précisément égal à celui que nous avions gagné précédemment dans la seconde période aussi. Il aura pour expression :

$$\int_{P_{\bullet}}^{P_{\bullet}} p dv + A_{\bullet}$$

Et la température de la masse totale sera T., car on aura :

$$A\,A_1 + A\int_{P_s}^{P_s} dv = HK\,(T_s \rightarrow T_1\,)$$

A partir de ce moment, soustayons de la chalour sans elanager le plotds du pistou ; il vas conclenses de la vaquer. Laisons le pistou descendre de lh, en It. et le volume dirintmet de V_i de V_i . Le travail dépensé dans cette troisième période sera précisément le même que cetti qui avait dé \hat{e} egamé précédement dans la première, on P_i $V_i = V_i + V_i + A_i$, car le pistou descendra sous la charge constante P_i . P_i P_i P

La quantifé de chaleur soustraite sera A $P_*(V_i - V_o) + A_A$, ou Q_* , c'est-à-ilire égale à celle que nous avions dépensée précédemment dans la première période.



Diminuons gradoellement la charge du piston de manière à ramener la pression à Pt.; le travail sera égal à celui qui a été depensé dans la quatrième période de l'opération (A). Le volume sera redevenu V. et la température F.

Le travail total dénensé est donc :

$$-F = \left(P_1(V_2 - V_3) + \int_{P_4}^{P_3} \frac{p dv}{p dv}\right) - \left(P_*(V_1 - V_2) + \int_{P_4}^{P_4} \frac{p}{p} dv\right)$$

et ll est un maximum par la même raison que le travail gagné dans l'opération (A) en était un ; on a identiquement :

$$(Q_1 - Q_s) := - A \ F$$

Airsi que nous voyons, la différence escentiello qui existe entre les procédes de fa ¿ cet que dans le premier une dépaces Q, de chaleur faite à la températuro T, nous d' donné un travail positif externe F, et une reproduction de chaleur que, à la température T; tandis que dans les escond procéde une dépense Q, de chaleur nous a coûté un tervail externe—F et nous a resulu une quantité de chaleur Q, à la température T.

Does machines à vapour construites sur co principe de rendament machines, mainére à relaiser. You hou le procédé à d'a l'antre le procédé à d'inféreraient entre elles , en co que dans la première le condenseure serait à une température inférieure à colle de la chardier, laindi que ce restrii l'incres dans la secondie, et en cy que la première nous fournirait un travail $\mathbb F$ moyennant une dépence $\mathbb Q}$, et ou régénération $\mathbb Q}_0 = \mathbb Q}_0 = \mathbb F$ au condenseur, Landis que la seconde nous coûterait un texail $\mathbb F$ et une quantifé $\mathbb Q}_0$, pour produire une régénération $\mathbb Q}_0 + \mathbb A_0^2$ has le condenseur La première est un nucleur thérmique parfait ; la seconde est un thérmo-génératur parfait. La condition $\mathbb Q}_0 + \mathbb A_0^2$ has le condenseur que parfait La condition $\mathbb Q}_0 + \mathbb A_0^2$ has le condenseur de parfait la condition $\mathbb Q}_0 + \mathbb A_0^2$ has le condenseur de la femilie pour d'un corps donce ou coût le plus de travail possible pour une quantité $\mathbb Q}_0$, de calorique disponible pour le s'eunoire d'une maulère coccie, $\mathbb Q$ faut que perdant toute les opérations auxquelles et souvait le corps ne soit famoit tente les opérations auxquelles et souvait le corps ne soit famoit une tent fait de la contine de corps ne soit famoit une contraint de la characte soit famoit une soit famoit en contraint de la characte soit famoit une de la characte de contraint en soit famoit en contraint de la characte de la characte de la characte de la characte de characte de la chara

en rapport qu'avec des sources de chaleur ou de froid à la même température que lui ¹.

Consequences de la supposition
$$(Q_0 - Q_1) = (Q'_0 > Q_1 - Q'_1)$$

Qu'avec un même poids d'un même corps employé ainsi entre les doux limites 7: et 7, nous puissions à voloté, lorsque extre condillon est remplie, obtain l'et 0; en dépensant (0, ou obtair) (0, en dépensant (0, en depensant (0, en depensant (0, en depensant (0, en l'en depensant (0, en l'en de l'employer lo même corps pour les deux opérations, nous recourons à deux corps différents?

Supposons d'abord qu'il n'en soit pas ains), et voyons les conséquences.

Bésignons par \mathbb{Q} , et \mathbb{Q} , les quantités de chaleur dépensées et reproduites dans la première opération pour obtenir \mathbb{F} avec un corps \mathbb{A} ; et par \mathbb{Q}^* , et \mathbb{Q}^* , les quantités dépensées et reproduites en dépensant \mathbb{F} avec un corps \mathbb{B} . Nous aurons en toute hypothèse ; $\mathbb{Q}(\mathbb{Q}, \mathbb{Q}) = -\mathbb{Q}(\mathbb{Q}, \mathbb{Q}) \stackrel{\mathbb{D}}{\longrightarrow} \mathbb{A}\mathbb{F}$

Mais admettens que l'emploi de deux corps différents nous donne $Q_* < Q'_*$, pour F constant; posons par exemple $Q'_* = 10 Q_*$. It

 $Q_s \sim Q_s$, pour r constant; posons par exemple $Q_s = Viendra$: $Q_s \sim Q_s = AF (Q_s \sim 10 Q_s) = -AF$

011 :

Si done nous employons le second corps 8 pour notre opération (B), une dépense de travail f= 0,1F nous permettra de fournir au premier corps la quantité Q, qui dans la première opération (A) avec le corps à nous a donné le travail externe F. En d'autres termes, si

^{1.} A poton ei je benin de fahr renarquer que ed énende ne dui fire regard que ename un padapia pédral invidable, podou no correi dass no espression. S'il b'y arall acreso différence de l'empérature ceire à seuren de chalter el de froid el le copp, cedui-el no paurall al receveir ni édér de chalter. Il sudil d'admetire une différence haffinet public, pour que le réalisable de évienne possible.

nous conjugons convenablement notes moisers therrique et notre therm-géneration, on employant la corps A dans le prenier et le corps B dans le second, de telle serie que la chalour restituée dans le condenseur à 7. du second soit communiquée à la chauditre à 7. du prenier et le que la chaleur evalutée dans le condenseur à 7. du prenier et ple un chaleur evalutée dans le condenseur à 7. du prenier soit donnée à la chauditre à 7. du second $\{prenier a de chalour pour rous donner constamment la quantité de travail externe <math display="inline">(P-f)=0.9\,P_i$ à la seule condition que dans la chauditre à 7. du second cours rempaiseix confinciement la chaleur $0.9\,P_i$ que coûte récliement le charcu $0.9\,P_i$ que coûte récliement le travail externe produit. Avec deux machines déceteueux non saurious construit ainsi un mouter thernique parfait, c'est-à-dire un moieur où toute la chaleur dépensée serait employée à donner du travail externe, et oût, par soite, chaque calorie nous donners at 425 dynames.

Autrefois, et lorsqu'on ne savait pas que tout travail produit coûte de la chalgur, on côt dit que la combinaison précedente est une absurdité, puisqu'elle impliquerait l'idée du mouvement perpétuel.

Aujourd'hui la supposition $(Q, -Q_t) = (Q^*, > Q_t - Q^*)$ n 'implique plus une absordité, si singulières que solout les conséquences, puisque le travail disponible $F_s = (F - f)$ qui en découle coûte ΛF_s calories.

Pour que toute singularité disparaises, pour qu'il devienne impossible de conjuguer deux machines dont l'one fournisse à l'autre toute la chalteur à T., nôces-aire, aux dépens d'une source de chalteur à T., c.T., il faut, et il suffit, que l'on ait pour tous les corps possibles, non seulement.

$$(Q_* - Q_i) = (Q^*, -Q^*_i) = A F$$

mais encore :

$$(Q_a \Longrightarrow Q^*_a) \longleftarrow (Q_b \Longrightarrow Q^*_b)$$

Mais il est clair, d'après ce qui précede, qu'une démonstration spéciale devient nécessaire pour justifier cette égalité universelle $Q_* = Q_*$, si elle existe en effet,

CHAPITRE II.

DÉMONSTRATION DE L'ÉGALITÉUNIVERSELLE $[Q, \mapsto Q']$, et de la seconde PROPOSITION DE LA THÉORIE MÉCAMOUE DE LA CHALEUR.

Deux démonstrations très rationelles, at d'allieurs très dégandes, ont été domnées de l'origine de la théorie mécanique de la chaleur par Chaviss et par Rankine. Si j'es donnei el me trésideme, ce viest le par esprit de critique, ni par esprit de pure innovation; mais c'est parce qu'il me semble qu'on ne saurait faire ressortir sour assex de formes differentes la virité d'un des prheèpes de la théorie mécanique qui a clé le plus conteste et qui est l'an des plus impatants dans l'application de la théorie à la mécanique pratique des moterns thérriques. Pajoué d'allieurs que un adémonsération s'appreche sous certains rapports de celle de M. Rankine, bien qu'elle esse très différence sous d'autres.

Tai dit que la claduer que nous fournissens à un corps quebconque et employée genéralement de trois manières différentes : 1º. A surmonter la pression externe, constante, ou variable d'ailleurs suivant une loi quelconque, à laqualle le corps est soumis : à produtre ainsi un travail externe plete ; 2º. a surmonte tout l'unsemble des forces positives ou négatives qui recebent les parties matérielles des corps positives ou négatives qui recebent les parties matérielles des corps dépendantes les unes des autres : a pentire ainsi un travail A. Quelle que soit la nature de ces forces, leur mode d'action en fouction de la distance réciproque des alomes, etc., il est evidemment toujours homogéon avec pe et telle qu'on ait, fréu = Δ . Cost demeure visiblement correct, quand hien même il pourrait se faire un travail dans un corps dont oir empêche le volume de varier pendant l'échauffement; car ce travail impignerait le rapprochement de certaines protès, et l'exertement (gal d'outre parties sourines a decrétaines



forces R. R. ", R.". A".

A". A "I de of morre possible de traduire celleser, on un seule force et la mejenne des rapproblements et des scariements en un seul acrois-sement externe de volume de, bien que coluie in àit pas lieu effectivement. 3º Enfu une autre partie de, la chaleur sert à modifier la température du corpe, c'est-d-dre l'intensité de la vonce: catomique qui fitatecnélement épuillère à la somme des forces intense et externe auxquelles le corpe set seumis. En vertu du simple rapport de causse à celt, la température d'un corps, anis conçe, est décessairement proportionale à la quantité de chaleur libre actuellement pérent; et par conséquent la capacité calorièque célet de habeur le vier aussi n'excessairement proportionale à la chaleur libre actuellement pérent; et par conséquent la capacité calorièque célet de habeur le sou naussi n'excessairement proportionale à la chaleur libre de vier de la capacité de l'acquelle de résprime autre chises que ce qu'il faut de chaleur pour modifier d'une noité la mesur reintite de l'intensité caloritime.

Ces considérations si simples et si elaires vont nous conduire rapidement à des conséquences des plus remarquables.

Universalité du rapport :

 $\frac{Q_1}{Q_o} = -\frac{T_1}{T_o}$

Désignons par p la pression externe, positive ou négative, a laquélle est sumis un corne, et par r la pression que présente la somme de foutes les actions internes tendant à rapprocher les parties du corps: c'est évidemment à la somme (p+r) de ces deux pressions que fait taxa cosse équilibre le calorique actuellement libre dans le corps, celui qui constitue sa température, et, en d'autres termes, si, à un instant quelconque, la force attractive interne au corps cessait d'agir, fraction unique aotos de calorique se tradui-rait pour nous au délors par la pression réelle (r+p) s'excreant au l'autre tière de surface des parois du vase inoxionible où le corps serait contieun. Désignos aussi par x ou que nous pouvoes nommer le codime différentéel du corps, en d'autres termes la différence qui costés entre le vaune apparent de corps et le voltme aboute de la

matière qui le constitue. Je prouverai aillours que ce dernier est immuable et que par conséquent le volume différentiel z n'est autre chose que la somme variable des intervalles atomiques.

- Cela posé, sommettons l'unité de poids du corps aux opérations indispensables pour obtenir le maximum d'effet dynamique avec une somme donnée de chaleur.
- 1º. Laissons z crottre, en diminuant peu à peu la pression externe p; le corps va tendre à se refroidir; fournissons-lui assez de chaleur externe pour lenir la lempérature constante.

Le travail lotal, interne et externe exécuté, aura pour expression:

$$\Phi_{c} = \int \frac{Z_{c_{c}}(R_{c} + P_{c})}{(r + p)} dz$$
 (1)

lorsque le volume différentiel se sera accru de Z_s à Z_t et que la pression totale sera tombée de ($R_s + P_s$) à ($R_1 + P_1$),

Puisque la température resie constante, il est évident que toute la chaleur externe fournie sera employée à produire le travail 4.. Elle aura pour valeur :

$$\Lambda \phi_c = 0$$
.

A étant l'équivalent calorifique du travail ou in-

2°. Laissons encore z crottre de Z_1 à Z_2 , mais sans ajouter de chaleur externe. La pression totale va tomber de $\{R_1+P_1\}$ à $\{R_2+P_3\}$ et le travail total interne et externe produit sera :

$$\Phi_{l} = \int_{-\mathbb{Z}_{d}}^{\mathbb{Z}_{1}} \frac{\left(R_{l} + P_{l}\right)}{\left(r + p\right)} dz \tag{II}$$

La chaleur consommée sera: A $\Phi_{1|1}$ ot, comme c'est exclusivement aux dépens de la chaleur interne que le travail a lieu, cette consommation se traduira par un abaissement rigoureusement proportionnel de termérature. Nous aurons, en un mot:

$$\Lambda \Phi_t := \Pi K (T_t - T_t)$$

 \mathbf{u} étant le poids du corps, K sa capacité calorifique réelle et absolue, $(T_* - T_1)$ la différence des températures initiale et finale

3º. Comprimons de nouveau le corps de manière à ramener son

volume de Z_1 à Z_2 et sa pression totate de (R_1+P_2) à (R_3+P_3) , mais enlevons la chaleur qui se développe, de manière à tenir la femmérature constante à T.

Le travait dépensé sera :

$$\Phi_2 = \int_{Z_2, (R_1 + P_2)}^{Z_2, (R_2 + P_2)} dz$$
 (III)

La quantité de chaleur que nous serons obligés de soutirer pour tenir T_1 constant sera :

$$\Lambda \Phi_2 := Q_1$$

4º. Enfin comprimons encore de manière à ramener le volume de Z_3 à Z_{o_1} mais cessons de soutirer de la chaleur.

Le travail dépensé sera :

$$\phi_3 = \int_{\mathbf{Z}}^{\mathbf{Z}_3} (r + p) dz \qquad (1)$$

et si nous posons pour condition essenlielle que ($Z_{4}-\!\!\!-\!\!\!\!-Z_{3} \}$ soient tels que nous ayons :

$$\Phi_1 = \Phi_3$$

ce que nous pouvons toujours obtenir, il est évident que le corps reviendra, non-seulement à son volume, mais encore à sa pression (R.+P.) et à sa température T. initiales. Il aura décrit un eycle fermé parfeit.

Le travail total produit par ces quatre opérations est : $\phi_a + \phi_1 - \phi_2 - \phi_3$

Mais, d'après la première proposition de la théorie mécanique, nous avons :

$$0 - 0 = AP$$

F étant le travail externe, et comme $\phi_1 = \phi_2$, il vient : $\phi_1 = \phi_2 = F$

Avant d'aller plus toin, je présente une remarque à la fois intéressante comme question de fail, et importante pour le cas de notre démonstration.

Bésignons par F_* , F_1 , \cdots F_2 , \cdots F_3 , te travail externe produit pendant nos quatre périodes. On a évidemment :

$$fr_s dz_s - fr_s dz_t = F_t - F_s$$

Ce qui nous apprend que la différence entre le travail interne d'abord produit, et puis partiellement dénensé dans la première et dans la troisième périodes est école à la différence du travail externe produit pendant la seconde période et dépensé pendant la cuotrième.

Pendant chacune de nos quatre périodes, le volume différentiel du corns et la pression totale interne et externe sont sans cesse dépendants l'un de l'autre et liés par de certaines lois. Au premier abord, non-sculement rien ne nous indique la forme de ces lois, mais rien même ne nous prouve qu'elles ont entre elles un point quelconque de communauté, ni surtout qu'elles ne varient point d'un coros à l'autre.

Faisons pour simplifier:

so so pour simplifier:

$$S_0 = (R_0 + P_0)$$
 $S_1 = (R_1 + P_1)$ $S_2 = (R_2 + P_2)$ $S_3 = (R_3 + P_3)$ $s = (r + p)$

et pour la plus grande généralité nossible, admettons :

1 ** Période
$$s_i = S_1, v_i \begin{pmatrix} Z_i \\ z_i^2 \end{pmatrix}$$
2 ** Période $s_i = S_1, v_i \begin{pmatrix} Z_i \\ z_i^2 \end{pmatrix}$
3 ** Période $s_2 = S_1 v_i \begin{pmatrix} Z_i \\ z_i^2 \end{pmatrix}$
4 ** Période $s_2 = S_2 v_i \begin{pmatrix} Z_i \\ z_i^2 \end{pmatrix}$
4 ** Période $s_2 = S_2 v_i \begin{pmatrix} Z_i \\ z_i^2 \end{pmatrix}$

3º Période
$$s_1 = S_2 c_1 \left(\frac{I_4}{c_2}\right)$$

Pécris:
$$\tau_s\left(\frac{Z_s}{z}\right)$$
, $\tau_t\left(\frac{Z_t}{\tau_s}\right)$... et non $\frac{\tau_s}{\tau_t}\frac{Z_s}{z_s}$, $\frac{\tau_t}{\tau_t}\frac{Z_t}{z_t}$... parce que la variation de la pression s_s , s_t ... ne peut dépendre

que de la grandeur relative des deux volumes successifs, et non de

la valeur absolue de chacun pris isolément. Cetle remarque estici très importante.

Pour plus de clarté, résumous, sous forme d'une représentation graphique, ce qui précède.

Figure (i). Besignous par la longueur o Z., le volume differentiel initial Z_i (but à fait incomu d'ailleurs) du corps; et sur le prolocument de cette ligne profus o $Z_i = Z_i$, $Q_i = Z_i$, o $Z_i = Z_i$. Given se so ordonnées $Z_i \le Z_i$, $Z_i \le Z_i$, $Z_i \le Z_i$, elevous les ordonnées $Z_i \le Z_i$, $Z_i \ge Z_i$

La pression interne du corps étant représentée par les ordonnées $Z_n | R_0 = | R_0 \rangle Z_1 | R_1 = | R_1 \rangle \ldots$, il est clair que le travait interne sera représenté par les quatre surfaces :

$$\begin{split} & \left| \left[\mathbf{Z}_{o} \, \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{R}_{i} \, \mathbf{Z}_{i} \right] = \int_{\mathbf{B}_{i}}^{\mathbf{R}_{o}} d\sigma_{o}, \, \left(\left[\mathbf{Z}_{i} \, | \mathbf{B}_{i} \, \mathbf{Z}_{2} \right] \right) = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \\ & \left| \left[\mathbf{Z}_{i} \, \mathbf{R}_{i} \, | \mathbf{B}_{i} \, \mathbf{Z}_{i} \right] \right. = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \, \left(\mathbf{Z}_{i} \, | \mathbf{B}_{i} \, \mathbf{R}_{i} \, \mathbf{Z}_{o} \right) = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \\ & \left| \left[\mathbf{Z}_{i} \, \mathbf{R}_{i} \, | \mathbf{B}_{i} \, \mathbf{Z}_{o} \right] \right. = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \, \left(\mathbf{Z}_{i} \, | \mathbf{B}_{i} \, \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right) = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \\ & \left[\mathbf{Z}_{i} \, | \mathbf{R}_{i} \, | \mathbf{Z}_{o} \, \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{i} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{i} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{i} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{R}_{o} \, \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{Z}_{o} \right] = \int_{\mathbf{R}_{i}}^{\mathbf{R}_{i}} d\sigma_{i}, \quad \left[\mathbf{Z}_{o} \, | \mathbf{Z}_{o}$$

et qu'entre celles-ci , nous avons la relation nécessaire ;

 $(Z_0 R_0 R_1 Z_1) - (Z_3 R_3 R_2 Z_2) = (Z_1 R_1 R_2 Z_2) - (Z_0 R_0 R_3 Z_3)$ et $(Z_0 R_0 R_1 Z_1) - (Z_0 R_3 R_2 Z_2) = (R_1 Z_1 Z_2 R_2) - (R_0 Z_0 Z_3 R_3)$.

Nos quatre intégrales ci-dessus sont devenues :

$$\begin{split} & \phi_s = \int_{-S_1}^{S_2} dz_0 - S_0 \int_{-S_1}^{S_2} \left(\frac{Z_0}{z}\right) dz & \text{Im Période.} \\ & \phi_1 = \int_{-S_1}^{S_1} dz_1 = S_1 \int_{-S_1}^{S_1} \left(\frac{Z_1}{z}\right) dz & \text{2e Période.} \end{split}$$

$$\begin{split} & \Phi_2 = \int \frac{S_3}{S_3} \, dz_1 = S_2 \int \frac{z_1}{z_2} \, \frac{|Z_2|}{z} \, dz & 3^\circ \ \, \text{Périodo.} \\ & \Phi_2 = \int \frac{S_3}{S_3} \, dz_2 = S_3 \int \frac{z_3}{z_3} \, \left(\frac{J_2}{z}\right) \, dz & 4^\circ \ \, \text{Périodo.} \end{split}$$

Posons, en ϕ_0 , par exemple, $\frac{Z_0}{z} = y$. d'où $z = \frac{Z_0}{y}$ fi ou résulte :

$$\Psi_s = S_s \int_{-Z_1}^{Z_s} q_s \left(\frac{Z_s}{z}\right) dz = \int_{-Z_1}^{Z_s} y dz \frac{Z_s}{y} = -S_o Z_o \int_{-Z_1}^{Z_s} q_s \frac{dy}{y_s}$$

et si après l'intégration , nous remettons pour y sa valeur $\frac{Z_{c}}{z}$ it vient :

$$\Phi_o := x \operatorname{S}_o \operatorname{Z}_o \left(\operatorname{1} - \varphi' \circ \left(\operatorname{P}_o \frac{\operatorname{Z}_o}{\operatorname{Z}_1} \right) \right)$$

 e'_o étant une nouvelle fonction convenable et «une constante; Mais ce que nous disons de ϕ_o peut se dire des trois autres équations:

Toutes les quatre se ramènent donc à la forme :

$$\phi_o = * S_o \ Z_o \left(1 - \phi'_o \left(v_o \frac{Z_o}{Z_1} \right) \right) \qquad \quad \text{ire Période.}$$

$$\phi_1 = \beta \, S_1 \, Z_1 \left(1 - \phi'_1 \left(\phi_1 \, \frac{Z_1}{Z_2} \right) \right) \qquad \qquad 2^{\alpha} \, \text{Période.}$$

$$\phi_3 = -s' S_2 Z_3 \left(1 \rightarrow \phi'_2 \left(\varphi_3 \frac{\chi_2}{Z_3}\right)\right)$$
 3. Période.

$$\Phi_3 = -3^\circ S_3 Z_0 \left(1 - \phi_3' \left(\phi_3 \frac{Z_0}{Z_3}\right)\right)$$
 4° Période.

Mais il nous est facile de voir dès l'abord que nos quatre fonctions

se réduisent de fait à deux : 1°. En vertu de l'égalité de condition $\phi_1 = \phi_3$; nous avons en

effet:
$$fs_1 dz_1 = fs_3 dz_4$$

et: $s_1 dz_2 = s_1 dz_2$

d'ont:
$$S_1 dz_1 = S_2 dz_2$$
 et $dz_1 = \frac{s_3}{s_1} dz_2 = \frac{S_0}{S_2} dz_3$

Nos deux courbes (S_1S_2) et (S_2S_1) sont donc de même espèce et $s_1\frac{D}{2}$ est idontíque à $s_2\frac{D}{2}$. Ces courbes ne différent que par les dimensions respectives de leurs abcisses et de leurs ordonnées. Pour les valeurs extrêmes S_1 , S_1 , S_2 , S_3 , on a la relation

$$\frac{S_a}{S_b} = \frac{S_a}{S_b}$$

et comme la limite $S_{\bar{z}}$ de la deuxième période est tout à fait arbitraire, il s'ensuit que pour toute l'étendue des courbes, on a aussi :

$$\frac{S_b}{S_1} = \frac{s_3}{s_4}$$

D'où it résulte :

$$\frac{S_a}{c}$$
 $\Delta Z_0 = \Delta Z_1$

en faisant $(Z_1 - Z_1) = \Delta Z_1$ et $(Z_0 - Z_1) = \Delta Z_0$ 2º En faisant de même :

$$(Z_1 - Z_n) = \Delta Z_n$$

 $(Z_2 - Z_n) = \Delta Z_n$

et: on a visiblement:

 $\Delta Z_1 + \Delta Z_2 = \Delta Z_2 + \Delta Z_3$

Remplaçant
$$\Delta Z_1$$
 par sa valeur $\frac{S_0}{S_1}\Delta Z_2$, if vient:
$$\Delta Z_2 = \Delta Z_0 + \Delta Z_1 \left(\frac{S_0}{S_1} - 1\right)$$

*d'on :

$$\frac{\Delta Z_{a}}{\Delta Z_{b}} = \frac{\Delta Z_{a}}{\Delta Z_{a} + \Delta Z_{b} \left(\frac{S_{a}}{\sigma^{2}} - 1\right)}$$

Nous avons aussi :

$$dz_2 = dz_4 + dz_1 \left(\frac{S_0}{S_1} - 1 \right)$$

et par conséquent

$$dz_2 = \frac{\delta Z_a}{\delta Z_a} dz_a = \frac{\Delta Z_a dz}{\Delta Z_a + \Delta Z_a \left(\frac{S_a}{S_a} - 1\right)}$$

Mais la limite S1 est arbitraire aussi et S2 est déterminé par S2, Do to relation

$$\frac{S_0}{S_1} {=} \frac{S_0}{S_2}$$

aui donne

$$\frac{S_0}{c} = \frac{S_1}{c}$$

nous tirons, pour toute l'étendue des courbes (SoS.) et (SoS.).

$$\frac{S_0}{S_0} = \frac{s_1}{s_2}$$

La courbe (SaSa) est donc de même nature que sa collatérale (S₂S₂) et l'on a 9, identique à 42. Nos quatre intégrales ci-dessus deviennent maintenant :

$$F = \Phi_1 - \Phi_2 = \alpha S. Z_1 \left(1 - \varphi'_* \left(\frac{Z_1}{Z_1}\right)\right) = \alpha S_0 Z_2 \left(1 - \varphi'_* \left(\frac{Z_2}{Z_2}\right)\right)$$

 $\phi_1 = \phi_3 = \beta S_1 Z_1 \left(1 - \phi'_1 \left(\phi_1 \frac{Z_1}{T_1}\right)\right) = \beta S_2 Z_3 \left(1 - \phi'_1 \left(\phi_1 \frac{Z_2}{T_2}\right)\right)$ En divisant la première équation par φ., il vient :

$$\frac{F}{\phi_{r}} \! = \! \frac{S_{\sigma} \, Z_{\sigma} \left(1 - \phi'_{\sigma} \left(\frac{Z_{\sigma}}{Z_{\sigma}}\right)\right) - S_{\sigma} \, Z_{\sigma} \left(1 - \phi'_{\sigma} \left(\frac{Z_{\sigma}}{Z_{\sigma}}\right)\right)}{S_{\sigma} Z_{\sigma} \left(1 - \phi'_{\sigma} \left(\frac{Z_{\sigma}}{Z_{\sigma}}\right)\right)} \!$$

Mais .

Mais:
$$v_{s}\left(\frac{Z_{s}}{Z_{1}}\right) = \frac{S_{1}}{S_{2}} \qquad v_{s}\left(\frac{Z_{3}}{Z_{3}}\right) = \frac{S_{2}}{S_{3}}$$
 Et comme

$$\frac{S_{s}}{S_{1}} = \frac{S_{0}}{S_{0}}$$
 $\frac{S_{1}}{S_{s}} = \frac{S_{1}}{S_{0}}$

et par conséquent

$$1 - v' \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot \frac{Z_1}{Z_1}\right) = 1 - v' \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot \frac{Z_2}{Z_2}\right)$$
ent

 $\frac{S_{1}Z_{2}-S_{3}Z_{3}}{S_{1}Z_{3}} = \frac{Q_{0}-Q_{1}}{Q_{1}}$ En ce qui concerne notre second système d'intégrales, remarquons mie:

$$\bigwedge_{\sigma^{\prime}, t} \int_{S_{\delta}}^{S_{\delta}} s_{\delta} dz_{\delta} = K \left(T_{\sigma} - T_{t} \right) .$$

7

revient à :

$$\Lambda \left(\int_{-s_{0}}^{s_{0}} s_{2} dz_{3} - \int_{-s_{0}}^{s_{0}} s_{3} dz_{0} \right) = K (T_{*} - T_{1})$$

Ces deux intégrales prennent la forme :

$$\mathbb{E}\left(S,\,\mathbb{Z}_{s}\left(1-\tau'_{1}\right)\frac{0}{S_{s}}\right)\right)-S_{3}\,\mathbb{Z}_{0}\left(1-\tau'_{1}\left(\frac{0}{S_{0}}\right)\right)$$

Divisant par $i S_n Z_n \left(1 - \varphi_1 \left(\frac{0}{S_n}\right)\right)$ et remarquant qu'en toute hypothèse sur φ_1' on a $\left(\varphi_1' \left(\frac{0}{S_n}\right) = 0\right) = \left(\varphi_1' \left(\frac{0}{S_n}\right) = 0\right)$; if

vient identiquement :

$$\frac{S_0 Z_2 - S_0 Z_2}{S_1 Z_2} = \frac{T_1 - T_1}{T_2}$$

D'où enfin :

$$Q_i = Q_* \, \frac{T_i}{T_*} \, \text{et} \, F = \frac{Q_*}{A} \, \frac{T_* - T_i}{T_*}$$

ou en posan! Q. == 1

$$F = x \left(\frac{T_o - T_s}{T_o} \right)$$

Nous voyons donc que toutes les fois qu'en ajoulant et en retranchant alternativement de la chaieur à un corps, en opérant de manière à obtenir ou à dépenser le maximum de travail externe ;

Il existe un rapport determiné entre les quantités de chalcur ojoutées d'abord ou restituées ensuite, et le travail externe produit ou consommé.

A égalité de température, ce rapport est le même pour fous les corps de la neture. Le travaell cetrene est égal au produit de l'équivalent mécanique de la chaleur par la quantité de chaleur ajoutée et par la différence des températures entre lesquelles on opère, etvisés par le température aboute répondant a la période d'addition.

La quantité de chaleur ajoutée est à la quantité de chaleur soustraite comme la température maxima est à la température minima à laquelle on ovère. Tel est l'émonde de la deuxième proposition de la théorie mécanique de la chloire. Il suffit de la présentier pour en fire saisir l'importance quand à la théorie de nos motours thermiques. Cette quel nous fassions agrir la chiaeur dans un de ces moteurs, que ce soft de l'eau, de l'éther suffurique, du mercure, de l'air, etc., le rendement sers le même dés que nous aurons attéris il rendement maximum on faisant en sorte que le corps employé soit toujours et partout en raprort avec des corps à la même températrue que fui.

3 11.

Existence nécessaire du zéro absolu. — Proportionnalité du travail potentiel et de la température absolue.

Le lectur qui aura suivi attendivement la marche de la démonstation précécheixe, aura menarqué qu'elle n'implique absolument aucuse hypothèse sur la nature du calorique, ni, hien moins encore, sur la nature particulière du corps soumis à l'expérience. Le seul ferme en apparence hypothèsque qu'i y guere, c'els l'existence même d'une température et d'un zéno alsolus. Ce terme ne pouvait pas entree dans l'anceine plysaique, o'le net dats (comment oblige d'admottre que la quantité de chaleur que représente un corps est infinie.

L'introduction de cet élément dans la physique appartient toute entière à la théorie moderne, et, si je ne me trompe, c'est à M. Clansius et à M. Rankine qu'elle est due.

Pai dit : en apparence hypothétique ; il eutété plus exact de dire : temporairement hypothétique.

Supposons en effet infinie la quantité de chalcur à l'état libro dans un corps. En raison de K = const., on a : $T = \infty$, si K $\Pi T = \infty$. Il résulte donc immédiatement de cette supposition :

$$\int_{0}^{S_{0}} s_{0}dz_{0} = \infty \quad \int_{0}^{S_{0}} s_{0}dz_{0} = \infty$$

et par conséquent :

$$AF = Q_* \frac{\Delta T}{T_*} = 0$$

ce qui veut dire que la chaleur ne pourrait jamais nous donner du travail mécanique.

L'existence d'un zéro absolu et d'une température absolue, directement proportionnelle à la quantité de chaleur actuellement libre dans un corps, n'est donc point une hypothèse, mais un fait parfaitement démontré.

Le rapport :

$$\frac{AF}{Q_o} = \frac{T_e - T_t}{T_e}$$

est donc universel.

L'avantage de ma démonstration me semble être précisément de uous conduire immédiatement à la connaissance d'une température et d'un zéro absolus.

Pe nombrenses et utiles conclusions découlent de tout ce qui précède. Pour les développer, il va nons suffire de nous arrêter sur un terme tout à fait singuiller et caractéristique qui est resté à nu après le dépouillement de nos équations générales, et qui en forme, si je ouis dire, le sanuellet. Le veux narber des uroduits:

 $S_{o}\,Z_{o}, S_{1}\,Z_{1},\,S_{2}\,Z_{2},\,S_{3}\,Z_{3}$

Nous avons vu quo quelle que soit la forme de la fonction :

$$s_o = S_o \, \tau_o \left(\frac{Z_o}{s} \right)$$

le travail total :

$$\Phi_3 := \int z_0 dz_3 := S_0 \int \varphi \left(\frac{Z_0}{z}\right) dz$$

produit pendant la seconde ou la quatrième période est toujours égal à :

$$\phi_3 := \beta S_{\bullet} Z_{\circ} \left(1 - \frac{0}{\kappa}\right)$$

lorsqu'on intègre entre $s_0 = 0$ et $s_0 = S_0$. Mais ce travail ne peut s'o-

pérer qu'aux dépens de la chaleur actuellement libre dans le corps, puisque nous ne fournissons ni n'enlevons de chaleur pendant l'expansion. On a nar suite aussi:

$$KT_o = A S_o Z_o \beta \left(1 - \frac{0}{S_o}\right)$$

Le produit $S_{\sigma}Z_{\sigma}$ n'est autre chose que le travail potentiel total que représente la chalcur acquellement libre dans un corps quelconque.

Je me sers à dessein de l'expression si heureuse qu'a employée le savant professeur Rankine; non, il est vrai, quant au produit $S_{\rm e}$ $Z_{\rm o}$, mais quant à son éculyaleut A $S_{\rm e}$ $Z_{\rm o}$.

Co produit symbolique que je désigneral desormais par la lettre unique é affecte un caractère d'importance des plus élevés. Il est appelé à jouer un rôle capital dans tout l'ensemble de nos études sur la constitution des corps.

Par sa définition même, le TRAVALL POTENTIEL reste inalière lant que la température d'un corps reste invariable, et sa diminution ou son augmentation est directement proportionuelle aux varialions mêmes de la température.

De cette seule considération, nous aurions déjà pu tirer une démonstration rigoureuse de notre seconde proposition.

Il est évident, en effet, que le travail externe fourni par un corps dans les quatre opérations auxquéles nous l'avons comiss pour arriver à un effet maximum, dépend directement de la grandeur de l'abaissement temporaire que subit e par suite de l'expansion sans addétion de chaluer : abaissement compessé entaile caractement par la compression du corps sans sonstraction de chaleur. Il est évident, en un moi. cuivo de

$$\Theta_0 - \Theta_1 = F$$

Et comme:

$$\frac{\Theta_0 - \Theta_0}{\Theta_0} = \frac{T_0 - T_1}{T_0}$$

il vient immédiatement :

$$A F = Q_o \frac{T_o - T_i}{T_o}$$



8 III.

Examen de divers cas où la démonstration précédente paraît insuffisante.

Il est espendant un point de vue suu slequel notre démonstration parati sujette à la critique, ou tout au moins manquer de géodralité. Elle semble ne s'appliquer qu'à un corps dont toutes les paraties à la fois sont sommiese aux memes conditions d'equilibre interne et externe, qu'à un corps bomagéne au mo no. En offict i serque nous comprimons on laissons se détendre un corps homagéne, à une température constaine T., les a tiones se rapprochent ou s'évolgment les uns des autres tous à la fois et de quantités egales. Notre équation :

$$\Phi_{i} = \int \frac{S_{0}}{S_{1}} (r+p) dz$$

se rapporte (et à la totalité du corps à la fois. L'accroissement élémentaire de du volume d'ifférentiel total : est lei de fait lui-même la somme de tous les écartements élémentaires simultanes des parties matérielles qut constituent le corps. Et de même, la pression totalor-1-p est la somme variable de leutes les pressions élémentaires que représente la tendance des atoms à so rapprocher.

Il est impossible dans ces conditions que z varie sans que r et p varient on même temps.

Il n'on est plus du tout ainsi dès qu'il s'agit d'un corps qui change, d'état, des qu'il s'agit du ménage d'un liquide qui bout (première période et de sa vapenr saturée. Le seul fist de la possibilité d'existence du ménage d'un liquide à la température T, et à la pression externe P, avec sa vapenr saturée 1T, et à la mêne pression externe P, avec sa vapenr saturée a T, et à la mêne pression externe P, nous apprend qu'il existe deux distances différentes des atomes pour lesquelles il y à depuiller entre la force calcifure et les autres Forces artiagonistes qui les solicitent à se rapprocher. Chaque quantité successive de calorique ajoude à un semblaire mohange, fait

. Googi.

passer successivement aussi les parties du corps d'un étal d'équiline à l'autre, et est comoumnée parc e travail démonstaire. Bans ce métange, le volume différentiel de l'unité de masse et la pression totale de la portion non encore vaporisée sont invariables: nous al'avons pas encre à nous en courpe; le volume différentiel et la pression totale de la portion édjà vaporisée sont invariables aussi: non concerne, commo on voit, que chaque portion élémentaire m'enextrémement petite, mais nou infinimon petite, de la masse dur det «... chaque groupe d'atomes, au moment même de li passe d'un état à l'autre : d'est à cette portion seule, à ce groupe "m que se rapporte l'accreissement de et la variable on de n, et fon a :

$$\begin{array}{ll} F\theta = Fm \int_{S_1-S_2}^{S_{N_1}-S_2} (x+y) \, dx = Fm \int_{L_2-L_2}^{A_{N_1}-L_2} \, dx = A_N \, U_n \left(1-w_{\gamma_0} \frac{L_2}{L_2}\right) \\ U_n \in U_n \, \, designant \, i \, cl \, (sv \,) \, durus \, differentiets \, de \, \Gammaunito \, de \, pold \, de \, i \, Huilde \, et \, de \, \Gammaunito \, de \, pold \, de \, i \, Huilde \, et \, de \, \Gammaunito \, de \, pold \, de \, i \, August \, de \, August$$

do lityalde et de l'unité de polds de vapeur saiuré; ; « et), designal les presientes tobles dans l'unité de poids de lityalde et dans l'unité de poids de l'unité de poids de vapeur. Il semble donc que outre démonstration se troeve en défant par suité. Mais il est chât que ce qui le spour une profiton du corps » me spassers soccessivement pour toute list masse m; et comme ni l., ai à. ne peuvent à aucun titre être des fonctions de » ni, s'avessuit qu'en contiens de » ni, s'avessuit qu'en contiens de » ni, s'avessuit qu'en contra de l'acceptant de l'accep

$$\mathbf{q}_{o} = m \ \mathbf{A}_{\sigma} \, \mathbf{U}_{\sigma} \, \left(\, \mathbf{1} - \mathbf{p}' \, \frac{\mathbf{1}_{\sigma}}{\mathbf{A}_{\sigma}} \right)$$

Equation entièrement identique à celle que nous avons trouvée dès le début.

Nots voyons en somme que la seula difference qu'il y ait pendant la première periode entre un corps homogène qui se défond en re-cevant assez de chaleur pour rester à T_m—mont, et un corps qui change d'état à T_m. C'est que l'expansion qui a ilous simultanement dans toutes les parties du premier, a lieu ancessivement dans chargue protion élémentaire »m, dans chargue groupe d'atonses qui forment la masse en du second. Mais le railonnement que nous ve-

nons de faire par rapport au mélange qui passe par la première période, s'amplique rigoureusement aux trois autres périodes.

Il est un autre cas où l'emploi de la somme r+p peut sembler fautif et où, par conséquent, la démonstration semble fautive ellemême.

Bien qu'aueun corps ne puisse être soustrait, absolument parlant, à tonte pression externe, il n'en est pas moins vrai que pour la plupart des corps salides, la pression p peut être regardée comme extrémement petito var rapport à R.

Il résulte de là qu'on peut poser fort souvent pour ces corps : P = 0

$$\left(\int_{R_1}^{R_0} rdz - \int_{R_2}^{R_3} rdz\right): \int_{R_2}^{R_0} rdz = \frac{T_0 - T_1}{T_0} = \frac{R_0Z_0 - R_1Z_1}{R_0Z_0}$$
ce qui est un non-sens.

Remarquons qu'un corps ne pent nous fournir de travail externe qu'à condition d'être précisément soumis à une pression externe, positive ou négative. Cette pression a pour résultai timmédiat de maprecher ou d'écarter les parties du corps, de faire diminuer ou router e. Musi l'intonsité des forces internes est vérdemment une fonction de la distance réciproque des parties, ou, ce qui est la même chose, de s; fi est donc dans ce cas une fooction implicate ou indirecte de P et si p devient mul, les variations de s le deviennent aussi; le corps ne peut plus changer de volume qu'à la condition de changer de température, et l'on de changer de dempérature, et l'on de changer de dempérature, et l'on de changer de mémpérature, et l'on et l'apperature per l'on et l'ontre de changer de mémpérature, et l'on et l'apper de mémber de changer de mémpérature, et l'on et l'ontre de changer de mémpérature, et l'on et l'ontre de l'ontre de l'ontre de l'ontre de l'ontre de la condition de changer de mémpérature, et l'on et l'ontre de l'ont

$$\frac{R_{o}Z_{o} - R_{1}Z_{t}}{R_{o}Z_{o}} = 0$$

Co qui nous apprend par un grand détour uno chose évidento à priori, c'est que, pour un corps soilde, libre de toute pression externe, la chalœr ne peut étre que transportée en totalité de la souvce de chalœr sur celle de froid. Ét ce qui nous montre aussi que tout l'ensemble de notre démonstration reste correcté, quelque valeur qu'on suppose initialement et finalcement à P.



Concewns, par exemple, un cube sournis sur toutes ses six faces non plus à une pression, mais à une tretten égale dont la valeur soit P. Nous devous sérire (R.—P.) au lien de (R.+P.) dans nos équations. Au lieu d'un iravail externe positif, il s'en produira un négatif, c'est-d-lière que nos qualre opérations, exécutées dans l'Ordre indique, collèrend du travail au lieur d'en donne.

Mais il résulte simplement de là :

$$Q_0 - Q_1 = -AF$$
 et:

$$T_{o}-T_{s}=-\Delta\,T \label{eq:To-Ts}$$
 et le rapport :

subsiste.

$$\frac{Q_0 - Q_1}{Q_0} = \frac{T_0 - T_1}{T_0}$$

Détermination de la position du zéro absolu.

Nous avons vu découler d'une même démonstralion, el la seconde proposition de la théorie mécanique de la chaleur, et la nécessité de l'existence d'un zéro absolu. Pour procéder d'une manière toulà-fait méthodique, je devrais maintenant donner de cette seconde proposition une démonstration expérimentale, comme je l'ai fait pour la première. Cette démonstration ne peut être directe, en raison des difficultés immenses que présente dans la mécanique pratique l'application rigoureuse des conditions mêmes du maximum de rendement. Il faut donc ici recourir à des expériences indirectes qui impliquent la seconde proposition. Ces expériences no manquent plus aujourd'hui; mais pour les discuter convenablement, pour en tirer un parti comme démonstration, il faut y appliquer les équations de la théorie mécanique, et il est donc indispensable d'édifier d'abord celles-ci. La vérification expérimentale des équallons concernant la vapeur nous fournira, quant à la seconde proposition, une justification des plus brillantes; c'est dans le livre troislème

que le jecteur la trouvera avec tous les développements nécessaires.

Quant à ce qui concerne la valeur numérique de la température
absolue et la position du zéro absolu, nous pouvons et devons nous
en occuper immédiatement.

Nous disons que le TRAVAIL POTENTIEL reste inaltéré tant que la temperature reste invariable et que sa diminution ou son augmentation sont directement proportionnelles aux variations mêmes de la température.

On a donc:

$$\Theta_0$$
 ; T_0 ;; Θ_1 ; T_1

d'où:

$$\Theta_1 = \Theta_* \frac{T_1}{T_1}$$

Mais:

$$\Theta_0 := S_a Z_0 := (R_0 + P_0) Z_0$$

 $\Theta_1 := S_1 Z_1 := (R_0 + P_1) Z_1$

Nous avons done, par suite

$$(R_1 + P_1) = (R_0 + P_0) \frac{Z_0}{Z_1} \frac{T_1}{T_0}$$

Désignons par a le nombre de degrés centigrades compris entre le zère absolu et celui de nos thermomètres, on lo point de glace fondante, et par t_i et t_i les températures centigrades qui répondent à T_i et T_i ; il vient :

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{a + t_0}{a + t_1}$$

Divisant par a et posant $\frac{1}{a} = *$, on a:

$$(R_1 + P_1) = (R_0 + P_0) \frac{Z_0}{Z_1} \frac{(1 + \alpha t_1)}{(1 + \gamma t_1)}$$

J'al désigné par Z le volume différentiol des corps, c'est-à-dire la différence qui existe entre leur volume apparent et le volume total des atomes qui les constituent; désignons le premier par V et le second par V. Je prauverai plus tard qu'il ne s'agit tei de rien d'hypothétique et que y est une valeur immuable pour chaque corps. On a :

$$(R_1 + P_1) = (R_0 + P_0) \frac{(V_0 - W) (1 + x t_1)}{(V_1 - W) (1 + x t_0)}$$

le reviendrai ailleurs longuement sur le parti qu'on pout tirer de cette équation pour l'étude de la constitution des corps. Pour le moment, nous voyons déjà que », rels tie pas autre chouse que le coefficient de dilatation absolu et réel de chaque corps anquel s'applique notre équation. Mais comme celle-ci est générale comme le rapport:

$$\frac{\Theta_{e}-\Theta_{i}}{\Theta_{e}}=\frac{T_{e}-T_{i}}{T_{e}} \text{ est universel el absolument indépendant de la}$$

nature de chaque corps en particulier, il s'ensuit que le coefficient « convient lui-même à tous les corps.

En résolvant par rapport à «, on a :

$$a = \frac{{{\left({\frac{{{R_1} + {P_1}}}{{{R_o} + {P_o}}}} \right)}{{\left({\frac{{{R_1} + {P_1}}}{{{R^o} + {P_o}}}} \right)}}{{\left({\frac{{{R_1} + {P_1}}}{{{(R^o + {P_o})}}}} \right)}}{{\left({\frac{{{V_1} - \Psi }}{{(V_o - \Psi)}}} \right)}}}$$

Mais dans cette équation, nous ne connaissons expérimentalement que P. Pl., V. V., t. et H., que nous sommes libres de nous donner comme it nous plati. Nous ne connaissons ni R., ni R. ni v. et de plus nous ne voyons à priori aucune relation nécessaire entre R et V.

Remarquons cependant qu'en ce qui concerne une vapeur et le liquide, ou le solide qui l'a produite, nous avons la relation :

$$(V_1 - \Psi)(R_1 + P_1) = (R_0 + P_0)(V_0 - \Psi)$$

 V_1 étant le volume de l'unité de poids de vapeur, V_n celui du liquide. Et comme à égalité de température, nous avons ici $P_1 = P_n$, d'où il résulte, en résolvant par rannort à R_1

$$R_{1} = \frac{(R_{o} + P_{o})(V_{o} - \mathbf{y})}{(V_{1} - \mathbf{y})} - P_{o} = \frac{R_{o}(V_{o} - \mathbf{y}) + P_{o}(V_{o} - V_{1})}{(V_{1} - \mathbf{y})}$$

il s'ensuit que R₁ est d'autant plus petit par rapport à R₂ que V₁ est plus grand par rapport à V₂. La sommetotale des attractions internes des corps diminne donc rapidement à mesure que le volume du corps s'accroit. En prenant V_0 et V_1 assez grand pour pouvoir considérer ψ comme nul, et R_0 et R_1 comme négligeables par rapport à P_0 et P_1 . Il vient :

$$s = \frac{\frac{P_1}{P_0} \frac{V_1}{V_0} - 1}{t_0 - t_1 \frac{P_1}{P_0} \frac{V_1}{V_0}}$$

Falsant varier t sans permettre au volume de varier, on a simplement :

$$a = \frac{P_1 - P_0}{P_0 t_0 - P_1 t_1}$$

Ni pour les gas, si surbuit pour les vapeurs, nous ne pouvons poser rigoureusement R...—O, comme ou l'avait fait jusqu'ilei c'est ee que je montereni ailleurs. Mais pour les premiers, pour coux surtout qui, comme l'air, l'oxigéne, l'hydrogène, sont très éloignés de leur point de liquéfaction. P est du moins assez grand par rapport à la pour qu'no puisse faire abstraction de cette dernière somme.

La distance = du zéro absolu ou o à notre zéro centigrade n'est donc autre choso que le rapport de l'unité et du coefficient à volume constant de dilatation de l'air par exemple, ou très sensiblement :

Note verrons bientot, lorsque nous arriverons à l'étude des vapeurs que le rapport universel , $\Lambda F = 0, \frac{T_i - T_i}{T_i}$ l'existence du zéro absolue il valeur particulière T = a + t = 272, 85 + t, sont justifiées par l'observation tout aussi complétement que l'existence et la valeur 4250 de l'équivalent mécanique de la chaleur l'ul-même.

Je puis indiquer maintenant très clairement l'ordre que nous avons à suivre dans cette exposition.

Division de la théorie mécanique de la chaleur en deux branches.

La théorie mécanique de la chaleur peut se subdiviser en deux branches distinctes. L'une concerne l'étude des phénomènes rela-

tits de travail externe et de chaleur; l'autre ceux des phéromènes de travail interne et de chaleur. La première branche se subdivise d'elle-même en deux parties; l'! Exposition de ta théorie prise en elle-même comme une branche nouvelle de physique et de méca-rique; p.º l'application de cette thécrie aux moteurs themstiques des divorses espèces. Tel est aussi l'ordre que je vais suivra. Nous verons que si la première branche est à beaucoup près la plus complète dans ce moment, la seconda, de son côté déjà assez développée en quelques pôpits, est riche d'avenir et nous permettra un jour de pousser la connaissance de la streuture des corps à des limites que jamais on n'aurait espéré legitimement pouvoir atteindre avec les accirences domécés de la ubresium.

Cette division en denx branches peut être indiquée très clairement à l'aide même de l'une de nos équations élémentaires que j'ai déjà présentées. C'est ce que le vais faire voir de suite.

 Γ ai dit que la quantité de chalcur nécessaire pour échauffer un corps quelconque d'une température T_o à une autre T_1 a pour expression :

$$Q_{a} := H K (T_{t} - T) + A A_{v} + A \int_{P_{t}}^{P_{a}} p dv$$

K étant la capacité absolue , π la poids du corps (que désormais je fora légal à 1, à moins d'indiquer expressément le contraire), λ , étant le travail interne exécuté pour surmonter la totalité des forces opposées au calorique. $\int_{-p_0}^{p_0} d\nu$ l'expression du travail externe, et

$$\int P_t$$
entin $A = \frac{1}{4950}$ étant toujours l'équivalent calorifique du travail.

Lorsque nous voudrons étudier les phénomènes internes des corps. Il faulta évidemment recourir à cette équation et à ses congécières, en la hissant telle quelle. Mais si nous bornes notre attortion aux phénomènes de travail externe, nous pouvons la simplifier à l'aide de l'introduction d'un terme particulier que je vais bien 46mir.

Pai dit que quelles que soient les opérations que nous fassions subir an corns pendant et après son échauffement de T. à T., la totalité de la chaleur qu'a coûté le travail interne A., ou A A., est touiours intégralement reproduite lorsque le corps est ramené à sen état primitif.

Nous pouvons donc considérer le produit A Ac comme une somme de chaleur sinon présente dans le corps, du moins disponible à chaque instant, par suite d'un retour vers l'état initial. Et nous nouvons cerire desormais : K (T - To) + A A = U ; T et A etant maintenant considérés comme variables. Il n'est alors autre chose que ce qu'on appelle la chaleur interne d'un corps. Cette expression, quoique non tout à fait correcte au fond, puisque Aa n'est point de la chaleur, n'a aucun inconvenient, lorsqu'on se rappelle son origine. et est trop commode par sa concision pour qu'il faille lui en substituer une autre.

La première équation :

$$\frac{\theta_o - \theta}{\Theta} = \frac{T - T_o}{T}$$

nous servira de base pour construire toutes celles oui concernent l'étude de l'état interne des coros.

La seconde :

combinée aussi avec le rapport universel :

$$Q_1 = Q_n \cdot \frac{T_1}{T_o}$$

nous conduira tout aussi facilement aux équations concernant l'étude des corps dans les phénomènes pour ainsi dire externes, équations qui ont été établies presque dès l'origine de la théorie mécanique par M. Clausius et M. Rankine.

C'est cette branche qui doit naturellement être présentée la première, en quelque sorte par droit d'ancienneté et à cause de la certitude des résultats qu'elle renforme.

LIVRE TROISIÈME.

PREMIÈRE BRANCHE DE LA THÉORIS MÉCANIQUE DE LA CHALSUR.

CHAPITRE I.

ÉQUATIONS GÉNÉRALES COMMUNES A TOUS LES CORPS POSSIBLES.

Le volume apparent d'un corps, la pression externe qu'il exerce en lous sens el la température sont toujours liées de telle sorte, que si deux de ces éléments sont donnés, le troisième est déterminé aussi on a done:

$$t = f(v,p)$$
 of $dt = \left(\frac{dt}{dp}\right) dp + \left(\frac{dt}{dv}\right) dv$

p,t et v étant les pression, température et volume qui se correspondent.

Il est alsé de recomatire qu'il en est absolument ainsi de la chaber interner, «in volument é la pression. Entélle, le travail interne A, et per suite la chaleur A, qu'il représente, dépendent à chaque intaste et exclusivement de la position reciproque des atomes matériels : mais cette position elleméme dépend à la fois et exclusivement de la température, du volume et de la pression externe a laquelle le carpe est sounds. Touts les fois donc qu'un cops revient à son volume et à sa pression initiate, et n'importe par quel circuit il y revient, il reproduit de nouveau le travail interne initial, et par saite, il a de même sa température et sa chiateur interne initial, et s'ensait que quelle que soit la loi qui lie e et p., que quelle que soit la vole par l'aquelle le corps passe de «, p., a v., p., la, quantité de chalour interne qu'il perd ou gagne, dépend seelement de l'état fine et de l'état intitui on a en un not :

$$u_i - u_o = f(v_i, p_i) - f(v_o, p_o)$$

et par conséquent

$$du = \left(\frac{du}{dp}\right)dp + \left(\frac{du}{dv}\right)dv$$

Cette première donnée est de la plus haute importance. Il est essentiel de bien se la rappeler.

Posons pour abréger
$$\frac{du}{dp}$$
 = X et $\frac{du}{dv}$ = Z; nous aurons :

$$du = X dp + Z dv$$

Comme cette différentielle est complète, on a :

lie est complète, on
$$\frac{dX}{dv} = \frac{dZ}{dp}$$

Co qui précède ne concerne absolument que la chaleur inatere des corps et ses variations en fonction de (1,9) et no la chaleur externe qui peut être ajoutée ou soustraite suivant une loi quel-couque pendant que le volume et la pression d'un corps changent suivant une loi quelconque aussi. Il est visible que colec des tuns curiation soume de la variation de la chaleur inaterne et de la chaleur consommée par le travail externe produit ou consommée, et comme la grandeur de ce travail dépend de la forme de la loi qui relie e d. p. la quantité de chaleur ajoutée ou soustraite et ce travail lui-même dépendrent l'un de l'autre.

On a en un mot :

$$dQ = du + \Lambda p dv = X dp + Z dv + \Lambda p dv$$

ou, en posant $Z + \Lambda p = Y$

$$d0 = X dp + Y dv$$

Il est clair que cette équation no peut s'intégrer que quand on connaît la forme de la fonction qui retie v et p.

En différentiant $Z + \Lambda p = Y$ par rapport à p on a :

$$\frac{d\mathbf{Z}}{dp} - \frac{d\mathbf{Y}}{dp} = -\mathbf{A}$$

et comme :

$$\frac{d\mathbf{Z}}{dp} = \frac{d\mathbf{X}}{dv}$$

il en résulte :

$$\frac{dY}{dn} - \frac{dX}{dn} = \Lambda$$
 (II)

Qui constitue par son usage important la seconde des équations principales de la théorie dynamique.

Tous les développements qui précèdent reposent uniquement sur la première proposition de la théorie mécanique, sur l'équivalence de la chaleur et du travail. Nos équations ne supposent aucun retour du corps soumis à l'action de la chaleur vers son état initial, aucun cycle fermé. Elles sant entièrement indépendantes de la température absolue à laucile se trouve somis le corps.

Il va nous être facile de les modifier de manière à impliquer forcément l'intervention de la température elle-même à laquelle on opère.

Nous avons démontré que toutes les fois qu'en ajoutant et puis en retrauchant de la chaleur à un corps quelconque, nous opérons de manière à obtenir un mazzissum de trouvail extreme, il existe un rapport défoit, non seuloment entre le travail F obtenu et la quantité de chaleur (Q.—Q.) consummén, mais encore entre la quantité Q. de chaleur d'abordi donnée et ce travail his-même. Nous avons démontré, en un mot, qu'on a les diverses relations, d'afilieurs toutes semblables:

$$Q_1 = Q_0 \frac{T_1}{T_0}$$
 $A F = (Q_0 - Q_1) = Q_0 \frac{T_0 - T_1}{T_0}$

Mais lo travail définitif F est le résultat des quatre périodes par lesquelles passe le corps sommis à l'action de la chaleur: 19. Dans la première, le corps reçoit la quantité de chaleur C, mais es détend de manière à rester à la même température T,; le travail externe fourni est $\int_{-T_{\rm p}}^{T_{\rm p}} d\nu_0$; 29. dans la deuxième période, le corps se détend

 $\int T^{p_0}$ sans recevoir de chaleur; sa pression tombe de p_1 à p_2 et sa tempé-

rature de T_o Δ T_i; le travait rendu est $\int_{-p_i}^{-p_2} p dv$; 3°, dans la troisième

période le corps est comprimé de p_1 à p_2 , mais avec soustraction de la quantité de chaleur Q_1 , de manére à rester à T_1 ; le travail rende est — $\int_{p_2}^{p_2} p_1 dv$; ée, enfin dans la quatrième période, le corps est ramens de p_2 à p_3 sans soustraction de chaleur; il revênt à on volume et à sa température T_1 ; le travail reodu est — $\int_{p_3}^{p_3} p_4 dv$. On a donc :

En représentant (βρ. 7) la pression par des ordonnées, el le volume par des abcisses, les quatre intégrales précédentes répondent aux quatre surfaces es, ps, ps, v, v, ps, ps, vs, vs, ps, es et le travail F n'est autro chose que la surface du quadrilatère curviligne ps, ps, ps, ps. Si l'on suppose infiniment petites l'expansion zons addition de

chafeur de la seconde periode et la compression sons soustranción de chafeur de la quatrième période, il est clair que pour chaque mêmm abclesse de la seconde et de la quatrième période, c'est-à-dire pour chaque volume égal dans l'une et l'autre, la pression de la seconde. Le travuil externe produit sera infiniment petit, et aura pour expression:

$$d \ \mathbb{F} = dp \ (v_1 - v_2) + \int \begin{matrix} p_1 \cdot v_1 \\ p dv \ \text{if} \ \exists \\ p_1 - dp \cdot v_1 - dv \end{matrix} - \int \begin{matrix} p_2 - dp \cdot v_2 - dv \\ p dv \\ p_0 \cdot v_2 \end{matrix}$$

L'abalssement et l'élévation de température produits pendant les seconde et quatrième périodes seront infiniment petits aussi; et notre équation universelle:

$$AF = Q_0 \frac{T_0 - T_1}{T_0}$$

deviendra:

$$AdF = Q_0 \frac{dT}{T} = Q_0 \frac{dt}{a+t}$$

T désignant la température absolue et i la température centlerade.



Si, de plus, nous supposons infiniment petites les variations de volume et par suite de pression dans la première et la trolslème période, il est clair qu'on aura :

$$-\int_{\substack{pdv\\p_0,\,v_0}}^{p_a-dp,\,v_0-dv}=+\int_{\substack{pdv\\p_1-dp,\,v_1-dv}}^{p_1,\,v_1}$$

et $(v_i - v_o) = dv$, mais la quantité de chaleur fournie deviendra infiniment petite aussi ou d Q, et l'on aura:

$$A dv dp = \frac{d Q d T}{T}$$
a valeur:

remplaçant d Q par sa valeur : d0 = X dp + Y dv

divisant de part et d'autre par du dp, et remarquant que pour un

accroissement positif dv. l'accroissement do est nécessairement negatif; il vient enfin :

$$AT = Y \frac{dT}{dp} - X \frac{dT}{dv}$$

ou:

$$A(a+t) = Y \frac{dt}{dp} - X \frac{dt}{dv} \quad (iii)$$

$$T = a + t \text{ et par suite } dT = dt$$

OW

puisque :

Telle est la troisième équation principale de la théorie mécanique. La voie par laquelle je viens d'y arriver est un peu différente de celle qui avait été suivie par d'autres auteurs. Elle diffère elle-même de celle qui avait été donnée jusqu'ici sous le même nom, en ce que le sens et la valeur de T y sont connus immédiatement par suite de la méthode que l'ai suivie pour démontrer la proposition II.

Clapeyron avait donné cette équation sous la forme :

$$\mathbf{C} = \mathbf{Y} \, \frac{d\mathbf{t}}{dp} - \mathbf{X} \, \frac{d\mathbf{t}}{dv}$$

dans laquelle C était une fonction de température non déterminée de la forme:

$$\left(\frac{\frac{1}{d}}{dt}\right)$$

et connue sous le nom de fonction de Carnot.



C'est M. Clausius qui le premier a fixé la nature de C et a montré qu'on a :

$$dT = dt$$
 et $T = a + t$

et par conséquent:

$$C = \Lambda (a + t)$$

peur la véritable valeur de la fonction de Carnot.

En résolvant l'équation (III) par rapport à Y et puis par rapport à X, et en introduisant les valeurs ainsi obtenues dans l'équation(I), on arrive aisément aux deux formes nouvelles:

$$dQ = \frac{X dt + \Lambda (a+t) dv}{dt : dp}$$
 (1a)

et

$$dQ = \frac{Y dt - \Lambda (a+t) dp}{dt : dv}$$
 (1b)

SI l'on se rappelle que

$$\left(\frac{dt}{dv}\right)dv = dt - \left(\frac{dt}{dp}\right)dp$$

et

$$\left(\frac{dt}{dp}\right) dp = dt - \left(\frac{dt}{dv}\right) dv$$

Ces deux transformations, fort utiles dans plusieurs cas, sont dues à Zeuner. Je n'ai fait que substituer dans les siennes la valeur: $\Lambda(a+t)$ à C.

A l'aide des cing équations générales:

$$d \Omega = X dv + Y dv$$
 (1)

$$dQ = (X dt + A T dv) \frac{dp}{dt}$$
 (1a)

$$dQ = (Y dt - A T dp) \frac{dv}{dt}$$
 (1b)

$$A = \frac{dY}{dv} - \frac{dX}{dv}$$
(II)

$$\Lambda \Upsilon = \Lambda (a+t) = \Upsilon \frac{dt}{dp} - X \frac{dt}{dv}$$
 (III)

il va nous être facile de trouver pour chaque classe de corps en par-

ticulier, la relation définie des phénomènes de travail externe et de chaleur, quelles que soient leur variété et leur complication.

Tont en recourant à ces equations générales, et en les spécialisant en quelquo sorte pour chaque cas. l'emploicrat aussi chaque fois que cela sera possible, des méthodes directes et particulières; et l'occasion se présentera bien souvent.

Voici l'ordre que je vais suivre dans mon exposition :

t°. Etude des vapeurs saturées.
 2°. Etude des vapeurs surchauffées.

3º. Etude des gaz.

4º. Etude des liquides.

le pense inutile de motiver à l'avance cette disposition. Le lecteur ne fardera pas à s'apercevoir que j'ai suivi la marche la plus rationnelle, que j'ai été du facile au difficite, du simple au compiere, bien que la place que je donne à l'étude des gaz semble indiquer précisément le centraire.

CHAPITRE II

THÉORIE DES VADEURS SATURÉES.

į 1.

Béfinition des vapeurs saturées.

Larsqu'un liquide, non décomposable par la chaleur, soumis à une pression constante dans to vase à parois extensibles, est mis en rapport avec une source de chaleur, il arrive un moment où la chaleur foursie par cette source, au lieu d'échaulfer le liquide, ne ser plus absolutions qu'à sépare ses parties, qu'à les gazéfier. A partir de ce moment, la température resse invariable, le liquide bout, et la vapeur qui s'em dégage est à la même température que lui. C'est par exemple ce qui arrive brosque l'eun. J'actool, l'éther, le mercure sont soumis dans un vase ouvert à l'action du fer: il a mersion constanci et est celle de l'imposphère, la partie extensible, c'est la couche d'air d'abord en contact avec le liquide et qui reclie à mestre que la vapeur se forme. C'est encore ce qui arrive dans les chaudières de nos machines à vapeur où le liquide est soimis à une pression constante, parce que le piston de la machine recule à mestre que la vapeur en que la piston de la machine recule à mestre que la vapeur en que la piston de la machine recule à mestre que la vapeur en que la piston de la machine recule à mestre que la vapeur en que la piston de la machine recule à mestre que la vapeur en que la piston de la machine recule à mestre que la vapeur en genne.

Dans ces conditions la vapeur est dite saturée.

Une vapour saturée est donc celle qui se trouve à la même senpetature que le liquide qui Pengendine, e à la aquicle par conséquent, à pression ecostante, on ne pent soustraire anonne quantité de chaleur sans en déterminer le retour partiel à l'état liquide. Il est visible d'après cel qu'une vapour est toujours saturée lorsqu'elle se trouve en contact avec son liquide, quelle que puisse être d'alleurs à pression, varidade outvariable, à l'appelle elle se trouve soumise à chaque instant. Si l'on suppose la vapour plus chaude que le liquide, elle cédera de sa chaleur à cetui-el qui houillira jusqu'à ce que la température so soit égalisée de part et d'autre; si à un moment quelconquo, on suppose, au contraire, le liquide plus chaud, Il bouillira jusqu'à eq que la température se soit égalisée.

Plusiours eboses doivent nous occuper des l'abord quant aux vapeurs en général, avant de pénétrer dans l'étude de leurs propriétés spécifiques. Leur tension, leur température, leur densité, l'emploi qui se fait de la chaleur dans leur production, etc.

§ II. Tension et température relatives des vaneurs saturées.

La température à laquelle su liquide bout dépend iamondistement de la pression à laquelle si est soumit; le point d'estillito, la température de la vapeur saturée s'étèvent d'autant plus que cette pression est plus forte. Si au lieu de supposer comme c'i-dessis su liquide contenu dans un vase circuité, nous le supposons dans en vase formé à parola résistantes, qu'il ne remplit qu'en partic, l'espace libre de liquide est toujour plein de vapeur saturée; mais la pression que cette vapeur excerce sur les parols dépend alors, de la méperature. Si nous fournissos de la chalure au liquide, il so réduits graduellement en vapeur dont la pression alors s'accroit et, et la température, ca chus monérature commune de tout la masse étévera aussi.

La tension maxima d'une vapeur, c'est-à-dire la pression qu'acrece no son sons une vapeur asturbe, cotte fonsion, dis-je, sat en un moi une fonction de la température. Bres l'ordre expérimental, les beaux travaux de M. Rogmault mus ont fait comattre, pour un grand nombre de lisquides, la pression qui répord à chaque degré du thermonatère certigrade. Lorsque nous serous arrives à la seconde banche do la théorie mécanique, le montrerai quest sont les éfements très variées qui composent cette fonction au pofat de vue pètre. Pour le moment, à me home né dérequ'un point de vue exclusivement mathématique, on a fait jusqu'ici de vains efforts, non seulement tour arrive, e arrivér, à la vaje loi naturelle, mais memme assencent tour arrive, e arrivér, à la vaje loi naturelle, mais memme

nour arriver à une loi empirione qui traduise fidélement les phénomènes sur toute l'étendue de l'échelle thermométrique et pour tel ou tel liquide en particulier.

La formule empirique qui exprime le mieux les résultats de l'expérience, et mi a servi à M. Regnault à calculer ses tables de tension. est de la forme :

dans laquelle A. B. C. «. à et a sent des constantes particulières à charme corns et où t'est la température centionade. C'est à cette formule que je recourrai là où une grande exactitude nous sera nécessaire. Dans les tables de M. Regnault p est donné en millimètres de mercure, et dans sa formule les logarithmes sont vulgaires. Pour les usages de la théorie mécanique, il nous sera plus utile d'avoir la pression soit en atmosphères, soit en kilogrammes par mètre carré. et d'employer les logarithmes népériens. Ce n'est d'ailleurs que rarement de l'équation elle-même que nous aurons besoin , mais presone toujours de sa différentielle première, ou plutôt du rapport : $\frac{dp}{rdt}$

Cette considération facilite l'emploi de la formule. On a, en effet : log, hyp, p = 2,3026 (A ± B **+* ± C 5*+*)

d'où:
$$\frac{dp}{ndt} = 2.3026^{2} (B \log_{10} \alpha x^{3+4} + C \log_{10} \beta \beta^{3+4})$$

Dans toutes les applications que je ferai des équations de la théorie mécanique, c'est l'eau, l'éther sulfurique, et le sulfure de carbone cul me serviront d'exemple, on raison de l'énorme différence cui existe entre leur composition chimique et entre teurs propriétés.

La formule (II) que donne M. Regnault 1, pour calculer la tension de la vapeur d'eau devient :

$$lgn = 3,3795344 - \frac{1,3796668}{1,013796} + \frac{4,9253027}{1,00382069} + \cdots$$

lorsqu'on exprime en atmosphères la pression correspondante à t. En différentiant et en faisant toutes les réductions, elle donne :

1. Mémoires de l'Institut, tom XXI.

$$\frac{dn}{ndt} = 0.04324748 \left(\frac{1.00649873}{1.013796} + \frac{1}{1.00382069} + \frac{1}{1.0038206} + \frac{1}{1.0038206} + \frac{1}{1.0038206} + \frac{1}{1.0038206} +$$

Pour l'éther suffurique, on a :

Pour l'éther sulfurique, on a :
$$lgn = 2,14781621 + 0,0002284.1,0341352 + 4 - \frac{3,190639}{1,00791592 + 4}$$

d'où:

$$\frac{dn}{ndt} = 0.05281821 \left(0.03342156.1,0341352 + t + \frac{1}{1,00721527 + t} \right)$$

Pour le suffide carbonique on a :

$$lgn = 2,52035261 - \frac{3,4405663}{1,00516461} - \frac{0,2857386}{1,02047}$$

$$\frac{dn}{ndt} = 0.0133321 \left(\frac{3.0610354}{1.00516461^{n-k-1}} + \frac{1}{1.02047^{n-k-1}} \right)$$
Toutefois, dans le cas où une approximation suffira, je me servi-

rai, comme l'ent fait MM. Clausius et Zeuner, de la moyenne de deux différences tabulaires consécutives. Ainst, pour me faire comprendro, je suppose qu'il s'agisse de connaître approximativement $\frac{dp}{dt}$ à t. Nous prendrons dans les tables de M. Regnauit les pressions p_0 , p_1 , p_2 répondant à t-1, t, t+1, ou à $\Delta t=1$ ° pour t; nous noserons :

$$p_1 - p_0 + p_2 - p_1$$

$$p_2 - p_3 - p_4$$

$$p_3 - p_4$$

et nous ferons:

$$\frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{dp}{dt}$$

ce qui nour la plupart du temps sera assez correct.

Dans tout ce qui va suivre, je désignerai sous le nom de pression et température relatives, la pression et la température qui se correspondent dans une vapeur saturée.

Dans tout lo cours de cette exposition aussi, je désignerai sous le nom de densité d'une vaneur le poids en kilogrammes du mètre cube do cette vapeur, et. comme on l'a toujours fait d'ailleurs, is désigners sons le nom de volume apédique, ou simplement de volume, l'espaceapparent en mêtres cubes qu'occupe l'entié de polds. le kingsmane d'une vapeur saturée. L'indiquerisi 1- La densité par les lettres grecques y ou a s, soin qu'elle sera considéreix comme raitable ou comme constante; 2- le volume spécilique par la lettres; le volume tout d'un polds qu'elonque par c et V; le volume de l'autité de polds d'un polds qu'elonque par c et V; le volume de l'autité de polds d'un polds qu'elonque par c et V; le volume de l'autité de polds d'un polds qu'elonque par c et V; le volume de l'autité de polds d'un fiquide à la temperature le , 1, 1, 1, 2 m v. 1, 1, 1, 1, 5 enfin par v, la différence e. — v.c. Ces conventions très simples, et faciles à se mancler, nous ettrement de frévience et intuités réclutions.

On a tout d'abord :

$$\frac{1}{r} = e \text{ ot } r = \frac{1}{e}$$

Mais it est clair de plus que \sim et \sim cont des fonctions de < on \uparrow et ρ . Autrefols, et même dans bien des traités recents de physique dont les auteurs no se sont pas mis au courant des données de la théurie mécanique de la chaleur, ou calculait ϵ en partant du volume de talle ou telle vapeur saturée à une persoinn et à une lempérature commaunes, et en appliquant la loi de Nariotie et de fay-Lasses pour toutes les autres pressions et lempératures. Ainsi quant à la vapeur d'ean par exemple, pour laquelle ou a sessiblement $\epsilon = 1,655$ à la pression $0^\circ,76$ du barométre ou à 1 vet à $100^\circ,$ on possit;

$$e = 1.655 \left(\frac{1}{p}\right) \left(\frac{1+\kappa t}{1+\kappa t00}\right) = 1.655 \left(\frac{1}{p}\right) \left(\frac{1+0.00375 t}{1.375}\right)$$

et en mettant à la place de p et de t les valeurs tabulaires correspon-

et en mettant à la place de p et de l'es valcurs labulaires correspondanies, on avait a. Cetle équation, inexacte même pour les gaz, comme nous verrons plus tard, est enlièrement irrationnelle et fausse quant aux vapeurs salurées.

La lhéorie mécanique conduit à une relation extrêmement remarquable et générale qui existe entre p, T=(272,85+t), u et le chalcur qu'il faut pour évapere un liquide à la température t et sons la pression relative p.

Concevons uu cylindre vertical, fermé par le bas, dans lequel se

meave asis frottement un piston d'un metre carré dont la charge initiale soit P_{c_1} dans ce cylindre se trouve un poids N_c d'un litguide quelcocque à une température T_c telle que ia tension de la vapeur l'asse précisément depilière à la charge P_c . Fournissens au liquide une certaine quantité de chaice Q_c , de manlère A évapour un poids $N_c < M_c$, sous la presion constante P_c . Il va se former un voleme qui aux pour valeur :

$v = M_1 e_0$

et le piston s'élèvera de M
, $w_{\rm o}$ à M $e_{\rm s}$ ou M
, $(e_{\rm s}-w_{\rm o})=$ M, $w_{\rm p}$

Le travail externe preduit est donc M.P. u.. Comme la température n'a pas varié, loute la chaleur donnée au liquide a été employée en travail interne et externe.

Cossons d'ajouter de la chaleur et diminuons graduellement la charge du piston de Po à Pi la masse totale No va se détendre : il

se produira un travail externe $\int_{-P_c}^{P_c} dv$; et comme le travail interne et externe s'opère aux dépens de la chaleur libre, la température va tomber à T_c . Le travail externe oblemu est donc :

$$M_1 P_0 u_a + \int_{P_a}^{P_1} p dv$$

Sans rien changer au poids P. du pision, soustrayons une quantité Q_i de chaleur. Désignons par B_i la quantité de vapeur qui va se condenser sous la pression p_i et à la lempérature relative T_i . Il va se dépenser un travail externe:

$M_2 p_2 (e_i - w_1) = M_2 p_1 u_1$

Cessons de soustraire de la chaleur. Chargeons graduellement le piston de manière à le ramener à P₀; le volume de la vapeur dimi-

nuera; le travail dépensé sera $\int_{-p_1}^{p_2} p dv$; tout le travail interne et

externe sera employé à échauffer la masse entière M_0 . Il est clair que nous pouvons toujours prendre Q_1 et par suite M_2 , lels qu'à la fin toute la vapeur soit liquédée : la température alors aura repris

aussi sa valeur initiale T_o. Le corps soumis à l'action de la chaleur a ainsi décrit un cyclo fermé dans les conditions du maximum de rendement. Le travail F définitivement gagné est:

Il est clair maintenant que si nous supposons infiniment petits les changements de pression $P_0 - P_1$, $\int_{-P_1}^{P_2} p dv$ sera nul par rapport à

changements de pression
$$P_o - P_1$$
, $\int_{P_o} p dv$ sera nul par rapport à $M_1 p_o u_o$, et $\int_{P_o} P_o dv$ le sera par rapport à $M_1 p_1 u_1$; M_2 sera égal à M_1 .

L'abaissement de températuro $T_0 - T_1$ sera infiniment petit ou $P_0 - P_1 = dp$; d'où :

$$M_t udp = M_t Q_0 \frac{dT}{T} = M Q_0 \frac{dt}{a+t}$$

En posant M. = i et en résolvant par rapport à u, il vient :

$$u = \frac{Q_o}{AT\frac{dp}{dt}} = \frac{\Sigma Q}{T\frac{dp}{dt}} \text{ d'où } Apu = \frac{Qp}{T\frac{du}{dt}}$$

 Q_o n'est pas autre chose, comme on voit, que la quantité de chaleur qu'il faut pour évaporer l'unité de poids d'un liquide quelconque à t_o , sous la pression relative p_o .

Cette expression remarquable joue un rôle capital daus la theorie des vapeus. Elle va des l'abord nous permettre de mesurer rigoureusement l'emploi qui se fait de la chaleur fournie à un liquide dans les conditions les plus variées, et puis de déterminer sous forme rationelle le volume des vapeurs saturées.

On peut obtenir cette relation par une toute autre voie à l'aide de l'équation générale (1). Clapeyron l'avait donnée sous la forme :

$$\frac{Q_o}{u} = 0$$
: $\frac{dt}{dp}$

où C désigne la fonction de Carnot. M. Clausius, après avoir indiqué le vrai sens de cette fonction, a donné à notre expression la forme:

$$\frac{Q_0}{t} = \Lambda (a+t) \frac{dp}{dt}$$

c'est-à-dire la même que celle à laquelle nous venons d'arriver. Zeuner, de son côté, en a donné uno démonstration très élégante et très claire, dont celle qui précède n'est au fond qu'uno légère modification.

a IV.

Chaleur totale et chaleur d'évaporation des vapeurs.

Nous avons vu que la quantité Q de chaleur nécessaire pour porter de T_a A_T la température d'un poids $M=1^a$ d'un corps quelconque soumis à la pression externe et constante p_1 a pour expression :

$$q = K (V_1 - V_0) + A \Lambda_0 + A p_1 (V_1 - V_0)$$

où V_a est le volume initial , V_t le volume final à t_t et A_a le travail interne exécuté. Cette expression est tout-à-fait générale. S'il s'agit d'un liquide, elle peut et doit être modifiée de la manière suivante:

Le point d'ébullition du liquide sous la pression p, étant T, le corps s'échausser de T, à T, avant de bouillir. Il faudra pour cela lui donner une quantité de chaleur:

 $q_o := K (T_t - T_o) + \Lambda \Lambda_o + \Lambda p_t (w_t - W)$

Arrivé à T, le liquide bouillira, la température restera invariable, et toute la chaleur désormais fournie sera employée en travail interne et externe. Lorsque tout sera évaporé, il aura done fallu une somme:

 $q_i + q_i = K(r_i - r_i) + h_A + h_R(u_i - W) + h_R(u_i - w_i) + h_A$. Cest cette somme qu'on appelle la chalour totale do la vapeur : je la désigneari par S., S., S.; la partie $h_R(u_i - u_i) + h_A$, est ce qu'on appelle la chalour d'écoporation ; je l'indiqueari par r_i, r_i, r_i . Ces deux quantités de chalour nous sont rendues intégralement lorsque nous soutrayous de la chaleur à la vapeur sans modifier p_i . Ou, pour parier beaucoup plus correctment, sans lui faire rendre ou, pour parier beaucoup plus correctment, sans lui faire rendre

ou recevoir un surcrolt de travail externe. Cette condition est formelle d'après tont ce que nons avons reconnu. On voit, ainsi que je l'ai déjà fait renarquer afiliens, combien est fusses la denomination do chateor latente, puisque cotte partie latente peut être rendue ou non selon la manière d'opèrer. La même réflexioe s'applique à une autre nartie de potre éruntion. À la somme :

$$q_o = K (T_1 - T_0) + AA_0 + Ap_1 (w_1 - W)$$

En différentiant cette expression par rapport à T = (272.85 + t), on a:

 $\frac{dq_0}{dt} = K + A \frac{dA_0}{dt} + A p_1 \frac{dw_1}{dt} = C$

Cest ce coefficient G que, pour les solides et les liquides, on appelle la capacité coeffique d'un cops. On voit combien ce terme est vicieux et de nature à induire en erreur. Les parties de chaleur $A\left(\frac{d}{dt}\right)dt$ et $A_{P_i}\left(\frac{da_i}{dt}\right)dt$, en effet, ne servent cullement à modifier.

for la température des corps, et si A $p_1\left(\frac{div}{dt}\right)$ est en général assez

petit pour être négligé, fi n'en est pas du tout ainsi de $\lambda \frac{d_1}{dt}$ qui est au contraire très grand. Je montreral que dans l'eau, par excemple, le travail interne λ , could μ de la chaleur totale nécessaire pour portre le liquide de λ fi. La capacide lassique de l'eau par rasport à cile-même est, en un mot, 0.4. Pour ne pas innover inutilement, je désignent sous le nom de capacité ouignire et par Ω le coefficient different née $\frac{10}{2}$.

8 /

Nous sommes aujourd'uit à neme, pour un honnombre de liquides de déterminer r. 1. Asi, A pui, Les travaux récemment publiés de M. Regmanti font comaître S en fonction de la température, dans des limites très écartées, pour use diziane de corps arés différents, Il nous font comaître o dans des limites de température très écutées aussi, pour l'eau; dans des limites, il est vrai, moins écartées



pour les autres corps. Ils nous montrent que S et C peuvent être représentés avec une approximation suffisante par des formules empiriques de la forme:

$$S = A + Bt + Ct^2$$
 $c = A' + 2B't$

Pour les trois liquides que j'ai choisis comme exemple, ces formules devienuent :

Eau | 606,5 + 0,305 r | 1+0,00044++0,000009 r | 140,00044+0,000009 r | 140,00044+0,000009 r | 140,000441 | 140,00044+0,00009176 r | 140,0004412 r | 140,000441

Ces formules empiriques donnent d'abord pour $r = S - \int_{-\infty}^{t} c dt$

Eau
$$r = 606.5 - 0.795 t - 0.00002 t^2 - 0.0000003 t^2$$

Ether $r = 94 - 0.0789977 t - 0.00085144 t^2$
Sulf. de carb. $r = 90 - 0.089222 t - 0.000493815 t^2$

En ce qui concerne l'eau, et pour les usages de la pratique, la formule précédente peut être remplacée avec avantage par celle-ci, qui est due à M. Clausius, et qui est plus simple :

Pour les usages que nous en ferons, il sera commode fort souvent d'avoir e et r en fonction de T=272.85+r, au lieu de l'avoir en fonction de t. En écrivant à la place de t sa valeur $\{T-272.85\}$ on a :

Eau: $C = 1,05699 - 0,00045113T + 0,0000009T^2$

 $r = 800,73568 - 0,7510884T + 0,000225566T^2 - 0,0000003T^3$ Ether: C = 0,367536 + 0,00039176T

 $r = 53,1673 + 0,38563T - 0,00085144T^2$ Sulfide carb. C = 0,19075 + 0,00016303T

 $-6.7 = 77.5811 + 0.180252T - 0.000473845T^2$ La formule plus simple pour l'eau devient :

r = 801,17 - 0.708T

Chaleur potentielle.

Il est visible qu'on a :

$$r_0 = S_0 - \int_0^{t_0} c dt$$

et comme on a aussi :

$$r = hp_o (e_o - w_o) + h\Lambda_1 = h (p_o w_o + p_1)$$

Il en résulte qu'étant comus A_{para}, et r., nous peuvons détermier la chaleur Aa, que coûle le travail interne a_i qui évacéeute pendant que le corpe passe du volume us, au volume e., Tappolleral cette chaleur Aas et chaleur potentielle cat, pour la distinguer de la chaleur potentiel totale comptée à partir der. je la désigneer la par la betre unique », ; à l'aide de cet élément si neuf dans la seience, nous parviendroes par la suite à déterminer numériquement autreur de l'attaction anomique dans une vauer unéclonne.

g VII.

Chalcur interne totale.

l'al dit que S a pour expression générale :

 $K(T_1 - T_0) + A A_0 + A p_1(w_1 - W) + A p_1(e_1 - w_1) + \rho$

Posons $(T_1 - T_n) = (t - 0^n) = t$ degrés centigrades comptés à partir du zère de notre échelle; faisons $A_n + r = A_n$, et de l'équation et-dessus retranctons la partie $A_{p_1}(u_1 - W) + A_{p_1}(v_1 - u_1)$ représentant la chaleur consummée en travail externe. Nous aurons :

$$J = K t + AA$$
ou ee qui est la même chose :

J=S-Apu

L'élément J., que l'appelleral avec Zeuner Chaleur interne de la vapeur salurée, n'est pas autre chose que ce que l' kilogramme de vapeur à t_e représente de chaleur de plus que le même poids de liquide à 0°. Le lecteur peut prévoir déjà le parti que nous tirerons de cet élément neuf aussi , en remarquant simplement que, quelles mie soient les opérations auxonelles nous soumettons une vapeur. la chaleur interne restera invariable si neus ne produlsons aucun travail externe définitif; elle variera, au contraire, en plus eu en moins selon que ces opérations nous denneront ou nous coûteront du travail externe. Cette sente considération si simple servira de base à une théorie complète que je depnerai des vaneurs surchanffées.

A l'aide de ces éléments, nous pouvons maintenant déterminer aisément les valeurs de Apu. de u et puis de c. e et l. Occuponsnous en successivement.

a VIII.

Détermination de Anu.

Determination de Apu. Nous avons trouvé ci-dessus :
$$A (e-w) = Au = \frac{Q_e}{T_e \frac{dp}{dt}}$$

Mais ainsi que je l'ai dit. Qo n'est pas autre chose que la chaleur qu'il faut pour évaporer à to et so l'unité de poids d'un liquide : autrement dit, c'est ce que nous avons désigné par r sous le nom de chaleur d'évaporation. En multipliant les deux termes de notre equation par p et substituant r à 0, on a :

$$\Lambda pu = \frac{\tau p}{T \frac{dp}{dt}}$$

Mais nous avons vu que $\frac{dp}{mdt} = \infty$ peut s'obtenir avec une approximation suffisante pour les liquides étudiés par M. Regnault.

Il vient par suite :

$$\Lambda pu = \frac{r}{\alpha T} = \frac{r}{\alpha (272,85+6)} .$$

Nous sommes donc à même de valculer nour ces liquides la quantité de chaleur employée en travail externe pendant l'évaporation à pression constante, et par suite de déterminer ce travail luiméme

En ce qui concerne ta vapeur d'eau, Zeuner a trouvé pour Apu une expression remarquable qui donne ce produit en fonction de T. C'est:

Apu = B log. hyp.
$$\frac{T}{n}$$
 = 70,0438 log. vul. $\left(\frac{T}{100}\right)$

Gette équation donne des résultats si rapprochée de œux de l'équation rationnelle $\frac{r}{\chi_1}$ qu'on senit, avec Zenner, presque tenté de corier qu'elle est la forme de la vraie loi naturelle qu'ille A_{P^0} a T. Alnis d'après oc que j'ai vérilié moi-même, en déterminant directement la valeur de - et de -r à l'aide des formules presque régoureuse (p. 120 et 127), et en calculant par conséquent aussi exactement que possible la valeur de A_{P^0} a l'aide de $\frac{r}{\chi_1}$. J'ai trouvé qu'entre 0^n et 240°, l'équation :

B log. hyp.
$$\frac{\mathbf{T}}{100} = \mathbf{A} p u$$

donne pour B des valeurs qui ne s'abaissent pas au-dessous de 30 et ne s'élèvent pas au-dessus de 30,6. La moyenne de 10 nombres est celle que j'ai indiquée ou 30,419464. 2,3026 = 70,0438.

Zenner, comme je le montereal, a lirê le plus beau part die ceste relation dans sa théorie de la vapeur d'eau. Que cette relation soit effectivement une loi naturelle on seudement une approximation, toujours sat-îl qu'elle a pécifique à la vapeur d'eau; je me suis assure qu'elle une donne plus la valeur de Aput, quand îl s'agit de la vapeur de l'éther, du soilide carbonique, etc.

g IX.

Détermination de u.

Une fois le produit Apu connu, il suffit de le multiplier par la valeur de l'équivalent mécanique do ja chaleur et de le diviser par p pour avoir u. On a, en effet : $\frac{1}{A} \Longrightarrow \Xi \Rightarrow 425^o$, et par suite :

$$u = \frac{\Sigma (\Lambda pu)}{p}$$

La relation $\Delta pu = B \log_2 \frac{T}{100}$ trouvée par Zeuner rend ce calcul extrêmement facile pour la vapeur d'eau. Étant n_0 la tension, en atmosphères, de la vapeur d'eau à $T = 272.85 + t_0$, on a en effet :

$$u = \left(\frac{70.0438}{10333}\right) \frac{425}{n} \log_{10} \text{ vul.} \quad \frac{T}{100} = \frac{2.880926}{n} \log_{10} \quad \frac{T}{100}$$

$$\hat{z} X.$$

Détermination de e.

Puisque u est la différence du volume e, do l'unité de nolds de vapeur et, de l'unité de poids we de liquide à la même température. il suffit d'ajouter we à ue, pour avoir ce volume e. Mals we est le volume de l'unité de poids d'un liquide à une température quelconque t_a et à la pression relative p_a . Or, jusqu'ici, on n'a déterminé l'accroissement de volume de la plupart des liquides qu'entre 0º et leur point d'ébuilition à 6°,76 du baromètre. Il resteratt donc lei une lacune à combler ; il resterait à chercher de combleu les liquides se dilatent de 0º à des températures blen supérioures à celles où ils bouiltent sous 0m.76. C'est là toutefois une recherche superflue dans l'état actuol des choses. En raison de la faible dilatabilité des liquides, on peut, en thèse générale, prendre pour 10, le volume W qu'occupe le liquide à 0° ou du moins le volume calculé à l'aide du coefficient trouvé par M. Pierre entre 0 et le point d'ébullition à 04,76. L'approximation ainsi obtenue est à beaucoup près suffisante, car w. - W est toujours une très netite fraction de e. dans les limites de pression où nous pouvons opérer.

En ce qui concerne l'eau cependant, j'ai pu combier la lacune dont je parlo, et j'en al soigneusement déterminé la dilatation entre 0° et 200°. Le donne en noto les détails de mes recherches à cet égard. La formule empirique :

$$w = 1 + 0,000181348 (t - 4) + 0,000002793 (t - 4)^{4}$$

1. L'appareil irès simple auquel J'al eu recours pour ces expériences consistail en un vane de cuivre cplindrique très résistant, de 5 litres de capacilé, fermé aux deux traduit la valeur de w avec une grande approximation et peut probablement servir jusqu'à 300° .

Yous avons on définitive :

$$e_* = w_* + \frac{\sum r_*}{T \frac{dp}{dt}}$$

cuidedaids par des plaques de culves bombées. La plaques expécieure poestà à on cusire su nibe d'envirse o (), de longueux et de 6º,016 de dansière su bond du qui i a trovatal fisé au massanère a spirais (floreches), son deux tiers de la hauteux de ce lack vice trovatel soudé un à suple drait aussi d'un robient particiencai roid. Les nime plaques applicaires dait trevente de una tede de province dera la ceurent es bard pose reservir un thermonière qui altais plát indiquer la température du corre continuel dans le vanc.

Cest dans er réservels que l'introduisals l'em (qui le legald) dept le venida étierniset le diffiation. Cest d'étal en préclaité nombre à l'étaldiffien pour en repuiser l'ele, pair rérodie. Le réservele, le talle, il apirels du matonière étalent impiers sistemant remplis de lequide, ce per glottens sistemance in tourout l'opparell dans tous les seus et finisers les deputs de l'estate d

Cet appareit uns foit compil field jusée dans une caisse en bois de napin dout le courerde supident fait percé d'un trou deusent passage su tubre reticel portant le robinit et le manométre; le best d'un cholument à guz, dout on pursuit régles le famme à volonié, permetiait de chauffec la liquide et de le mainismir à feille ou telle température voutine.

Pendant l'Adend'econt, l'Odenvica à la foil le Diemochrier el le mannalires à l' Délet de adolte à l'aboné designe poul la Signite de l'équide de manière à commandre à ce que la pression desser serité commante; el celle percolos éfait longiere d'éravice à l'au amplère expédieres à celle de print d'écolotime de l'une se dépe de le voulair spéces. Alus, pour dérembier le l'aboné lorse de l'es 18%, je lessuit la pression sonaire le l'ammajorier (s) et sins, solitante de l'acuté de l'attive, plus des pression consaire le l'ammajorier (s) et sins, solitante de l.). Leurge si transmissione count consaire l'ammajorier (s) et sins, solitante de l.). Leurge si transmissione count castirés, ja blooks extre la fompériture s'éterre d'un monière de degrés voules à lecture de la résultation de l'acuté de l'acuté que l'acuté de la grés s'oute le situation de l'acuté de l'ac

Valid mensionent, toutes corrections faites de le diletation du vese de cultre, de son fianticifé et de la variation de son volucus par suite de l'accroissement de pression, les résultate que m'é dermate celle rectione d'abunquaritém pour les

Lorsque le température s'élève de 5°,4 à :	Le volume de l'eau passe de 1 à :
99*,6	1,042588
125	1,602772
181,5	1,0868

1,11382

1.13158

176

191

pour toutes les vapeurs possibles, et :

 $c=(1+0,00018135(t-4)+0.000002793(t-4))+\frac{2,92838}{n}$ leg. $\frac{T}{100}$ pour la vapeur d'eau en particulier.

3 XI.

Détermination de p et de J.

Puisque: $e = r - \Lambda pu$ et $J = S - \Lambda pu$

le calcul de la chaleur potentielle et de la chaleur interne d'une vapeur saturée, ne présente plus de difficultés dès que Apu a été déterminé numériquement.

ž XII.

Lo lecteur trouvera. A la fin de ce volume trois tableaux. Ils comernent les vapours d'ean, d'éther et de sulfure de carbonest donnest de 29 en 29 les valeurs de 1, n. 5, r. Q, r. J. Aa, A, pu. u et le qui se correspondent dans les vapours saturées de ces trois corps. Celui qui concerne la vapeur d'eau présente, le pense, toutes les grantines d'exactitude désirables, en raison de l'étendue de l'echelle thermonistrique sur laquelle \mathbb{N} . Regnault a fait ses expériences quant à p, Q, et d et d. Il d en est pene-tre que a linis quant avapeurs des deux autres corps. puisque lei \mathbb{N} . Regnault n'a pu déterminer f cet qu'entre des limites de température peu écartées et qu'ainsi les constantes de la formule :

 $q := \alpha t + 3t^2 + \gamma t^3$

ne sont pas suffisamment correctes.

le crois devoir faire ici quelques remarques sur la détermination des valeurs de u, quant à la vapeur d'eau. A l'aide de mon tableau, il est facile d'obienir rapidement toutes les valeurs possibles de u et de e sans recourir à l'équation rationnelle, mais compliquée :

$$u = \frac{2\tau}{T - \frac{dp}{dt}}$$

Supposons, par exemple, qu'on veuille déterminer la valeur de « qui répond à 4=192° 08. Les tables de M. Regnault nous donnent d'abord n=13" pour cette valeur de t. Sur mon tableau nous trouvons: B = 30.473831 nour 180° et B = 30,347522 nour t = 200. La proportion:

d'où x = 0.076291 nous donne pour B à 192,08, la valeur suffisamment correcte: R = 30.475831 - 0.075291 = 30.39754

$$u = \frac{425}{10333.13}$$
. 2,3026.30,39754 log. 4,6493=0=,1477931

valeur qui ne diffère que très peu de celle que donnerait la formule rationnelle. Ni l'équation rationnelle , ni celle de Zeuner, ne nous permetient

de déterminer v ou é étant donné v. et cependant cette détermination se présente très souvent dans les calculs auxquels donne lieu la théorie mécanique de la chaleur.

Il est facile de s'assurer qu'une équation de la forme :

$$u_i=u_*\left(\frac{t_i}{t_*}\right)^T$$
 nous permet toujours d'arriver à des résultats suffisamment approxi-

matifs, torsque l'on détermine y entre deux limites de 4, et 4, qui ne sont pas trop écartées. Soit à déterminer, par exemple, la température d'une vapeur

d'eau saturée pour laquelle on a u = 0,1477931.

Nous voyons sur mon tableau que ce volume est compris entre ceux de la vapeur à 180° et à 200°.

Je pose :
$$0.1260854 =: 0.1906574 \left(\frac{180}{200}\right)^7$$

ďoù :

$$\log \left(\frac{1906574}{1260854}\right) = \gamma \log \left(\frac{200}{180}\right) \quad \gamma = 3.9248$$



Il résulte de là :

$$0.1477931 = 0.1260854 \left(\frac{200}{s}\right)^{3.9248}$$

Équation qui résoluo par rapport à t nous donne : t== 192.07

== 192,07

La valeur correcte de t est 192,08 puisque, comme nous avons vu, c'est à 192,08 et à 13" que répond 6",1477931. L'erreur commise avec la formule empirique ne s'élève donc qu'à 6",01 sur 192",08.

g XIII.

Vérification expérimentale de la proposition II de la théorie mécanique.

Le lecteur peut maintenant à bon droit demander dans quelle limite les valeurs assignées à e, par exemple, se vérifient expérimentalement et, sl. cette vérification est suffisante, il sera certainement frappé des immenses progrès qu'introduit la théorie mécanique dans la physique.

En ce qui concerno la vapeur d'eau, Jai déjà montre dans la précédente delliton de cet ouvrage (et on le verra d'ailleurs dans le chapitre concernant la vapeur d'eau surchauffié), que l'accord est aussi satisfaisant qu'un peut le désirer, entre les valeurs expérimentales de et celles que donne l'équation (que 1925. En ce qui concerne la vapeur d'éther, de salidée carbonique et d'alcol ambyier, j'ai montré dans un mémoire publié dans la livraison 15 «1883, 10 avril) du Corma, qu'à 100° et aux pressions correspondantes pour ces vapeurs, le volume expérimental est enore aussi approché du volume théorique q'on peut l'exige. L'équation:

$$e = w + \frac{\Sigma r}{2\pi}$$

et par conséquent aussi les valeurs A pu, J, ρ qui s'en déduisent, sont aussi correctes que possible.

Mais Péquation :

dérive, comme nous avons vu, directement de la proposition II de la théorie mécanique. Il s'en suit que cette proposition est ainsi implicitement vérifiée par l'expérience.

Les résultats minériques que donne cette équation dépendent de plus de la position du zeco absoli, et il est évident que si cette position n'était pas la même pour tous les corps, ce ne serait que par hasard que l'équation donnerait pour tello on telle vapour de saleurs de conformes à l'expérience. Il s'en suit que Ensistence et le place du zéro obbols sont vérifiées aussi de la façon la plus satisfalsente par l'observation.

Mais nous allons arriver blentôt à d'autres confirmations peut-être plus frappantes encore.

g XIV.

A l'aide des données et des considérations précédentes, nous allons aisément construire des équations générales qui nous permetiront de résoudre tous les problèmes concernant les vapeurs saturées.

Soit un poids M de liquide à 0° , soumis à la pression p_\circ ; portonsle de 0° à t_\circ et évaporons un poids m. Il faudra fournir une quantité de chaleur externe :

 $q = \mathbb{N} \left((K t_0 + A A_v) + A p_v \left(w_v - W \right) \right) + m \left(A p_v M_v + p_v \right)$ M_{Av} étant le travail interne exécuté dans le liquide de θ^* à t_v et m_{Y^*} ha chaleur constmuée par le travail interne exécuté pour l'évaporation de m.

Mais nous avons : K t_0 + A A_0 = $\int_{-\infty}^{t_0} cdt$; en négligeant M $A_1p(w_0$ — w).

 $q = \operatorname{M} \int_{-c}^{t_{o}} c \, dt + m \, r = \operatorname{M} \int_{-c}^{t_{o}} c dt + m \, [\operatorname{A} pu + \varepsilon]$ qui peut s'écrire sous la forme :

$$q = (M - m) \int_{-\infty}^{\infty} c dt + m S_0$$

La chaleur interne du liquide est $(N-m) \int cdt$; celle de la vapeur est m L; d'où :

$$U_o = M \int_{-\infty}^{t_o} cdt + m \left(J - \int_{-\infty}^{t_o} cdt\right)$$

Nous avons vu que $J_c = \int_0^{t_0} dt$ est la chaleur potentielle interne de l'unité de poids de vapeur à p_c et t_c , ou p_c . It en résulte :

$$U_o = M \int_{-c}^{t_o} c dt + m_P$$

Si, maintenant le volome de la marse totale vient à changer, si per exemple M est renferme dans un cylindre dent le pision receille ou avance, il se condienser de la superu, un il s'évaporra une nouvelle quantité d'eau; et, que la variation de volume se fasse avec or sans addition ou soustraction de chaleur externe, la chaleur finale interne, est partie de la consecución de chaleur externe, la chaleur finale interne, est partie de la consecución de chaleur externe.

$$U_1 = M \int_{-c}^{t_1} cdt + m_{1 P_1}$$

Si la variation de volume est iffiniment petito, nous aurons donc $d\Pi = Mcdt + d.m.$ (1)

Occupons-nous aussi de la chaleur externe qui peut être ajoutée ou retranchée à la masse M, pendant que le volume change. Cette chaleur a pour expression :

$$dQ = dU + Apdv$$

dv étant la variation du volume. Mais pour une masse M contenant m de vapeur et (M-m) de liquide, le volume total v est : v = (M-m) w + mc = M w + mu

Nous avons aussi dv = d.mu et par suite :

dQ = dU + Apd.mu

Mettant à la place de $d\bar{U}$ sa valeur ci-dessas et remarquant que $\rho = r - A \rho u$, il résulte, en faisant les réductions :

$$d\mathbf{Q} = \mathbf{M}cdt + d.mr - \mathbf{A}mu \left(\frac{dp}{dt}\right)dt.$$

Mais notre expression générale :

$$hu = \frac{r}{r \frac{dp}{r}}$$

nous donne Au
$$\frac{dp}{dt} = \frac{r}{T}$$

Substituant cette valeur dans l'équation ci-dessus, elle devient enfin :

$$dQ = M c dt + d (mr) - \frac{mr}{T} dt$$
 (II)

Les équations (1) et (II) s'appliquent à tous les liquides et vapeurs. En partant de la relation :

$$Apu = B \log_{100} \frac{T}{100}$$

Zeuner est arrivé, comme il suit, à une nouvelle équation qui ne s'applique plus qu'à l'eau, mais qui exprime te travail externe en fonction des phénomènes internes sous une forme très remarquable. Soit en affat il la chaleur représentée par en travail externe.

Soit en effet L la chaleur représentée par ce travail externe. Sa valeur élémentaire est :

$$dL = \Lambda pd (mu)$$

 $d\mathbf{L} = \Lambda pu \, dm + \Lambda md \, (pu) - \Lambda \left(mu \left(\frac{dp}{dt} \right) dt = \frac{mr}{T} \, dt \right)$ et nuisque :

$$d \Lambda pu = \frac{B}{T} \frac{dt}{T}$$

on a epfin :

ou:

$$dL = B \log$$
, byp, $\frac{T}{t00}dm = \frac{m(rB)}{T}dt$ (ttt)

il va nous être facile de reconnattre l'utilité des deux équations tout-à-fait générales (1) et (11), ainsi que de la troisièine qui se rapporte à l'eau seule.

Je vals examiner quatre problèmes qui se présentent à tous moments, soit dans la mécanique appliquée, soit dans l'étude scientifique des vapeurs. Dans son ouvrage sur la théorie mécanique de la chalcur, Zeuner a traité ces problèmes, entre autres, sous une forme aussi neuve qu'élégante et simple, en ce qui concerne la vapeur d'eau seule. J'étendrat hoire examen aux vapeurs d'éther suffurince et de snifide carbonique; et je ne ferai à la méthode et à l'exposition de Zeuner que les changements qui m'ont semblé indispensables pour me conformer à mon plan général.

8 XV

Destitions I

«Un cylindre muni d'un piston contient m. de vapeur et (bi-m.)».

«de liquida à 4,. Le piston recuie fentement, la masse se détent sans

recevoir ni perdre de chaleur du dehors, la temperature s'abaises

do 4, à 4; la pression de p., à p., Quel travail fournit la détente et

comment se comporte la masse de liquide et de vapeur pendant

«Pernansion ».

Je me sers du mot leatement pour dire que le mouvement du piston en avant ou en arrière est let que la tension à le temps de de s'égaliser dans toute la masse et que par suite l'étrie reterde sur le piston répond à cette tension. En réalité la vitesse du piston peut être relativement très grande sans que cette condition cesso d'être remplie.

Puisqu'il ne s'ajoute ni ne se soustrait de chalcur du dehors, on a, dans l'équation il, dQ = 0 d'où :

$$\operatorname{M} c \, dt + d \, (mr) - \frac{mr}{T} \, dt = 0$$

Équation qu'il est aisé de ramener à la forme :

$$\frac{\operatorname{M} c \, dt}{\operatorname{T}} + d \left(\frac{mr}{\operatorname{T}} \right)$$

et qui donne, en intégrant entre t_0 et t_1 ou T_0 et T_1 $m_1 \tau_1 \qquad m_0 \tau_0 \qquad \prod_{i=1}^{T_1} dT_i$

$$\frac{m_1 r_t}{T_1} = \frac{m_o r_o}{T_o} + M \int_{-T_o}^{T_1} \frac{dT}{T}$$

En appliquant cette équation à la vapeur d'eau et en posant c=const., en prenant la valeur moyenne de la capacité vulgaire entre T_a et T_b , on a :

$$m_1 = \frac{T_1}{r_1} \left(\frac{r_0}{T_0} + M C_1 \log \frac{T_0}{T_1} \right)$$

Telle est l'équation remarquable donnée pour la première fois par M. Clausius, pour la détente de la vapeur d'eau, sans addition ni soutration de chaleur externe.

Supposons que toute la masse att été primitivement en vapeur, et faisons $m=N=1^n$; supposons que la détente soit telle que la température tombe de T.= 272.85 + 200 n Λ T.= 272.85 + 100 n ; et par suite la pression de 15 n .38 Λ 1 n . Λ 200 n on a $_7$ = 404.3; Λ 100, $_7$ = 536.5; entre 200 et 100, on a $_5$ = 1,926. On a done 1

$$m_1 = \frac{372,85}{536.5} \left(\frac{464,3}{472.85} + 1,026 \text{ log. } \frac{47285}{37285} \right) = 0^{\circ},85165$$

Ge qui nous apprend que la mosse de vapeur diminue pendant la détente, et que pour le cas particulier. il se condense 1 — 0,8816 se nº 0,1883. Ge sont Mi. Clansius et Ranchiee qui les premiers, et charun de son coló, sont artivis par l'analyse à la découverte de ce fait singuider. Ce résultat renverse de fond en comble tout ce qui avail eté admis si longiemps en physique et ce qui avail avery de base à toutes les théories des machines à vapeur d'eau. Au point de vue expérimental. J'en ai mis l'existence hors de doute en 1853, at, chose assex carrèues, avant d'avoir eu comaissance des beaux tra-vaux de MM. Rankine et Causias royez le bulletin 133 de la Société industrielle de Multouse, p. 137.

A l'époque où ces travaux oot été publiés, il eut été impossible d'appliquer l'équain de M. Clausies d'autres vapeurs qu'à celle de l'eau. Arjourst'hui les recherches de M. Begrault out rendu cette application aisée pour beocoup de liquidés et leur vapeur. Na première persée, comme analysiest comme observateur, a été, dels l'apparition de volume de N. Regnault, de soumentre l'éther sulfarique au calcul et à l'expérience. Et les conceps l'estulist a été, comme on va voir, tout aussi frappant que pour l'eau, mais en sens précisément opposé.

L'équation ci-dessus, en y posant $m_b = \mathbb{N} = \mathbb{N}$, et en mettaat pour c sa valeur :

a = 0.529 + 0.000592 t

devient ici :

$$m_1 = \frac{T_1}{r_1} \left(\frac{r_n}{T_o} + \int \frac{T_1}{T_o} (0.529 + 0.000592 t) \frac{dt}{T} \right)$$

ou en réduisant et simplifiant ;

$$m_1 = \frac{T_1}{r_1} \left(\frac{r_n}{T_0} + 0.8463 \text{ log. vul. } \frac{T_1}{T_0} + 0.000592 \left(t_n - t_1 \right) \right)$$

Faisons iel l'inverse de ce que nous avons fait avec la vapeur d'eau , supposons que la température initiale de la masse 1¹ de vapeur d'eiher, soit de 20° et comprimons cette vapeur jusqu'à ce que la température s'élève à 120°. À 20° on a $r_* = 92.0795$; à 120°, $r_* = 72.2966$.

Faisant toutes les opérations et réductions, il vient :

 $m = 0^4,80066$

C'est-à-dire que par la compression il se condense de la vapeur éthèrée,

Pour le cas particulier, la quantité condensée s'élève aux deux cinquièmes de la masse de vapour iniliale.

Cest encore un fait que l'ai vérific expérimentalement de la macière la plus salisfaisante (Voyez Cenne in la veril 1863, lis appliquent noire équation à la vapeur du sulture de carbone, un trouve que des comporte commo celle de l'exu. esté-deire qu'elle es composite commo celle de l'exu. esté-deire qu'elle capérimentalement. Ainsi, landis que les vapeurs d'exu et de stillée arbonique se condement partiellement par la délente, et se surchauffint par la compression, la vapeur d'éther au contraire se surchauffent par la compression, la vapeur d'éther au contraire se surchauffent défente et se condesse partiellement.

La confirmation expedimentale de faits aussi, remarquables, annoucée par l'analyse, est encore une justification des plus frappantes des propositions i oi II, de l'existence et de la vrate position du zèro absolu, puisque l'équation de M. Clausius implique ces quatre choses et dévire d'élius

Parmi les liquides pour lesquels M. Regnault a déterminé S et fcdt, l'éther sulfurique est le seul dont la vapeur se surchausse par la détento et se condense en partie par la compression. Occuponsnous des vapeurs qui, comme cello de l'eau , so condensent partiellement par la détente. Revenons au cas général de la masse M, au lieu d'être intitalement toute entière en vapeur , est formée de m, de vapeur et de 0, M — m, M de liquido à t, el p,. L'équation de M. Clausius on :

$$\frac{r_i}{T_i} m_i = \frac{r_o}{T_o} m_o + M \int_{-T_o}^{T_i} \frac{dT}{T}$$

uous donne le moyen de determiner pour chaque instant de la détente la masse actuelle m, de vapetur en fonction de la température. Toutefois à l'aide de quelques considérations très simples, je vais donner à celle équation une forme qui nous permettra de suivre encore mieux le phénomène des paux.

Soil qu'un liquide se tenve mélé à l'étai de poussèrer avec se vapeur, soil qu'il y's treuve on une masse séparée, mis dans un même vase, il se met loujours el presque instantanément à la température de sur vapeur, suelque modification qu'elle épouve. Supposons en effeit que par la détente, la température de la vapeur vienne à baisser de t, à t, t la tension diminuant ainsi, il explore vienne à baisser de t, à t, t, it dession diminuant ainsi, il explore de la métair débutition tombe de t, à t, t, t, et l'out au sein memo de la masse, aux dépens donn excets de température (t-t); cet excès disporait à l'instant. Il résulte de la que quand une vapeur es détend, le judque qui s'y trouve mélé but et produit à chaque instant une nouvelle quantité de vapeur absolument comm si, dans un vase séparé, on l'avait sounts à une pression décroissante.

Lorsque l'expangion s'est opérée de T. à T. dans les conditions indiquées en lête de ce paragraphe, la masse finale m, de vapeur est évidenment formée de la quantité nouvelle que produit la masse (M-m) de liquide d'alord à T. el de la masse primitivo m, diminuée de ce qu's s'est condense par la détente.

Pour avoir la quantité de vapeur que donne une masse M de liquide à T., korsque, en diminuant graduellement la pression de p. à p_t , on laisse la vapeur se produire et la température tomber par suite de T₀ à T₁, il suffit de faire m_0 =0 dans notre équation générale, qui devient par là :

$$m'_1 = \frac{T_1}{T_1} M' \int c \frac{dT}{T}$$

D'un autre côté, la masse finale d'un poids initial H'' de vapeur pure qu'on laisse se délendre de $T_{\rm o}$ à $T_{\rm b}$, est donnée par l'équation :

$$m_1$$
"= M ", $\frac{T_1}{r_1} \left(\frac{r_0}{T_0} + \int_{-T_0}^{T_1} \frac{dt}{T} \right)$

La quantité condensée est donc :

$$\mathbf{H}^{\prime\prime} - m_{\mathbf{I}^{\prime\prime}} = \left(\mathbf{I} - \frac{\mathbf{T}_{\mathbf{I}}}{r_{\mathbf{I}}}, \frac{r_{\mathbf{o}}}{\mathbf{T}_{\mathbf{o}}} - \frac{\mathbf{T}_{\mathbf{I}}}{r_{\mathbf{I}}} \int_{\mathbf{T}_{\mathbf{I}}}^{\mathbf{T}_{\mathbf{o}}} \frac{dt}{\mathbf{T}}\right)$$

Puisque nous supposons le liquide mélé à sa vapeur, l'augmentation ou la diminution μ du poids de la vapeur à la fin de la détente aura pour expression :

$$\begin{split} \mu &= m'_1 - (\mathbf{M''} - m''_1) = \mathbf{M} \cdot \frac{\mathbf{T_1}}{\tau_1} \int c \frac{dt}{\mathbf{T}} - \mathbf{M''} \left(1 - \frac{\mathbf{T_1}}{\tau_1} \frac{\mathbf{r_0}}{\mathbf{T}} - \frac{\mathbf{T_1}}{\tau_1} \int c \frac{dt}{\mathbf{T}} \right) \end{split}$$

Mais en reprenant nos désignations premières, nous avons fol : $-W = M - m_0 \text{ et } W' = m_0$

Il résulte de là ;

$$\mu = M \frac{T_1}{r_1} \int c \frac{dt}{T} - m_0 \left(1 - \frac{T_1}{r_1} \frac{r_0}{T_0} \right)$$

It est door visible que pour un même alaissement de pression de p_n à p_n et de température de t, à t, la variation p_n dépend uniquement des quantités primitives $(M-m_n)$ de liquide et m_n de vapeur en présence. Si nous possons p=0, il vient :

$$m_{\bullet} = M \left(\frac{\int_{-T_{\bullet}}^{T_{\bullet}} \frac{dt}{T}}{\frac{r_{\bullet}}{T_{\bullet}} - \frac{r_{\bullet}}{T_{\bullet}}} \right)$$

En prenant l'eau pour exemple et en opérant dans les limites $T_* = 160 + 273$ et $T_1 = 20 + 273$, on trouve :

$$m_0 = 0.517 \text{ M} \text{ soit } \frac{1}{2} \text{ M}$$

Co qui signifio que, chan su mólange de parties égales d'ean et de vapour, la masse primitivo do vapour reste invariable pendant la détento (ou la compression) sars addition ni soustaction de chaleur du debors. On voit avec quelle admirable facilité la théorie mécanique débrouille un piènomène des plus compliqués, qui se présente à tout moment dans nos moterns à vapour.

Le travail externe que produit la détente de T. à T_1 , ou que coûte la compression d'une masse de vapeur m_2 et de liquide $(M-m_2)$ est facile à trouver, ainsi que le volume initial et final de la masse M.

Puisque nous operons sans addition ni soustraction de chaleur externe, le travait fourni au dehors se fait tout entier aux dépens de la choleur interne U., Pour avoir la variation de celle-ci, il suffit donn d'intégrer l'équation IV entre les limites T. et T., ce qui nous donne:

$$U = M \int_{-T_0}^{T_1} \frac{dt}{T} + m_1 \rho_1 - m_0 \rho_0$$

En meitant à la place do m_1 , sa valeur fournie par l'équation:

$$m_{t} = \frac{T_{t}}{r_{t}} \left(\frac{r_{t}}{T_{o}} m_{o} + M \int_{-T_{o}}^{T_{t}} \frac{dt}{T} \right)$$

on a ensulte la valeur numérique de U-

Je suppose, par exemple, qu'il s'agisse d'une masse de vapeur $m_0 = M = 1^{\circ}$, qui se détend de 200° à 100°. A 200° ma table donne $p_0 = 417.45$; à 100°, elle donne $p_1 = 49.626$. Il vient ainsi :

$$U = \int_{-373}^{473} e^{dt} + (0.85863.496,28 - 417,15)$$

Entre $T_0 = 473$ et $T_1 = 373$, on a:

$$fcdt = 103.1$$

Il résulte de là, en définitive :

$$U = 103,1 + 5,5 = 108,6$$

En multipliant par x == 425° ou par l'équivalent mécanique, on a 46155 dynames ou kilogrammètres pour le travail externe fourni par notre piston.

A 100° centigrades, on a $e_1 = 1^{-3}$ 654; à 200°, on a $e_2 = 0^{-3}$ 125. Le volume total de notre masse passe donc de :

C'esi-à-dire quo la vapeur augmente do 1 à $\frac{1,400}{0,125}$ == 1f.3 en

volume, tandis que sa pression baisse de 15"-,38 à 1".

Zeuner donno pour la vapour d'eau qui se détend dans les comditions précédentes une équation remarquable de simplicité et des plus aisces à résoudre, mais soultemns approximative. Ele indique directement la chaleur consommée en travail externe pendant la détente, et par conséquent ce travail lui-même; c'est:

 $L = (1.0224 \text{ M} - (\text{M} - m_1) 0.7882)(t_0 - t_1)$

ou plus simplement encore: $L = 0.7882 (1.2973 \text{ M} + m_t) (t_0 - t_t)$

Ge qui donne pour le travail F dû à la détente: $F = 335 \circ (0.2973 \text{ M} + m_1) (t_0 - t_1)$

Nous allons recourir de suite à celte équation approximative.

C'est ici le cas de citer un ensemble de faits qui confirment pleinement la solution du problème, à laquelle nous venons d'arriver et qui eui été absolument inabordable il y a peu d'années.

Dans le concours de chanditres à vapeur provoqué si utilement, en 1809, par la Société industricide de Maibusos, et pedant le cours des expériences qui ont en lient à ce sujet et qui ont été conducies avec lant de zile et de lalent par le comité de mécanique, on a observé à plusiences reprises un phéromène qui 3 paru des plus énigmatiques à beaucoup de personnes, et qui trouve pourtant ict son explication naturelle.

Les chaudlères soumises au concours servaient alternativement à fournir de la vapeur à une machine à détente variable, à un cylindre sans enveloppe à vapeur, qui avait à dooner un travail externe presque constant. Or il est arrivé que, tauds qu'il acistait des differences apparentes les nobables entre les poists de vapuer produtes par I kil. de homilo avec ces di verses chaudières, tandis que les unes allaient a 8 kil, de vapuer par I kil. el 18 autres seniement à 6 kil. 30, il quantité de combissible nécessivale pour la marche de la machine a au contraire peu varié. On arrivait, en un mol, à cette conclusion paradoxale c'és qu'un même tavait extrem peut, dans des conditions identifiques, conter desquantilés très variables de vapeur, et conter au contraire la machine constitée le ambiensible.

Ayant été appelé à donner man opinion sur celle biarrerie apparento, je pensiai qu'elle devalt dépendre uniquement des quantités variables d'eau qu'ententnai la vapeur des diverses chaudières essayées et qui, dans l'expérience, étaient dosées comme vapeur produite. Le calcul suivant justifie piniement mon opinion.

Sipposons qu'une chandère que l'appellera l', fournisse de la vapeur sôche et qu'une autre chandère que l'appellera l', fournisse de la vapeur chargée de 20 p. « J'eau en poussière; supposons que ces deux chandères consumment à peu près qu'un found quantité de combustible par unité de temps. Voyos qu'un éponde infraence aura l'amploi alternatif de vapeur séche et de vapeur monillée sur la quantité de tavail produit.

Nos deux machines marchent, par exemple, à 5" dans les chaudières et avec une détente telle que la pression passe de 5" à 1". Pour plus de simplicité, admeltons qu'on alimente et qu'on condense à 6°.

Quel est le travail théorique donné par la chaudière A?

Le volume spécifique de la vapeur saturée à 5th est :

$$e_0 = u_0 + w_0 = \frac{30,581616.425}{51665} \log \text{ nat.} \left(\frac{425,07}{100}\right) = 0^{-.936506}$$

Le travail dù à la pleine pression pour une dépense de M^{tot} de vanour sera:

Le Iravail dû à la détente sera, d'après fa formule approximative de Zeuner:



F' = M 335 (0.2973 + 1) (152.22 - 100) = 22695 M Le travail total devient ainsi:

E + E' = 41555 PM

Ce poids de vapeur M nous coûte:

 $q := M(606.5 + 0.305.152.22) = M652^{-1}.92$

Avec la chaudière B nous devons produire le même travail. Soit M' la quantité d'eau et de vapeur métées dépensée pour cela. Nous avons ici $m_1 = 0.8$ M. Le travail dù à la pleine pression et à la détente est -

Pour obtenir le même travait avec les deux chaudières, il faut que nous dépensions :

$$M' = \frac{41555}{34284}M = 1,2121M$$

de vapeur chargée de 0,2 d'eau au lieu de M de vapeur sèche. Quelle quantité de chaleur nous coûte la production de cetie vapeur mouillée? Nous avons :

$$q' = M' \left((606.5 + 0.305.152,22) 0.8 + 1.0224.152,22.0,2 \right)$$

puisque 1,0224 est la capacité calorifique vulgaire movenne de l'eau entre 0° et 152°.22. Mais M° = 1.2121 M; il en résulte :

$$q^*=M\,553,47.\,1,2124=670,87\,\,\mathrm{M}$$
 Pour obtenir le mêmo travail avec la vapeur mouillée qu'avec la

vapeur sèche, nous ne dépenserons donc que ;

de combustible de plus, quoique nous consommions en apparence :

$$\frac{1,2121-1}{1,2121}$$
 = 17,5 p. q_a

de vapeur de plus i Or des variations de 3 p. % dans le combustible sont, comme on sait, très difficiles à constater à conn sûr en industrie, Il est visible que si 1º de houllle nous donne 6°,5 de vapeur sèche avec A, le même poids nous donnera avec B:

$$\frac{652,92}{553.44}$$
 64,5 = 74,668,

e'est-à-dire l',168 de plus de vapeur, en apparence.

Cette analyse nons explique hien des contradictions apparentes que l'on a souvent signalces dans les résultats que donne la machine à vapeur, et qui résultent tout simplement de en qu'on n'a pas tenu comple de l'eau entrainée par la vapeur, on plutôt de ce qu'on l'a commtée comme avaeur reclement dépensée.

Io me bale de dire que, dans les expériences falles au concours de Mulhouse, l'Attention du conilè de metanique s'est porfee sur cette cause d'errant et que l'on a fait en qu'il chail possible de faire, soit pour l'évaluer, des des soits, et se des sois, est let's grande, à un point de veu pratique. Les tentivres faites, dans le dernier sens surtout, out jeté un jour camarquables ur l'état do si é trover l'eau entratéche par la vapeur et sur su proligieuse division. Le lecleur trovvern à ce sujet les détaits les plus intéressants dans le rapport de NM. Burnat et Dubled, lu dans la s'atence de 28 décembre 1808 à la Sociétic discissibile.

Nous venous de voir comment se comportent les diverses vapeurs lorsqu'elles se détendent sans addition ni soustraction de chaleur par les parois du vase oi se fait l'operation. Nous allors étudier maintenant les conséquences d'une addition on d'une sonstraction de chaleur.

g XVI.

Problème II.

Lin cylindre, muni d'un pistun, contient m, de vapeur et M-m, de liquide à k et a_{pk} . La maves et détend lenkement. Quelle quantité de chaleur levol-il ajouter ou soustraire du dobtes pour que la masse initiale de vapeur m_k resie constante, et quell travail exteroe produit alors la vapeur par suite de celle addition ou de cette sous-traction t^* .

Pour résoudre ce problème, prenons l'équation générale II ou :

$$d = \operatorname{M} \operatorname{cd} t + d \operatorname{(mr)} - \frac{\operatorname{mr}}{\operatorname{T}} \operatorname{d} t$$

et posons dm = o puisque la condition donnée est $m_o = const.$ Il en résulte :

$$dQ = \operatorname{M} cdt + m dr - m \frac{r}{T} dt$$

En substituant à r et à c, les valeurs qui conviennent pour l'eau, l'éther et le suifide carbonique, intégrant entre T_o et T_1 , et réduisant, on a :

$$\begin{split} & \text{Ether: } Q = m_o \Big(53,1683 \, \log, \frac{T_o}{T_1} + 0,0004257 \, (T_o^2 - T_1^2) \Big) \\ & - M \, (0,329 \, (t_o - t_1) + 0,00029588 \, (t_o^3 - t_1^2)) \\ & \text{Sulfide: } Q = m_o \, \Big(77,5811 \, \log, \frac{T_o}{T_0^2} + 0,00024691 \, (T_o^3 - T_1^2) \Big) \end{split}$$

$$-M(0,235232(t_0-t_1)0,000815(t_0^2-t_1^2))$$

Et pour t'eau en simplifiant :

Q =
$$m$$
 800,74 tog. byp. $\frac{T_o}{T_1}$ ~ N ($(t_o - t_1)$ + 0,00002 ($t_o^2 - t_1^2$)
+-0,0000003 ($t_o^2 - t_1^2$)}

Faisons de suite une application numérique de ces équations; supposons qu'on ait à l'origine $m_o=N=1^\circ$; c'est-à-dire qu'on opère sur les trois vapeurs sèches; posons pour les trois cas : $t_s=100$ et $t_s=0^\circ$ et par suite $T_s=372.85$, $T_s=272.85$.

En effectuant les opérations indiquées, nous avons, pour : Peau : Q = + 150⁻⁴,51

l'éther: 0=--11, 77

le sulfide carbonique : 0 = + 15, 82

Ce qui nous apprend que tandis qu'il faudra ajouter 150rd,3 à la vapeur d'ean et 13rd,82 à celte du sulfide, il faudra en retrancher 11,77 à celle de l'éther, pour empêcher les deux premières de se condenser partiellement et la troisième de se surchauffer pendant la détente

Il est visible que c'est précisément le cootraire qui aurait lieu si, au lieu de laisser la vapeur à 100° se détendre jusqu'à 0°, nous la comprisione de 0° à 100° il flandrait alors soustraire 150°, 5 et 15°-81 pour les deux premières vapeurs, et ajouter 11°-77 à celle de l'éther, pour maintenir la saturation. L'évaluation du travait externe oroquit est l'ès simple. Remar-

quons, en offet, que la chaleur que coûte ce Iravall u'est nutre chose que la somme de la chaleur ajoutée ou soustratte du debors, et la variation de la valueur interne; et comme la vapeur reste saturée pendant toute la dutrée de l'opération, la variation de la chaleur interne n'est autre chose que la différence des chaleurs finternes de la vápeur salurée à 1, et à 1, 0 du a :

```
Pour l'eau : J_0 - J_1 = 576^{nd}, 11 - 596^{nd}, 78 = -20^{nd}, 66

L'éther : 86, 5 - 124, 506 = -38, 01

Le suffdé carbonique : 82, 78 - 90, 9 = -17, 12

Il résulte de là :

Eau L = 150^{nd}, 51 + 20^{nd}, 66 = 171^{nd}, 17
```

Ether
$$F = 425.26,24 = 11152^{10}$$

Sulfide $F = 125, 32, 91 = 24000^\circ$ Quant aux volumes de nos trois vapeurs avant et après la détente, ils ne sont autre close que les valeurs de c, et répondent à t_a et à tdans les tables 1, 11 et 10.

Les deux problèmes que je viens d'examiner, me semblent bien propres à faire ressortir l'immense progrès que la théorie mécanique de la chaleur a realisé dans la physique mécanique. A part même l'intérêt intrinséque qu'ils présentent comme étude des pluhoménes physiques et oomme solution de questions nazquères encore inabordalies, ils out encore une portée très grande au paint de vue tout pradique de la mécanique appliquée dans nos molures de l'Autreral à cet égard en temps et lieu dans les détails nécessaires; ici cependant je dois déjà signaler, au moins à larges traits, l'origine de l'utilité si grande de leur solution.

Il existe deux systèmes de machines à vapeur d'eau saturée : ils ne différent que par un détail que l'on crolrait et que l'on a cru sans importance. Dans l'un de ces systèmes, le cylindre moleur est garanti simplement du refroidissement externe par une enveloppe isolante en bois (par exemple); dans l'autre, il est placé dans une enveloppe remulie sans cesse de vapeur à la tension de la chaudière, enveloppe recouverte elle-même à la périphérie par une couche isolanie. L'empini de cette chemise à vapeur est dù à Walt. Elle semble une complication de construction bien superflue, lellement superflue même, que beaucoup de constructeurs l'ont supprimée, comme nuisible. Eh! bien, l'influence de cette chemise est telle en réalilé, que pour une même dépense de vapeur le second système de machine peut donner parfois près de 20 p. % de force disponible de plus que le premier. C'est ce qu'ont prouvé les expériences de M. Combes d'abord, et puis les miennes plus tard, (Vovez le bulletin 133 de la Société industrielle de Mulhouse.)

A quoi done est due une telle supériorité? A une ralson maintenant très claire, aulrefois absolument inconnué, et introuvable avec les anciennes données de la physique.

Dans le premier système, la vapeur no reçoit pas de chaleur additionnelle pendant l'expansion; elle s'y comporte comme nous l'avons admis dans notre premier problème; dians le second système, au contraîre, elle en reçoit; elle s'y comporte, du moins en partie, comme nous l'avons admis dans le second problème.

Traduisons cette différence en nombres. Supposons deux machines à vapeur absolument idenliques, à cette différence près que dans la première la vapeur se détent anns addition de chaleur, tandis que dans la seconde, elle reçoit assez de chaleur pour rester salurée sans traces d'eau condensée. Toutos deux d'ailleurs marchent avec de la vapeur à 6°,25 ou à 7, = 160,81 + 272,83; toute deux se détendent de 432°,66 à 312°,85. Dans chacune t'u d'eau évaporée nous donne d'abord un volume e, = 6° 3,2934 sous 6°,23 et par conséqueut un travait dissonible de l'ailleur d'ailleur de l'ailleur de l'ail

6.25.103331.0.2934 == 189489

Mais voyons la différence du travail des deux espèces de détente. Dans la première, la masse finale de vapeur est :

$$m_i = \frac{T_i}{r_i} \left(\frac{r_o}{\Gamma_o} + o \log \cdot \frac{T_o}{T_i} \right)$$

Mettant pour r_e et r_t les valeurs 493 et 564,8 qui répondent à 433°,9 et à 312°,85; posant pour e ta valeur moyenne 1,025, nous trouvens pour la valeur très approximative de m_1 :

$$m_1 = 0^4,81523$$

L'équation tV intégrée entre 533°,7 et 312°,85 nous donne donc ta valeur de U. On a ainsi, en prenant toujours pour c la valeur moyenne 1,025 :

U=-1,025.120,81+(0,8153.544,09-448,27)=119°,16

Le travail fourni par la détente est :

Le travail total disponible est donc:

50643° + 18948° = 69591°

Dans la seconde machine, il faudra fournir à la vapeur, pour prévenir toute condensation pendant la détente :

$$Q = 130^{cst}$$

valeur que nous donne la formule en y mettant les valeurs de T_0 , T_1 , t_0 , t_1 .

La chaleur interne de la vapeur à 160°,85 est 611 ; à 46° elle est 584. La perte de chaleur interne éprouvée par la détente est :

fl y a done : 130 + 27 = 157***

qui ont donné du travail externe, et celui-ci a pour valeur :

425.157 == 66725°

Le travail total disponible est de :

66725 + 18948 = 85673°

au lieu de 69591º que nous avait fonrni 1º d'eau vaporisée à 6º ,25 et détendue de 160,81 à 40°, sans addition de chaleur.

Nous verrons que dans l'application mécanique le problème est plus compliqué que je ne le présente ici. Mais le principe d'action de la chemise à vapeur de Watt est manifeste.

C'est en étudiant cette action comme observateur que j'ai soupconné le phénomène de condensation que pré-ente la vapeur qui se détend sans addition de chaleur; plénomène dont j'ai ensuite mis Pexistence hors de doute en montrant que la vapeur saturée se trouble en effet des que la détente commence (page 137 du bulletin 133 indique þas haut).

Les deux problèmes suivants, très intéressants aussi, ont été résolus entièrement et pour la première fois par Zeuner. Je les laisse tels qu'il les a présentés dans son ouvrage, et en ne les appliquant qu'à la vapeur d'eau, comme exemple particulier.

8 XVII.

Problème III.

Dans un réservoir se trouvent m^{ut} de vapeur et (M—m) kil.
 d'eau, toutes deux à la température t. Quelle est la quantité de chaleur qu'il faut ameuer du delors pour porter la température à fr, lorsqu'on maintient le volume du réservoir constant?

Quelles sont les quantités finales d'eau et de vapeur à cette température 4, et quelle est la quantité 4 nécessaire pour réduire loute l'eau en vapeur?

D'après nos désignations ordinaires le volume initial de la masse est: $m n_a + M n_b$

et le volume final est : $m_1 u_1 + M w$

et comme nous voulons que ce volume reste invariable, nous trouvons, en égalant ces deux valeurs :

 $m_1 u_1 = mu$

La quantité finale de vapeur est donc, pour une tempéralure finale donnée 6 :

$$m_1 = \frac{u}{u_1} m_1$$
 (m₁)

L'accroissement de la chaleur interne nous est donné par l'intégrale de l'équation IV :

$$U = m_1 e_1 - m_2 + M c (t_1 - t).$$
(U)
Comme, on raison de la constance du volume, il ne se produit au-

can travall externe, cette expression nous donne immelitatement la quantité Q de chalour à amener du delors, et l'on a $\{-\omega\}$. Et accome nous l'avons admis, la température finable ρ act connue, et à par conseèquent nous connaiseons la quantité finale m_i de vapeur par l'équation $\{m_i\}$, la substitution de cette que m_i dans l'eque (m_i) d'eque $(m_i$

$$Q = mu \left(\frac{p_1}{u_1} - \frac{p}{u}\right) + Nc (t_1 - t). \tag{A}$$

Ce qui précède n'est applicable qu'au cas où la vapeur qui reste est saturée; la limite de l'emploi de nos formutes répond donc à la vaporisation de la totalité de l'eau, c'est-à-dire à $m_i = \mathbb{M}.$ Si l'on désigne par h la température qui correspond à ce cas, par u_i el par p_i les valeurs correspondantes de u et de p_i . L'équation $\{m_i\}$ nous donne ;

$$u_2 = \frac{m}{M} u$$
; (u₂)

d'où, à l'aide de la méttode de calcul indiquée page 134, on détermine la température t₂. A l'aide de l'équation (U), on détermine alors aussi la quantité de chaleur externe nécessaire :

$$Q_2 = M_{fin} - m_f + M \sigma (t_0 - t).$$
 (Q₀)

Par une addition plus grande do chaleur, la vapeur se trouverait surchauffée, el l'expression précédente ne serait plus applicable.

Pour mieux préciser notre discussion, admettons que les m^* de vapeur initiale aient été produits à l'aide de la masse M^* d'eau portée d'abord de 0° à t^* (se qui a coûté M ct calories) et puis évaporée sous la pression constante p répondant à la température t (ce qui a coûté mr calories); il résultera de là que la quantité lotale de chaleur nécessaire nour arriver à l'état initial était :

$$Mct + mr$$

(S)

ou : $\mathbf{M} \, ct + m_2 + m \, \mathbf{A} \, pu$, puisque nous avons : $\mathbf{r} = s + \mathbf{A} \, pu$.

De cette masse nous avons ensuite tire m, kil, de vapeur à la lempérature t, par une nouvelle addition de chaleur faite à volume constant : c'est pour cette production de vapeur senicment que nous avons dépensé la quantité de chaleur donnée par l'équation (U). En ajoutant ensemble les valeurs données par les équations $\{0\}$ et $\{0\}$, $\{0\}$, and als quantités totale de chaleur $\{0\}$ nécessire nour la neu-

duction de m_1^t , kil. de vapeur dans les conditions indiquées, ou: $0 = \mathbb{N} ct_1 + m_1 t_1 + m \wedge pu,$

ou, puisqu'on a $m_l u_l = m u$:

$$Q = M ct_1 + m_1 f_1 + \frac{p}{p_1} m_1 \Lambda p_1 u_1$$

Si, au contraire, nous avions produi la vapeur dans les conditions posées par la formuie de N. Regnault; autrement dit, si nous avions d'abord porté de 0 à 4; la mases d'écau N, et pois évapore la quantité m, sous une pression constante répondant à 4, la chaleur totale Q, serati, d'ancel Feunation (8).

$Q_1 = M ct_1 + m_1 p_1 + m_1 A p_1 u_1.$

Un regard jeté sur ces deux dernières équations nous montre qu'un très quantités cutrares de chalaur differentes pour produire la même quantité de vapeur dans les deux cas ; que cette quantité est un peu moindre avec la méthode que nous avons adoptée qu'avec celle à larguelle répondent les doundes de M. Riegnault, Mais nous voyons aussi que la différence de ces quantités totales de chalœur résulte soulement de ce que le larravil produi est maintre dans résulte seulement de ce que le larravil produi est maintre dans premier cas que dans le second, car les termes (Ω ét. $+m_1$ n), qui représentent 1a quantité finale de chalœur contenue dans la masse, ont les mémes dans les deux équations, et la différence ne dérive que des termes m_1 n_1 n_2 n_3 n_4 n_4

Si nous voulons qu'à la fin de l'opération la masse entière soit réduite en vapeur saturée à la température t_2 , la quantité totale de chalcur nécessaire sera dans les conditions de notre problème, et puisque $m_i = M$:

$$Q = M \left\{ ct_2 + r_2 + \frac{p}{p_2} \Lambda p_2 u_1 \right\}$$

ou puisque ($r_2 + ct_2$) représente la quantité J_2 de chaleur contenue dans l'unité de poids de vapeur :

$$Q = M \left\{ J_3 + \frac{p}{p_3} \Lambda p_3 u_3 \right\} \qquad (Q'.)$$

Au contraire, si la production de vapeur a lieu dans les conditions où s'applique la formule de M. Regnault, on a;

$$Q_1 = M \left\{ J_1 + \Lambda p_2 u_2 \right\}$$

Échircissons tout ce qui précède par un exemple numérique. Sait $M=\tau^{1}$ la quantife totale de vapeur et d'eau; τ oit $m=0^{\circ},2^{\circ}$ le poids de la vapeur , et par suite $M=m_{\pi}=0^{\circ},M^{\circ}$ le poids de l'eau; soit $t=100^{\circ}$, la température qui nous donne 1° pour pression. Nous voolons que, par une addition de chaleur externe, la température soit portée à 120° , et par suite, la pression à 1° pois que la pression à 1° pois que la pression à 1° pois pois 10° , et par suite, la pression à 1° pois que forme de la pression à

D'après le tableau 1, neus aurons :

$$u = 1,6543$$
 $u_i = 0,8777$

 p_1 =480,42 A p_2 u_1 =41,874. L'équâtion { m_1 }nous donne d'après cela, pour la quantité de vapeur finale :

$$m_1 = \frac{1,6543 \ 0.22}{0.8227} = 0^{14},4146.$$

Le poids final d'eau est done :

 $M = m_1 = 0^{44},5854.$

La chaleur à fournir du detiors sera : 0 = 114° 21.

puisque nous avons :
$$\frac{\rho_1}{t_0} = 547.3$$
 et $\frac{\rho}{t_0} = 300$

Si, au contraire, nous avions voulu convertir la masse totale d'eau en vapeur sous un volume constant, la température finale se déterminerait comme il suit.

D'après l'équation (1/2) nous avons ici :

$$u_2 = \frac{mu}{M} = 0,22.1,6543 = 0,3639$$

et à cette valeur répondent, d'après la table I, la température t₂ = 152°,22 et la pression 5°°

D'après l'équation (Q_x), il faudrait fournir à la masse initiale la quantité de chaleur :

 $Q_2 = 1.455.95 - 0.22.496.21 + 1.0225 (t52.22 - 100) = 390^{-6}.48$. Une plus grande addition de chaleur élèverait, il est vrai, encore descendes le accession et la temperature, praia grinnet une feute

davantage la pression et la température, mais suivant une toute autre loi, puisqu'à partir de ce moment la vapeur serait surchaussée.

Si, à la quantité de chaleur que nous venons de trouver, nous ajoutons celle qui est nécessaire pour échauffer d'abord 1 d'eau de 0° à 100°, et puis pour en vaporiser 0°,22 sous la pression constante de 1°, nous trouvons à l'aide de la table I la chaleur totale :

8° 608,99 + -\frac{1}{2}, 44,082 = 617°,86.

Si, au contraire, nous avions porté l'eau de 0° à $t_2 = 152^{\circ}, 22$, pour l'évaporer ensuite totalement sous la pression de $5^{\circ \circ}$, la chalcur totale serait :

$$S_t = 606.5 + 0.305.152.22 = 652.93.$$

Les formules ci-dessus s'appliquent naturellement au ces inverse of il y a soustration de chalert ou refroidissement par le deboers, ce cas a une importance pratique tonie particulière, car c'ets encanamequi mons permettra de cherrber ce qui le spasse dans le condenseur d'une muchine à vapeur, en faisant cette seule restriction que le refroidissement soil fait par l'entérieur et n'ait pas l'en 17 l'alte de l'higeloin d'eur froide, comme il arrive ordinaisment.

L'exemple que nous avons soumis au calcul peut aussi servir à l'étude de ce cas.

Si, dans un condenseur, il se l'rouve 014,4227 de vapeur et 014,5773

d'eau à 120°, et si, à volume constant, on soustrait à cette masse 114°-81, on entourant, par exemple, d'eau troide le réservoir, la température tembera, d'après les calculs ci-dessus , de 120° à 100°, et la pression de 1°-968 à 1° : la quantité finalo de vapeur sera 0°,22 et la quantité d'eau 0°, 78.

Si nous n'avions eu d'abord que 1° de vapeur à 5°°, et si, à volume constant, nous avions soustrait 399°°, 48, nous aurions obtenu le même état final que dans le cas précédent.

Les résultats de notre problème nous donnent le moyen d'en révoludre un native asset important qui concerne eq ui se passe, en certains cas, dans les chaudières des machines à vapeur. Si nous appeasse l'état du foyer. la production de la vapeur, et le travail de la machine à leur régime normal, nous conneissons la quantité de habeur que la chaudière recelt ou une seconde par ecemple. Si alors nous compons brusquement la communication de la chaudière avec le cylindre, la production de la vapeur re fait, dès ce moment, a volume consaint. Comme la production de chaleur dans le foyer, of par conséquent la chaleur fourrio à la chaudière restent à test peu prés invariables, nous provons calculer l'accordisement par soconde de la température, et par suité de la pression dans la chaudière, a l'étaté de l'équation (l.). A condition seulement que nous connaissions les quantités de vapour ct d'exa qui se trovvent dans la chaudière au moment et a une savon caupé la communication.

g XVIII.

Problème IV.

- Dans un réservoir, ou condenseur, se trouvent m' de vapeur et
 (M --- m') d'eau à la température t.
 - On înjecto p' d'ean a la lempéralure •.
 - · La température tombe à t₁.
- Quelle quantité d'eau et de vapeur se trouve dans le condenseur
 et quelle quantité d'eau a-t-il fallu injecter? (étant conques toutes
- les valeurs autres que µ et m;).•

Fig. 8.) Concevous un réservoir A, un condenseur, contenna les quantités en et P. — ad e vaspeur et d'eau à la température donnée s. Ce réservoir est tié au cytindre B par un tuyau C, muit d'un robinet qui permet d'établif ou d'intervempre à votonie la communication des deux capacités, Soppessons d'abord le robinet fermé; dans le cylindre B se trouve la quantité d'eau » à la température », soumis à la pression d'un platon clarge de p. Jen mêtre carrê: clars les machines à vapeur la pression p. qui détermine l'injection n'est autre chose que la pression de l'air, externe.

D'après nos désignations habitueties, le volume V de la masse contenue dans le condenseur est :

V = mu + Mw. (V)

La chaleur interne de cette masse est : $U = m_0 + Mct$.

Le volume de l'eau d'injection du cylindre B est ;

 $V_1 = \mu u c$.

Sa ehaleurinterne est :

E₁ = vc₇.

La chateur interne totale de la masse toute entière est donc :

 $U+U_{i}=U^{\prime}=m_{f}+Mct+\nu c\tau.$

Mainternat ouvrous le robinet d'jusqu'à ce que toute la quantifie «ait pénéré dans le condenseur. Bappoiss une condition expressoc'est que la température initiale « soit inférioure à r et que la tension littale dans le condensour ne dépasse que per celle de la pression atmosphérique externe. Permons le robinet dés que » est injecté, et cherchons quel est l'état de la masse d'eau et de vapeur dans le condenseur."

Cette masse est $M + \rho$, et il s'y trouve m_1 à l'état de vapeur. En désignant par t_1 la température et par u_1 et t_2 les valeurs de u_1 et de ρ qui y correspondent, nous avons pour le volume de la masse :

 $m_1 u_1 + (M + \rho) w$

et comme le volume est égal au volume initiat du condenseur ou V_* on a en égalant avec l'équation (V) :

 $m_1 u_1 + \mu w = mu$.

(F)

C'est une première équation fondamentale.

La chaleur interne de la masse entière est :

 $U'' = m_1 e_1 + (M + \mu) ct_1$.

Cette chaleur est nécessairement plus grande, comme on va voir. que celle qui répondait à l'état initial et que nous donnait pour U' l'équation ($U + U_1$).

En effet, pendant toute l'opération, la masse a recucilli du travail externe, car le piston du cylindre B est descendu sous la pression constante po. Comme le volume initial de l'eau d'injection était uto et que c'est évidemment là le volume engendré par la course du pistou, le travail, exécuté sous la pression po et emmagasiné par la masse, est : parte ; la quantité de chaleur qui y répond est :

$$q := \Lambda p_a \nu w$$
.

C'est donc là l'accroissement de la chaleur interne finate de la masse. En utilisant les équations ci-dessus, nous arrivons pour notre problème à une seconde équation fondamentale ;

 $m_0 + Mct + uc_7 + \Lambda n_{cet0} = m_1 c_1 + (M + u) ct_1$ équation qui, avec la première (F), pous permet de déterminer les deux inconnues p et ma, et par suite de résoudre complètement te problème. La dernière équation en effet peut s'écrire :

$$m_1 \, \rho_1 + \mu \, (c \, (t_1 - \tau) - \Lambda p_o w) = m_P + Mc \, (t - t_1).$$
L'équation nous donne d'ailleurs :

$$m_i = \frac{mu - \gamma w}{u_i}$$

Et si nous introduisons cette valeur de m, dans la dernière équation, nous trouvons après quelques réductions :

$$p = \frac{mu\left(\frac{p}{u} - \frac{p_1}{u_1}\right) + \text{No}\left(t - t_1\right)}{c\left(t_1 - \tau\right) - w\left(\Lambda p_a + \frac{t_1}{u_1}\right)}$$

A l'aide de cette valeur p, l'équation (F) nous donne la quantité finale de vaneur m₁ contenue dans le condeuseur. Quant à la quantité d'cau, elle a pour valeur : $M + \mu - m_1$. Un exemple particulier va



faire comprendre mieux encore l'usage des expressions précèdentes. Supposons que dans le condenseur d'une machine à vapeur il se trouve N° d'eau et de vapeur et m=0.9N de vapeur. La tension de cette vapeur est $de \frac{1}{4}$ ". sa température est , par suite , $t=111\cdot74$. Le calizin nous donne d'abord :

$$u = 1^{-9},1224$$
 et $\frac{p}{n!} = 433^{-2} \cdot .9$,

Sait = 12-, la température de l'eau d'injection soumise à la pression unosphérique p_* = 1033 °; soit t_i = 35 ° la température dans le condenseur après l'injection de l'eau, 0 na par suite, v_i = 25,544, et pour la chaleur latente laterne v_i = 274,44. Il suit de là : $\frac{v_i}{v_i}$ = 21,43. Remarquiues escore que nous pouvons admettre, pour la capacité calorifique de l'eau, c_i = 1,0223, pour le volume de l'eau;

 $W = 0^{-3}$,001, et enfin pour A, $\frac{1}{425}$; il suit de là :

$$mu\left(\frac{\rho}{u} - \frac{\rho_1}{u_1}\right) = 10,00 \text{ M};$$
 $Mc(t-t_1) = 78,66 \text{ M}$
 $c(t_1-t_2) = 23,52$ $w\left(\Lambda p_0 + \frac{\rho_1}{u_1}\right) = 0,05;$
 $d'oh:$

d'où :

Il faut donc, dans le cas présent, injecter 21 fois plus d'eau qu'il ne se trouve d'abord de vapeur et d'eau dans le condenseur. L'équation cl-dessus nous donne ensuite pour la quantité de vapeur qui reste dans le condenseur:

$$m_1 = 0.038 M$$

et pour la quantité d'eau : M $+\mu = m_1 = 22.062$ M.

Si nous avions admis que toute la masse M renfermée d'abord dans le condenseur ait été de la vapeur, nous aurions trouvé de la même manière pour la quantité d'eau injectée:

 $\mu = 24,07 \text{ M}$

pour la quantité finale de vapeur : $m_1 = 0.043 \text{ M}$

et enfin pour la quantité d'eau finale : 24,028 M.

Dans l'application de notre équation à la détermination de la quantité d'ean d'injectice dans les machines à vapeur à condausation, nons pouvops toujours négliger le terme :

$$W\left(\Lambda p_o + \frac{\beta_1}{u_s}\right)$$

parce qu'il est très petit. On arrive ainsi, pour la quantité d'eau injectée, à l'expression plus simple :

$$\frac{mu\left(\frac{\rho}{u}-\frac{\rho u}{u_1}\right)+Nc(t-t_0)}{c(t_1-t_0)}$$

Le numérateur de cette fraction ne représente d'ailleurs rien autre chose que la quantité de chaleur qu'il faudrait soustraire à la masse # pour faire tomaire la température de f à f., sans changement de volume : dest ce que nous apprennent l'étude du problème ill et l'équation qui y est relative.

A peine est-il recessaire de faire remarquer que, dans les calculas précédents, pour la determination de la quantité d'eau d'aigection dans les machines à condensation, jui suivi une voie essentiellement différente de colle qu'en a suivia jusqu'inf. Sans entrer dans une comparationa approficial, jui rappellar simplement que les anciennes formules reposent sur des suppositions qui sout eutilement inacceptables, d'après les principes fondamentaux de la théorie mécanique del challeut. (Totatis de Ecumer).

Je passe à deux autres problèmes qui me semblent de nature à intéresser particulièrement le lecteur et qui serviront de transition naturelle à l'étude de la vapeur surchauffée.

Z XIX.

Problème V.

D'une chaudière à vapeur tenue à la pression et à la température constantes p. et «, et par un robinet convonablement placé, on claisse échapper une masse de vapeur m. mélée à une masse «M—m.) de liquide, qu'on récoit dans un réservoir où le métance

- /Goog

est tenu à pression p, ot à température 4, constantes aussi. On demande quelle est la proportion de liquide et de vapeur après cette «détente brusque, si l'on ne soustrait ou n'ajonte pas de chalcur du «debors.»

D'après le seul énoncé de ce problème, on voit qu'il concerne un des cas les plus fréquents de la physique et de la mécanique appliquées. Je crois donn devoir l'examiner avec soin et dans ses détails.

Il va mous étre facile tout d'abord de lui donner une forme qui le fasse en quelque sorte parler aux yeux et qui en rendra la résolution beaucoup plus facile.

(Fig. 11) Au lieu de hisser notre métange M tomber immédiatement de la pression, a la pression, ha lorse los passes, sus changement de pression dans un cylindra vartical (pie p'appelleral) λ β partié insprarédable au calorique, o de neuer sans frottement un piston chargé de manière à faire précisément équilibre à p.,. La sention de ce ylindre étants i, le piston va Sélvere à une certaine hactour à telle qu'en aux abse (14 m au, 14 m au, 16 m au,

$p_0 sh = p_0 \{(M - m_0) w_0 + m_0 e_0\}$

Sans rien changer à la charge du piston, mettoes à l'aide d'un vobinet le bas du cylindre en communication avec un vace vide dont les parois, perméoble au ectorique, solent teuves à atro et dont le volume celt MW (W cinnt toujours le volume de l'unité de poids de liquide à 0.9). Le pisto va decomire lentiennis, la vapeur se condensora toute ontière, et pour opérer cette condensation. Il faudra soustraire par les parois du condenseur une quantité de challeur qui auns ététiemment pour valour :

$Q_0 = U_0 + \Delta p_0 (\{M - m_0\} w_0 + m_0 e_0)$

U. étant la chaleur interne du mélange.

Procédons aufrement. Au lieu de mettre le cylindre plein de vapeur et de liquide en rapport avec le condenseur, mettons le à l'aide d'un robinet de jonction en communication avec un second cylindre vertical (que j'appellerai B) dont les parois soient aussi imperméables au calorique, et dans lequel se meuve sans frottement un piston charcé de manière à ce qu'on ait:

$$p_1 = \frac{P}{s'}$$

r étant la section el P la charge. Il est évident que dans cetto nouvelle disposition notre métage M va paser bruzquement des pression constante p., à la pression constante aussi p., absolument commens nous le laissions échapper immédiatement de la choudière dans un vase tenu à p., Le piston de A descendra, celuit de B montera lecteneut, si nous rivervous qu'en partie le robinet de jonction, et l'orspect tout aura passé en B, le piston se sera élevé à une certalechauleur N étole qu'on aura

 $h's' = (M - m_1) w_1 + m_1 c_1$

Le travail externe exécuté par la vapeur en B sera done :

$$p_1 h' s' := p_1 ((M - m_1) w_1 + m_1 e_1)$$

Si maiutenant nous meitons à son tour le bas du cyllodre B en communication avec un vase vide de volume MW, dont les parois soient tenues à zèro, le pision B descendra lentement; et peur lout condenser à 0°, B faudra soustraire une quantité de chaleur qui aura pour expression:

$$0_1 = U_1 + \Lambda p_1 ((M - m_1) w_1 + m_1 c_1)$$

 U_i étant la chaleur interne de la masse M à p_i et à t_i . Comme nous n'avons recueilli aucun travail externe, nous avons évidemment : $Q_0 = Q_1$, ou :

 $U_0 + \Lambda p_0 ((M - m_0) w_0 + m_0 e_0) = U_1 + \Lambda p_1 ((M - m_1) w_1 + m_1 e_1)$ Mais les valeurs de U_0 et de U_1 sont connues, puisque celles de p_0 , p_1 , p_0 et p_1 , sont dopnées; elles ont pour expression :

$$U_{\circ} = M \int_{-c}^{t_{\circ}} cdt + m_{\circ} \rho_{\circ}$$

$$U_{1} = M \int_{-c}^{t_{\circ}} cdt + m_{\circ} \rho_{\circ}$$

Il vient done en définitive :



$$\begin{split} & \operatorname{M} \int_{-\epsilon}^{t_0} c dt + m_e \, \epsilon_e + \operatorname{A} p_e \left((\operatorname{M} - m_e) \, w_e + m_e \epsilon_e \right) \\ & = \operatorname{M} \int_{-\epsilon}^{t_1} c dt + m_t \, \epsilon_t + \operatorname{A} p_t \left((\operatorname{M} - m_t) \, w_t + m_t \epsilon_t \right) \end{split}$$

Cette égalité se simplifie aisément, en remarquant que : $Av_{e}((M-m_{e})w_{e}+m_{e}e_{e})=A(Mv_{e}w_{e}+m_{e}v_{e}v_{e})$

 $A p_1 ((M - m_1) w_1 + m_1 v_1) = A (M p_1 w_1 + m_1 p_1 u_1)$

$$\mathbb{M}\left(\int_{-c}^{t_{o}} cdt - \int_{-c}^{t_{o}} cdt\right) = \mathbb{M}\int_{-t_{o}}^{t_{o}} cdt$$
If vient, en effet, ainsi:

Il vient, en effet, ainsi

$$M \int_{t_a}^{t_1} dt + m_a \rho_a + M \Lambda p_a w_a + m_a \Lambda p_a u_a = m_1 \rho_1 + M \Lambda p_1 w_1 \\
+ m_a \Lambda p_a u_a$$

 $+ u_1 \times p_1 u_1$ Mais $(p_0 + A p_0 u_0) = r_0$ et $\{p_1 + A p_1 u_1\} = r_1$; on a donc:

ou, encore plus simplement, en remarquant que Λ M $(p_0\,w_0-p_i\,w_1)$ est toujours très petit par rapport aux termes précédents :

$$\left(\mathbf{M} \int_{t_1}^{t_0} cdt + m_0 r_0\right); r_i = m_i$$

Notre problème est ainsi complètément résolu.

Donnons-nous pour condition que le mélange M en passant de p_n doive se réduire totalement en vapeur; on a par suite $m_1 = M$ et il vient :

$$\left(\mathbf{M} \int_{t^0}^{t_1} cdt + m_s r_0\right) : r_1 = \mathbf{M}$$

d'où :

$$m_0 := M\left(r_1 - \int_{t_0}^{t_1} dt\right); r_a$$

Telle est donc la quantité de liquide que doit entraîner une vapeur onque qui s'échappe d'une chaudière à pression constante p.



-

et qui tombe subitement à une pression constante p_1 , pour que la totalité du mélange se réduise en vapeur saturée à t_1 et à p_1 .

Prenons pour premier exemple l'eau et sa vapeur. Supposons que la pression constante dans la chaudière soit de 5th et que le mélange M se précipite de la chaudière dans l'atmosphère ou tombe de 5th à 1th. Nous avons lei :

$$t_o = 152,2, t_1 = 100^\circ, r_o = 499,13, r_1 = 536,5$$

et la valeur moyenne de c est 1.0224; nous pouvons prendre aussi $w_0=w_1=0.00106$; il résulte de là :

$$m_{\phi} = M$$
 (536,5 $-$ 1,0224 (152,2 $-$ 100):499,3 $=$ 0,9674 M on an faisant $M = 1$

$$m_o = 0^{\circ},9674$$

Ainsi, il faut que la vapeur à 5" entraîno 3,25 p. ", à d'exu pour se reduire en vapeur sèche, mais saturée, à 1", lorsqu'elle se précipite d'une chaudière à 5" en piein air. Il est clair que si elle en contient moins, elle se surchauffe : je reviendrai bientét sur ce fait remarquable.

Prenons pour exemple l'éther sulfurique; supposons que sa vapeur, tenue à la pression constante 10°,16, se précipité dans un espace où elle tombe à 1°,19. Nous avons ici;

$$t_{\rm o} = 120^{\rm o}, \, t_{\rm i} = 40^{\rm o}, \, r_{\rm o} = 72,26, \, r_{\rm i} = 89,48$$
 et :

 $\int_{40}^{120} cdt = (0.529 (120 - 40) + \frac{1}{2} (0.000592 (120^2 - 40^2)) = 51.4$

Nous pouvons prendre aussi $w_0 = w_1 = 0.00165$ (Exp. de M. Pierre).

D'où il résulte

$$m_a = M(59,48 - 51,4 - \frac{(10,16 - 1,19) \cdot 10333.0,00165}{432});72,26$$

= M 0.49

Ce qui nous apprend qu'il faut que la vapeur d'éther entraine presque son poids de liquide pour ne pas se surchausser en tomhant de 10.110 à 12.16.

- 167 --

Penhlème VI

Les données premières étant les mêmes que dans le problème
 précédent, on demande quelle est la vitesse d'écoulement et quel
 cst l'état physique du mélange M à l'orifice d'écoulement?

Cette belle question a été résolue tout récemment et de la manière la plus originate par Zeumer. Les déuils que fai donnés dans le problème précédent me permettent d'aborder immédiatement celuici, et de loi donner une forme claire et concise.

Nots avons vu que la melànge M qui afeccule sous la pression constante p. q. d'un cylindre à dans un cylindre B du la pression est devenue p., se trunvo rigoureusement dans les mêmes conditions que s'il afecunità d'une chaudière à p. dans un réserveir à p., le pision de A en descendant donne un traval p.v., v., et den laussi le avolume engendre; celui de B en montant reçoit un traval p.v., v., étant aussi le volume engendre; celui de B en montant reçoit un traval p.v., v., étant aussi le volume engendre de la en de la moment où le mélangu passe de A en B, sou volume s'élève de v. à v., Le traval toub représenté par les molécules au moment du éles out atteint leur marimum de vitesse est donn pécessiement :

$$\left(p_{\alpha} v_{\alpha} - p_{1} v_{1} + \int_{v_{\alpha}}^{v_{1}} p dv\right) M$$

Si nous désignons par Z cette vitesse maxima, ce travail total a aussi pour expression $\frac{\mathcal{D}}{2g}$, et l'on a l'égalité :

$$Z^{i} = 2g\left(p_{o}v_{e} - p_{i}v_{i} + \int_{v_{o}}^{v_{i}} pdv\right)$$

En mettant cette équation sous la forme équivalente :

$$Z^2 = 2g \int (pdv - d(pv))$$

et, en différentiant, on a :

$$\frac{d. Z^2}{2g} = -vdp$$

Hais en désignant par m la valeur que prend à chaque în-tant la

masse de vapeur, on a, en conservant d'ailleurs toutes nos désignations habituelles.

v = me + (H - m) w = mu + Hw

ou simplement : v = w + mu

en faisant M == 11. Il vient ainsi :

$$\frac{d.Z^{i}}{2g} = -(w + mu) dp = -mu \left(\frac{dp}{dt}\right) dt - wdp$$

en remarquant que p est une fonction immédiate de t. Dès le début de ce chapitre, nous sommes arrivés, pour toute vapeur saturée, à la relation :

$$u\left(\frac{dp}{dt}\right) = \frac{r}{hT}$$

En substituant cette valeur dans l'équation ci-dessus, elle devient :

$$Ad. \frac{Z^k}{2p} = -\frac{mr}{T}dt - Awdp$$

Mais w en général varie si peu entre les limites t_0 et t_1 où nous pouvons faire nos expériences, qu'on a sensiblement w = W ou w = const. 11 en résulte :

$$T = -\frac{2g}{\hbar} \int_{-t_o}^{t_t} \frac{mr}{T} dt + W(p_o - p_k)$$

ou en se rappelant que $\frac{1}{A} = 425^{\circ}$ et $2g = 19^{\circ}$,6176

$$Z^{2} = 84748 \left(W \left(p_{s} - p_{t} \right) - \int_{t_{s}}^{t_{t}} \frac{mr}{T} dt \right)$$

L'une des équations principales de la théorie mécanique, appliquée aux vapeurs saturées, nous donne ;

$$\frac{mr}{T}dt = cdt + d. mr - dQ$$

dQ étant la quantité de chaieur fournie à la masse M pendant l'expansion. Si nous prenons le cas le plus simple, celui où l'on n'ajoute



ni ne soustrait de chaleur à cette masse pendant l'écoulement de A en B, il en résulte dQ = 0, et par conséquent :

$$\int_{t_0}^{t_1} \frac{mr}{T} dt = \int_{t_0}^{t_1} cdt + m_0 r_0 - m_1 r_1$$

En substituant cette valeur dans l'équation de la vitesse à l'erifice, elle devient :

$$Z^* = 84748 \left(W(p_o - p_1) + \int_{t_o}^{t_1} cdt + m_o r_o - m_i r_1 \right)$$

L'équation :

dQ = cdt + d, $(mr) = \frac{mr}{T} dt$ neut se mettre sous la forme :

$$dQ = cdt + T d. \left(\frac{mr}{T}\right)$$

qui, pour dQ = 0, nous donne :

$$\frac{m_t r_t}{T_t} = \frac{m_o r_o}{T_o} + \int_{-t_o}^{t_t} \sigma \frac{dt}{T} d^t ou m_t = \frac{T_t}{r_t} \left(\frac{m_o r_o}{T_o} + \int_{-t_o}^{t_t} \frac{c dt}{T} \right)$$

Ce qui donne enfin pour Z² :

$$Z^{z} = 84748 \left(\frac{m_{o}r_{o}(t_{o}-t_{1})}{T_{1}} + \int_{-t_{o}}^{t_{1}} cdt - T_{1} \int_{-t_{o}}^{t_{1}} \frac{cdt}{T} + W(p_{o}-p_{1}) \right)$$

Pour le cas où l'on a primitivement $m_o = M$, c'est-à-dire où la vapeur est sèche, mais saturée, on a encore plus simplement :

$$Z^{2} = 84748 \left(\frac{r_{o}(t_{o} - t_{o})}{T_{o}} + \int_{t_{o}}^{t_{1}} \frac{t_{1}}{cdt} - T_{1} \int_{t_{o}}^{t_{1}} \frac{cdt}{T} \right)$$

puisque $W(p_s - p_t)$ est toujours une fraction négligeable. . Telle est l'expression remarquable à laquelle conduit la théorie mécanique de la chaleur, pour la vilesse d'ecoulement d'une vapeur saturée et sèche qui passe d'une pression constante p_s à une autre



constmie aussi p_i . En appliquant cotte équation à la vapeur d'eaut, et en admettant $p_i = i^{-i}$. Zeuner a trouvé les résultats suivants peur la vitesse de la vapeur saturée qui s'échappe d'une chaudière à p_i .

p_o	Z	p.	Z
2	482	8	835
3	607	9	858
4	682	10	879
5	734	ii	897
6	775	12	913
7	809		

Mais l'anaiyse mathématique permet de pénétrer dans des détails encore plus intimes du phénomène physique.

L'équation :

$$dQ = cdt + d.mr - \frac{mr}{T}dt$$

en y posant dQ = 0, en intégrant et en faisant $m_0 = M = 1^k$ nous a donné :

$$m_i = \frac{T_i}{r_i} \left(\frac{r_o}{T_i} + \int_{t_o}^{t_i} \frac{cdt}{T} \right)$$

En adoptant par c la formule donnée par M. Regnauit, et en prenant comme exemple $p_o = 12^{\omega}$ et par suite $t_o = 188.4$, on trouve :

$$\int_{0}^{8185,4} \frac{dt}{T} = 0.5315 \text{ et } \int_{0}^{8100} \frac{dt}{T} = 0.31354$$

A ces températures 188°,4 et 100°, on a $r_c = 472,9$ et $r_1 = 536,5$. Il résulte de là, tout calcul fait :

m₁ == 0.864

Que signifie ce nombre? Il nous apprend que quand la vapeur d'abord saturée, mais séche, a atteint sa vitesse maxima en tombant de 12^n à 1^n , il s'y est condensé 1^i = 0.862 \cong 0°,136 d'esu. Lorsqu'ensmite cette vapeur a perdu sa vitesse en chocs et en frontement dans le réservoir à $p_1 = 1^n$ \cong const., non seulement cette

quantité 0,150 é/wapore, máis la vapeur se surchaulfo considérabiement et atteint, comme nous le verrons dans le chapitre suivant, la température de 159-Et que l'on ne crole peint qu'il s'agisse lei de pures spéculations théoriques. L'aupérience confirme en effet, admirablement, les résultats de l'assigné. Cest à l'ordice même quo la vitesse d'écoulement est la plus grande possible; c'est denn la que la vapeur renferne le poids d'em 0,152 : sussi quand on ôsterve un jet de vapeur sèche et saturée qui, sons une pression constante, s'élance dans l'atmosphère en tombe de p. à 1". on aperçait parfattement un cont rouble dout la opoita et d'injèce en avant et qui, à as base, a le d'amèrite de l'orifice. Au-delà du cône, la vapeur est diaphanc comme l'air.

CHAPITRE III.

THÉORIE DES VAPEURS SURCHAUFFÉES.

3 L

Une vapeur saturée est un gaz qui se trouve dans un état moléculaire tel qu'on ne peut, sons une pression donnée, lui enlever de calorique, sans qu'une portion du corps ne passe à l'état liquide.

Une vapeur surchauffée est un gaz anquel on peut, au contraire, soustraire de la chaleur sans le liquéfier.

Une vapeur saturée, soumise à une pression constante, se con-

dense sans se refroldir, lorsqu'on lui enlève de la chaleur. Une vapeur surchauffée, soumise aussi à une pression constante.

se refroidit au contraire, lorsqu'on lui enlève de la chaleur.

Parmi les corps qu'on appelle gaz, il en existe plusieurs qui peu-

vent étre liquédés à l'aide d'une pression et d'un refroidissement coverantiles; tals sont l'ardie sufferent, l'acide carbonique, etc., etc. Personne ne peut plus douter que les gas no soitest, sans aucune exception, dans le même average les gas no soitest, sans aucune exception, dans le même sufficient, à un état led que, la pression restanticonstante, on ne peut plus soutstaire de chainer cans les liquédiere en partie; à partir de ce monnant, la température ne varie plus, et la soustraction ne produit plus qu'un condensation de plus en plus completion ne

Les gaz appelés permanents ne sont donc que des vapeurs surchauffees considérablement au-desses du point de saturation, et que l'on n'a pas oncore pu amener à ce point par les moyens dont nous dispasons.

Si nous pouvions vivre dans un milieu qui serait à 150° ou 200° au-dessous de notre zéro du thermomètre, l'oxigèno, l'hydrogène, l'azote, se comporteraient probablement comme la vapeur d'eau dans

le milieu où nons nous trouvons actuellemeni. Au contraire, si nous ne pouvions vivre que dans un milien qui serail à 400° au-dessus de zéro, la vapeur d'eau de 1ºº à 5º serait, pour nous, un gaz permanent.

La distinction qu'on faisait autretois entre les vapours et les gas chaif fusses, en cessa qu'elle lendait à calaity nou différence générique entre des corps d'une même famille, dont les propriétés physiques et générales se sont modifies que par la quantilé plus ou moins grande de colorque qu'ils representent à un moment donné. Elle est au contraire utile, pouvru qu'on la limite bien et qu'on se rappelle son origine : elle ne sert alors plus qu'à accentuer, d'une façon très correcte, deux manières d'être d'un même corps, déterminées exclusivement par la quantité absolue et actuelle de chaleur interne de ce corrigient.

Jo dis quo cetto distinction, ainsi comprise, est utile.

Les beaux travaux de Clausius sur la vapeur d'eau, complétés et dévelopées encore par celui de Zeuner, nous apprennent, en effet, que les fois à simples qui s'appliquent aux gat vyes (fârs, par exemple, clans le milieu où nous vivons), ne conviennent plus, en aucune façon, à la vapeur d'eau saturée. Ainsi les lois de Mariotte et de Gay-Lussac, exprimées daus l'équation :

$$p_t = P_0 \frac{V_o}{v_t} \cdot \frac{1 + \alpha t_1}{1 + \alpha t_0}$$

qui s'appliquent, au moins approximalivement à l'uir, ne sont plus suffisamment approximatives pour la vapeur. Tous les travaux qu'on avait faits pour déterminer les volumes do la vapeur sont douc inexacts par ce moili. Ce sentit, par suile, à tort que l'on supprimrat une déconitation particulière pour des corps gaueux qui différent aussi considérablement les uns des autres; il faut seulement er rappeler que les mois vopeur saturés et pas parfait désignent deux états extrêmes d'un même corps. l'un inférieur, l'autre supérieur, et que le termé de capeur surchouffée indique la transition qu'une addition de calorique produit de l'un de ces états à l'autre. Faprès co qui précède, an doit s'attendra à voir les propriétes particulières de telle ou telle vapeur, de la vapeur d'eau, par exemple, se transformer graduellement par la surchanife en celles d'un gaz permanent ou approximativement parfait. C'est es effet ce que se vétifie de la manifere la plus complète et à se si bant depré, que nous sommes désormais en droit de rejeter comme fausse toute proposition tendant à établir une démarcation définitive entre les qualités génériques des divers corpe gazons.

a II.

L'état de vapeur saturée et l'état de gaz sont, disons-nous, deux limites extrémes que peut occuper nn même corps, et qui ne dependent que du plus ou du moies de chaleur que ce corps renferme sous une même pression.

La theorie mécanique a fixé, de la manière la plus satisfaisante, les principales propriétés des corps, sons le premier de ces états. Les données qu'elle a fournies à cet égard, pourront étre modifiées dans l'avenir quant aux valeurs numériques particulières, mais non quant anx principes mêmes d'où dérivent ces valeurs.

En considérant les gaz appelés permanents comme des vapeurs infolment surchauffées, comme des gaz parfaits, la théorie mécanique a de même fixé les propriétés fondamentales qui font les attributs des corps supposés arrivés à cet éta-limite supérieur; c'est ce que nous vermes dans le chapitre suive.

On conçoit combien il scrait essentiel, an polat de vue do la mécanique appliquée comme de la philocophie naturelle, d'établir un trait d'union mathématique entre ces deux limites inférieures et supérieures, qui permit de consoltre les principales propriétés d'un corps à l'état de surchantle flucompiète, sans avoir à étudier directement tous les decreis intermédiaires.

C'est à quoi nous allons parvenir de la manière la plus simple, la plus élémentaire et la plus générale, en partant de deux propositions fondamentales que je vais démontrer.

Proposition 1.

Lorsqu'une vapeur quelconque saturée mais sèche se précipite d'un réservoir où elle est tenue à la pression constante p, elle se surchauffe autre où elle est tenue à la pression constante p,, elle se surchauffe toujours et sa température après la détente brusque est supérieure à celle qui répond à la pression p.

(Fig. 9.) Concevous deux cylindres verticanx A el B de sections e et (Fig. 9.) Concevous deux cylindres verticanx à paroli simpernéables au calorique, dans lesquels se meuvent deux pistons or b, dont les tiges à crémaillères sont rendues solidaires par une roue dentée : supposons muls les frottements des pistons, etc.; relions le bas des critladres par un tute mund d'un robinat.

La pision a chant an haut do su course, à é tant au bas et le roibiet e étant fermó, supposons que A renferme un poids M = 1¹ d'une vapeuer quedonque saturce à p., et à f., Couvrons spartiellement le relinier r. La vapeur à p., irouvant un espace plus grand à occuper, va y tombre à une certaine pression p., et comme les pistons se fant mutellement d'quilibre, on aura:

$$p_e s = p_1 S$$

a descendra, b montora avec une vitesse qui dépendra de l'ouverture du robinet et que nous supposerons très-petite, pour n'avoir point à nous occuper de la force vive acquise par les pistons et la roue.

Bennarquos qu'en raison de la dépendance réciproque des pistons le travail opéré par la descente de « et constamment égal au travail rendu par l'ascension de » Le travail extreu est donc mul d'un bout à l'autre de l'opération et par conséquent la chalcer interne totale l'e, reste invariable aussi. En A et au commençement de l'opération, cette chalcer interne avait pour expression :

$$\int_{0}^{t_{o}} cdt + f_{o} = J_{o}$$

c étant la capacité vulgaire du liquide et ρ , la chaleur depensée en travail interne pour évapore $M=1^{\circ}$ de ρ , altri de ρ , et sous la pression ρ . Lorsque la vapour a passé entièrement en B, son volume s'est accru dans le rapport de s à S. Désignons-le par Eq. Si la vapour était saturée en B, sa chaleur interne serait I_{σ} et aurait pour entression :

$$\int_{cdt+r_2}^{t_2} = J_x$$

 t_a et t_a étant les valeurs répondant à $R_i = e_a$. Mais comme J_a est nécessairement plus petit que J_a , quelle que soit la vapeur et comme d'un autre côté la chaleur inlerne U_a est invariable, on a :

$$U_o = \int_a^{t_0} dt + p_0 = \int_a^{t_0} dt + p_0 + a$$

« étant l'excès de U, sur l₂. Désignons par C la capacilé vulgaire à volume constant de la vapeur, capacité que pour plus de généralité je suppose variable (et nous verrons qu'en thèse générale elle l'est en effet). Nous aurons :

$$\int_{t_2}^{t_1} ds = x = \int_{t_0}^{t_2} dt - (e_3 - e_0)$$

Il résulte de la que so un la températuro que prend la vapeur par no passage hurque de p. à p. p. esci tuojous supériore à la température de estrution qui répond au volume li, —e, qu'elle docupe aprè l'avagualant. En d'attente le tenne, la vapeur qui paux brusquement d'une pression p, à une autre p, ~ p. se surchouffe toujours. C'est ce que N. Classissa a démonté depuis longieunps, mais par une toute autre vole que celle que je viene de suivre, et c'est ce que mes propres expériences out depuis longieunps aussi nis hors de douite au point de vue de l'obiservation direct des phénomènes. Je désignerai désormais par la lettre niturectée est pois le nom de surchouffe pontanée la température centificade, et mesarée à partir du point de vole conformais par la lettre niturectée et sons pour que se déche du requerente d'une préssion au ma surre plus popur qui se déched brusquement d'une pression au meautre plus popur qui se déched brusquement d'une pression au meautre plus faible, saos donner de travail externe; je désigneral par -cette même température mesurée à partir du 0 absolu, ou égale à s + 272°,85.

Nous verrons ailleurs quelle est l'expression rationnelle de v pour une chute de pression $p_t < p_v$. Occupons-nous lei de sa détermination expérimentale.

3 IV.

Celle-el, évidenment, ne pout concerner que des cas particuliers. C'est tout naturellement la capeur d'eau que j'ai choisie en tout premier lieu, comme sujet d'étude. Voici comment j'ai conduit ces expériences, très-simples en apparance el des plus difficiles en réalité.

(Fig. 10.) La vapeur, produite sous une pression constante qui pouvait être portée jusqu'à 16^m, était amenée par un gros tuyau en cuivre dans l'appareil suivant:

aabb tube vertical muni a la base aa d'un robinet purgeur ; à la base bb est soudé un tube tt en cuivre mince, ouvert en haut et formé en bas pour recevoir un thermoniètre.

cedd uyan en fonte de 1º de Jougueur, borizonal, au-dessous de diquel se trunvent disposés une vingtaine de bess à gua d'éclairage; ce/f gros tayan vertical en cuivre dans lopes l'en trouvent trois autres : l'Un manne, concentrique, soudéen ann à la base (f, ouvent en me, ge.º Tautre f/. concentrique paus ; soudé à la sesse ce cuivre en liaute i fermé en bas, pour recevoir un second thermonèter; », enfin un troisième, //, numi au haut d'un roisient, soudé à la base es, ouvert par en bas et pénéraut dans l'e-piec annualire compris entre ceff et manne présipe jis-qu'au fond f/. Ce fond est percé au cestre d'une ometture d'existie » (0.013 de disposés au cestre d'une ometture d'existie » (0.013 d

Ans due l'indique la figure, la tête du tryau off pénétre a froibennent dans deux calèses calàques et concentriques pyppe è sass on lois du sapin. La caiseo interne est percée d'une ouveriure par laquelle la vapour passe libramont dans l'espace comprés entre aux et pppp, cette dermère est precée elle unême d'imb large ouverture à laquelle est dirée un tuyau par lequel la vapour est conduite bors de l'appertenence. Ense l'inférieur de surs est ouver sisduite bors de l'appertenence. Ense l'inférieur de surs est ouver sisa-vis l'ouverture du tuyau de cuivre un petit disque en bois sy contre lequed se brise le jet de vapeur; le risservoir du thermomètre t''i' est ainsi à l'àbri dos choes de la vapeur, et indique la température réclie de celle-ci; un manomètre à siphou indique la pression interne p.

Lorsque l'expérience se faisait avec de la vapeur surchauffee, le uyau esf se trouvait dans la position indiquet par la figure ; lorsque operait sur de la vapeur sature, on fastait décrire une demicirconférence à esff, de manière à ce que la base sif se trouvait en haut avec les danz caisses; un second robinet purgeur permettait alors d'évancer l'eur qui se rassemblatif en ex.

i°. Le thermomètre tt indiquait la tempéralnre de la vapeur saturée à p_{\bullet} . Un manomètre indiquait directement p_{\bullet} , de sorte qu'un de ces instruments contrôlait l'autre.

2º. Lo hermomites (**) indiquait, on eas do surchauffe, la temperature quivait la ayopur à l'instant mento o elle alla tils d'échapper. Pendant ce genre d'expériences, on faisait constamment sortir de la vapeur parle robindi 1, de sorte que tout le tube interne se trouvait contor de vapeur surchauffes de traquer surche, puisque s'indiquait la temperature manifant et que la pression ne pouvait varier de as en ff. le rebournait dans ce cas l'appeardi, afin que nulle trace d'exa en plt coulor du haut en bax; acuence condensation ne punvait tono plus se faire ce monne, puisque ce tube était entouré de vapeur à la mome pression.

3°. Ainsi que jo l'ai dit, le disque yy garantissait le thermomètre contre les choes directs de la vapeur. Je me suis assuré, d'aillours, que la température était toujours la même dans toutes les parties do la hotte.

4º. L'usage des deux caisses concentriques suffisait parfaltement pour éviter la perte externé de chaleur qu'autrement la vapeur détendue et tinévitablement éprouvée. A la fin d'expériences où la lemmérature en sses s'était élevée, par exemple, jusque 240º, et lorsqu'il n'y avait plus de vapeur du tout dans les caisses, le thermomèire ne tombait que de 1° à peine par 5 minutes et au bout de 24 heures d'arrêt. Il marquait quelquefois oncore près de 60°.

50. Le manomètre destiné à indiquer la pression à laquelle tombil la vapeur était à peu près superflu : en raison de la grandeur des deux orifices tre et zx, et la pression interne différait à peine de 00,003 de celle qu'indiquait le baromètre. Je cite d'abord les résultats qu'à dennés la vapeur saturée.

PRESSION Po.	TEMPÉRATURE (o.	SURCHAUFFE %
- '	- !	_
15**-	198,8	157,8
14	195,52	156,7 ?
13	192,08	155,58
12	188,41	153,4 ?
rii.	184,5	152,5
10	180,31	151,8 ?
9	175,77	149,57
8	170,81	147 ?
7	165,34	144,1
6	159,22	141,7 ?
5	152,22	137,72
4	144	133 ? -
3	133,91	128.4
2	120,6	115 2

Les nombres marqués ? sont moins certains que les autres. Le suis très porté à croire que ces valeurs de » ne sont pas abseionment correctes puisque, quoisqu'on fasse, la vapeur simplement saurrée emporte toujours de l'eau en poussière; J'ajouteral ceperdant que f'ai toujours touve les mêmes chiffres, que l'ectice d'échappement fût grand ou petit, et que par suite l'ébollition fût irès vive ou modérée dans la chaudére. En un moi, si comme je le empopes, et comme ce que je d'iral à cet égard dans le Livre quatriemelo prouve, il y a effectivement del Foun d'ententanée, il esterciain que la quantité est invariable pour une néme pression, lorsqu'un opère avec les précaritoins convenibles. Bans mes premières expériences sur ce sujet, j'avais trouvé par exemple que la vapeur d'eau so refroidit de l'e, inserqu'els contine de 5 x² à 1x · ciset to même nombre que j'ai retrouvé tout récemment avec un appareil dont le débit absotu en vapeur était à peine le dixième de celui de mon premier.

Voici maintenant les expériences qui concernent la vapeur d'eau surchauffée.

PHESSION Po	TEMPÉRATURE To	SURGITAUPPE 61
	- 1	-
13".	200	166
	205	171,5
	210	177
to-	208	183
	242	223
8	212	229
7	244	233
6	246	237
5	246	238,5

Nous verrons bientôt quelle est l'importance de toutes ces données expérimentales dans la théorie de la vapeur d'eau. Il serait vivement à désirer que ce genre d'expériences fot étendu à d'autres vapeurs.

g V. Proposition II.

Larsy'une vapeur queloonque, salurice, mais sèche, se precipile d'un relerevir où elle est lenue à une pression constante p., c.p., sans receoir ni perdre de chaleur du dehors, le produit de la pression constant en comme de la pression en perdre de chaleur du dehors, le produit de la pression initiale par le colume de l'unité de poid de oupeur à celle pression.

est égal au produit de la pression finale par le volume qu'occupe punité de polits de la vapeur sous celte pression et à la température que prend apontandment celte vapeur par autie de son passage braupus de la pression p. à l'autre p. En d'autres termes, et en désignant par e, le volume spécifique de la voqueré p. et à l., et par la le volume qu'elle prend à la pression p, et à la le empérature inconnue é. o. an la résation :

$$v_1 E_1 = v_n e_0$$

d'où:

$$p_t = p_o \frac{e_o}{E_t}$$
 et $E_t = \frac{p_o}{p_t} e_o$

Je pense devoir in extenso donner les deux démonstrations auxquelles je suis arrivé pour cette proposition si importante et d'un caractère à la fois si simple et si élrange.

2 VI.

Première démonstration.

Reprenous notre appareil (fig. 9), mais au lieu de supposer les pistons reliés et rendus solidaires par la roue intermédiaire, rendons les libres (fig. 11), et chargeons les tous deux de poids éganx 11. Le robinet r étant fermé , supposons que Λ renferme un poids $\mathbb{M} = 1$ d'une vapeur quelconque, saturée mais séche, à la lemnérature t. et à la pression p_0 , telle qu'on ait $p_0 = \frac{\Pi}{2}$. A l'aide du robinet r', ouvert partiellement, mettons le bas du cylindre en communication avec un réservoir vide dont les parois, perméables au calorique soient tenues à 0° et dont le volume W soit précisément celui de la masse M = 1º du liquide qui a engendré la vapeur et qui est pris à 0º. Le niston e va descendre lentement jusqu'au bas de sa course, la vapeur va se précipiter dans le condenseur C, où elle se réduira en liquide à 0° et qui finira par être rempli totalement. Pour opérer ainsi cette condensation, il est clair que nous aurons à soustraire par les parois de C : 1º, toute la chaleur interne MU, de la vapeur à to; 2º. toute la chaleur que produira le travail du piston et qui est égale à MAp_{eC_0} , e_e étant le volume spécifique de la vapeur saturée. Nous recueillerons, en un mot, une quantité de chaleur:

$$Q_o = M \left(U_o + \Lambda p_o e_o \right) = M \left(U_o + \left(\frac{1}{425} \right) p_o e_o \right)$$

An lieu de condenser ainsi notre vapeur laissons r' fermé et ouvrons particliement r. Le piston α va encre descombre intentement en maintenant la vapeur à p_{r1} cette vapeur passant en B va se détendre brusquement de la pression p_{r1} à la pression $p_{r2} = \frac{1}{3}$, qui restère constante aussi, et le piston b mondre lentement en produisant un tevrait dont la valeur finate sent M_P X; X étant le votume de la vapeur brusquement détendeu de p_r . A p_r et surchauffite par suite avapeur brusquement destendeu de p_r . A p_r et surchauffite par suite que que consent condenseur G' réponreusement dans les mêmes conditions avec un condenseur G' réponreusement dans les mêmes conditions que G. La vapeur x s's précipiter commo précédement G. Pour opèrer contendendeur G' et son liquide remplira complétement G'. Pour opèrer conte condensation, nous aucrons à soustaire : l'. Noule la chaleur interne MG, de la vapeur ; 2^n , toute la chaleur que produira le travait du piston et dont la valeur fautale series M Ap_s X. Comme nous n'avons concelli aucous travait extrers, a les chair que nous aurons a

$$M (U_o + \Lambda p_o e_o) = M (U_i + \Lambda p_i X)$$

et par suite :

$$U_o - U_i = \Lambda (p_i X - p_o c_o)$$

Rendons de nouveau nos pistons solidaires ($\Omega_{\rm K}$: 9) et A étant plein de vapeur à $\ell_{\rm c}$: et $\lambda_{\rm F}$. ouvrons partiellement τ . La vapeur va encore so proiopiter de A en B; le piston a descendra leniement; le piston à montara précisément autant. Lorsqu'il sera arrivé au haut de sa ourse, il aura engendré le volume conne

$$\left(\mathbb{M} \, \mathbb{E}_{t} - e_{\circ} \, \frac{\mathbb{S}}{s} \, \, \mathbb{M} \, \right) \, \mathrm{ou} \, \, \mathbb{E}_{t} = \frac{\mathbb{S}}{s} \, e_{\circ}$$

Supposons variable la pression p que la vapenr pread à chaque instant en B pendant l'ascension du piston : au commencement de l'opération, cette pression sera nécessairement $p_1 = \frac{S}{2} p_{n_1}$ puisque



les pistons se font récl proquement équilibre et que p_a n'a pu varier que de dp; à la fin elle sera p_a . Le travail exécuté par le piston b est donc :

$$\mathbf{M} \int_{p_1}^{p_2} p d \mathbf{E} = \mathbf{M} \int_{p_1, h = 10}^{p_2, h = 0} p \mathbf{S} dh = \mathbf{M} p, \mathbf{SH} = \mathbf{M} p, \mathbf{E}$$

en désignant par p_i une occiaine pression inconnue et moyenne. Lorsque le pislon b était libre, il a rendu un iravail p_i X, mais la chaleur interne finale est désenue M_i : mainlineant cette chaleur finale est égale à MU_i ; le travail p_i R_i , que le piston δ rend an piston a diffère done de cetui qu'il nous avait donné, autant que $\frac{1}{N_i}$ MU_i

diffère de 1 MU., c'est-à-dire qu'on a :

$$\frac{1}{\Lambda} (U_o - U_1) = (p_t X - p_o c_o) = (p_t X - p_f E)$$

d'où il résulte :

$$p_a e_a = p_r$$

et comme $B_n = \frac{P_n}{P_n}$ en, on a $p_2 = p_2$. C'est-à-dire que la pression moyenne en B_n quand les pistons son solidaires, est la même que la pression constante, p que nous avose donnée quand la téstiant libres. Nous dissons qu'au commoncement, elle datal massi p_n en B_1 les pistons citant solidaires : si la pression pest variable, il faut donc qu'ellecocille demanière à divrisonaccessivement plus petite et plus grande que p_n . Il est facile de reconnaître que la pression ne poul osciller ainsi, ri varier d'une manière québouque pendant la marche des pistons.

Désignons par U ce qu'est à chaque instant la chalcur interne de l'unité de poids de vapeuren A el par m le poids de celle vapeur; par U' et m' ce que sont, à chaque Instani correspondant, ces éléments en B; nous avons :

$$m+m'=M=1$$
 (1)
 $mU+m'U'=MU$, (2)

Au début on a m=M et m'=o; à la fin on a m=o et m'=M.

Si U' varie, il faut, pour que l'égalité (2) subsiste, que U varie aussi , mais en seus contraire ; mais U' ne peul croître ou diminuer en B qu'à condition que p croisse ou diminue, et i'on a l'égalité:

$$dU = S \Lambda p'dh$$

et de même U ne peut crollre ou diminuer en A qu'à condilion que p croisse ou diminue aussi, et l'on a ;

$dU = S\Lambda vdh$

Or, lorsque p s'accroll en B, p' s'accroll aussi en A, et i'on a toujours $p' = p \cdot \frac{S}{s}$; il varie donc dans le même sens que U' au lieu de varier en sens contraire comme l'exige l'égalite (2). Donc U = U = U, et par conséquent, d'un bout à l'autre de la course du piston, nous avons:

$$p_r = p_1 = p_o - \frac{s}{S}$$

Et par suite aussi:

$p_e \ e_o = p_i \ E_i$

La constance de U en A et en B ressort, du reste, plus clairement, s'II se peut, de celte simple considération, que la chaleur interne de la vapeur en B est en définitive celle qui appartient à la vapeur en A, augmentée ou diminuée do l'exces de Iravail du piston a sur celui du piston b el comme cet excès est toujours uu. Ia chaleur interne en A ne peut différer de celle en B.

a vii.

Deuxième démonstration.

(Fig. 12), Concessons deux capacités eyî indriyase û el desection e et s, mises ca rapport par un large tule d' mont d'un robinet ". L'une, 6, que j'appellerai choudière, est on communication par un large luyau ff avec un réservoir d'aux R. à lempérature i et à niveau cunstants. L'autre, 6, que j'appellerai condensave, porte à sa partie inférieuro un luyau oo, que l'on peut rafincibir, qui s'ouvra à l'air libre et porte en r un robinet dont le centre est à une distance verticale il de univant en R.

Supposon tes deux capacités de l'Osialement platenes d'eau, et le reinheir et voi cuerce. Osveros pardellement soulement le trobinet r', si, comme nous l'admettons lei, l'ouverture de r' est très petite par rapport aux sections de os, de ff, de tt et de r, nous pourrons negliger les frottements, les contractions et la vitress d'écoulement du liquide par r. L'eau se précipiters donc de 6 in 0 par r' sous la charge intégrale II la pression de l'air, que jo désignent jur B, s'exerçant en r comme en B, nous n'avons pas à nous en occuper nour le noment.

Soit W rolume d'eau qu's écoulo par mité de temps : le poids écoule sers W = M = 1, Puisque le liquide, d'albord en repos, précipite de G est Gous la charge II, pour rontror essuite on repos, le travait MII dépensé par unité de temps sera exclusivement emboyé à produire de la chaleure. En désignant par A l'équivalent calorifique du tavail, la chaleur, produite ainsi, sera

AMll≔q^{∞1}·

La capacité calorifique vulgaire de l'eau étant C (ou sensiblement l), l'élévation de température sora :

AM11: CM=(4t)0

Et l'eau s'écuulera à $f=i+\Delta t$.

Supposons maiotenant qu'en 0 nous four nissions à l'eau Qu'-par unité de temps en chabeur externe ; 19 aurs $(2+q)^{n_1}$ disposibles en C. Pour crepifit a condition f=(4+a), il faudre at l'auffin d'enlever par les parois de C et de co cette quantité Q+q, quelque grande qu'elle soit et quelques phénomènes que puisse déterminer en G l'addition de este chaleur extens

Supposons doncs: Ψ , que Q soit asser grand pour porter M de a k, c to pur reduire ce poids en vapeur saturée à $B + H = \mu_a$; g^* , q que le robinet r^* soit réglé de manière à donner passage au volume c, de vapeur produite par unité de temps ; 3^n , que les parois de C soient tenues à la température t_1 répondant au point de saturation pour la pression barrométrique.

Dans cet état de choses, il est visible : 1º. que tandis qu'en G la



vapeur s'engendre à la température t, el sous la pression $p_* = B + H$. on G, elle se condonse sous la pression $B = p_*$, puisque la tengrature t, des parcis répond à cette pression; 2^n , eque la vapeur se précipiters par suite de G en G sous la difference de pression $(B + H) = B = p_* - p_*$, et se surchausffere apontamient A une température s, en prenant un volume E; 3^n , q1 en G1 in viexu de l'eau en tentre de r1, r2, r2 en G2 en G3.

Le valume d'eau W pénelirant en θ par unité de temps, s' p'expore et puis se condense en G pour s'écouler par r, sans vitesse sansible, absolument comme lorsque nous ne chauffions point l'eau en θ ; fi n'y a donc rien du tout de chaugé aux conditions dynamiques de l'appareil. Q étant ajouté en θ et retranché en θ , nous aurons en r: $r^{-1} = t + (\Delta \theta^*)$.

Analysous maintenant en détail l'emploi qui se fail de la chaleur $\mathbb Q$ en $\mathbb G$ et en $\mathbb C$.

Le volume W qui arrive en θ s'y échauffe de (que pour plus de clarté je fais = 0) λ_L : ce volume devient ue, et fournit par soite un iravail p_e (u, v - W); qui onté $\lambda_{p_e}(u, v - W)$; qui s'évapore et produit un travail p_e $(e_v - u_e)$, qui coûte $\lambda_{p_e}(u_e - u_e)$, qui coûte $\lambda_{p_e}(u_e - u_e)$, qui coûte $\lambda_{p_e}(u_e - u_e)$, que pous appelons chaleur interne de la vapeur. On a donc :

 $Q_o = I_o + \Lambda p (w_o - W) + \Lambda p_o (e_o - w_o) = I_o + \Lambda p_o (e_o - W)$ pour l'expression de l'emploi de la chaleur externe fournie.

Voyons maintenant quelle est la quantité de chaleur Q' qu'il faudra soustraire par unité de temps en C el en 00 pour ramener l'eau à i=0°.

Notre vapour surchauffe à t_1 , avant de se condenser, est d'abort amende à t_1 ; sou volume diminue donc de t_n à s_n , ce qui coûte un travail de p_1 (t_1-s_1) et nous restilue δp_1 (t_2-s_1) , justis volume s_1 se condense sous la pression p_1 , ce qui coûte un travail p_1 (s_1-s_2) et ce qui nous restitue δp_2 (s_1-s_2) , L'eau δs_1 étant ramende $\delta i=0$, son voltme diminue de v_1 , δ v_1 , v_2 , v_3 v_4 ce qui coûte encore un travail

 $p_1(w_1 - W)$ et nous resittne $Ap_1(w_1 - W)$. Enfin nous avons à soustraire à la vapeur surchauffée et puis saturée toute sa chaleur interne que nous n'avens pas à analyser de plus près et que nous désignans par U. Neus recueilloss donc :

$$Q' := U' + Ap_1(E_1 - W)$$

Retracchant Q' de Q, il reste :

$$Q - Q = (U + \Lambda p_1 E_1) - (J_e + \Lambda p_0 e_0) + \Lambda W (p_0 - p_1)$$

Maintenant de combien Q' doit-il surpasser réellement Q? Évidemment de toute la chaleur représentée par le travail MII qui unus a été fourni sans dépense de chaleur par la chute H ou $p_0 - p_1$; autrement dit de $MIII = AM(p_0 - p_1)$. On a donc:

$$0'=0+\Lambda W(p_0-p_1)$$

d'où :

$$J_o + hp_o e_o = U + hp_1 E_0$$

Supposons quo les socilons r el S de G et de C soient telles qu'on ait : pp. = Sp., et supposons que dans chacun de ces cylindres so meuvent sans frotiement des pistons sans poids. Ces pistons solliciées sur leurs deux faces par une même pression, prendront la vitesse verticalo moyenne de la vapeur dans les cylindres.

Le piston s, se trouvant d'abord au contact de l'eau, va s'élever graduellement; la vapeur contenue dans la partie supérieure passera dans le cylindre C; le piston S, supposé tout au haut, descendra graduellement.

Rendons par la pensée nos pistons solidaires l'un de l'autre, de telle sorte que s ne poisse pas marcher avec une vitesse ascendante plus petite ou plus grando que la vitesse descendante de S. Puisque sur los faces inférieures les charges p.s et p. 8 sont égales, naus pouvens en faire complément abstraction et ne nous occuper que de ce qui so passe au-dessus.

Cela posé, je dis que les pistons marchent exactement commo s'ils étaient libres, et que les pressions restent p_a en G et p_1 en G d'un bont à l'autre do la marche.

En désignant par h l'espace parcouru de part et d'autre, et par p'.

et p'_1 les pressions en G ot en G supposées variables, on a toujours : $sp_{\bullet'} = Sp_1'$

puisque les pistons se font réciproquement équilibre. On a done aussi égalité de travail dépensé et produit, ou :

 $hsp_a' \Longrightarrow hSp_1'$

Bésignons par U_n et par U_1 la chalcur interne de l'unité de poids de vapeur en G et en G, chalcurs supposées variables aussi.

1º. Admettons que p_{G} ' s'accroisse peu à peu, à mesure que le

1°, admetions que p_b ° s'accroisse peu a peu, a mesure que le piston b s'élève; p_i crottra alors dans le rapport p_b ' $\frac{s}{S} = p_i$ '. La

chalour folleme de la vapeur s'accrottra aussi en G; la compression surclauffera cette vapeur d'abord saturée. Il arrivera alors : le, Que la chalour future d'insinuera en G, de telle sorte qu'on ait toujours $U_v + U_v = \cos u$, d'où il résulterait que la température tombrerait en G anseur qu'elle s'élèverait en G que la gression de la vapeur s'accrottrait avec un abaissement de lempérature , ce qui est abourde g^* 2°, ou que U_v coutin en G comme U_v en G, ce qui systemique particular en G comme U_v en G, ce qui systemique habourde g^* 2°, ou que U_v coutin en G comme U_v en G, ce qui systemique habourde g^* 2°, ou que U_v comp peut cottre resus cause.

2°. Admetions que $p_{v'}$ diminue peu à peu : $p_{i'}$ diminuera alors dans le rapport : $p_{i'} = \frac{s}{c} p_{v'}$. La chaleur interne de la vapeur en G

diminuer alors par cette chute de pression gradute. Il arrivers $^{\rm L}$, ou que la chalcue futerne crottra èn G de sorte qu'on ait: $U_{\rm e}+U={\rm const.}$, d'où il résulterait que la température s'élèvene G à meutre qu'elle tombe en de 1 que , par suite, la vapour se contracte par l'échatifement, oe qui est absuré $2^{\rm L}$, que l'diminera avec U, ce qui supposerait que la somme de chalcur interne d'un corps peut diminuer sans caut peut d'infinier sans cau foi diminuer sans caut peut d'infinier sans caut

Cette démonstration ab absurdo nous prouve que nous aurons d'un bout à l'autre de l'ascension de S et de la descenle de s :

 $p_o' \rightleftharpoons p_o \rightleftharpoons \text{const.}$ $p_1' \rightleftharpoons p_1 \rightleftharpoons \text{const.}$

D'où il résulte :



d'où:

$$E_i = \frac{p_o}{n_i} e_o$$
 (II)

et

$$p_i = p_0 \frac{c_0}{|\mathcal{E}_i|}$$
 (III)

Ainsi done:

A toute vapeur surchausstel et a, sous une pression p_1 , répond une vapeur saturée à une cratine pression p_1 , p_1 è une certaine température t, q_1 , par sa détente brusque est capable de la surchausse spontanée a; et entre les volumes E_1 et a, et les pressions p_1 et p_2 de la vapeur dans ces deux étate successifs, il existe la relation nécessaine:

$$E_i p_i = e_o p_o$$
 (I)

Mais dans la vapeur saturée e_0 et p_0 sont des fonctions implicites de t_0 , et l'on a toujours :

$$e_0 = 91 l_0$$
 et $p_0 = 92 l_0$

Done:

$$p_1 \to_{\mathbf{I}} = v t_o$$

quelle que soit la forme de la fonction 9 fo.

l'appellerai désormais vapeur saturée relative, ou simplement vapeur relative, la vapeur capable par sa détente brusque de p, à p, de donner la température a; la température t_a , par la même raison, sera la relative de a.

g VIII.

Il est évident que les démonstrations précédentes s'appliquent à une vapeur quelconque et que la proposition qui en déconle est générale.

Cette proposition remarquable ne s'applique pas seulement au passage d'une vapeur saturée quelconque d'une pression à une autre plus faible, elle s'applique à toute vapeur et, j'ajoute maintenant, à tout gaz, qui, sans rendre de travail externe, passent d'uoe pression p_0 à une autre $p_1 < p_2$.

Supposons, en effet, que nous laissions la même vapeur saturée à p_{\bullet} et à t_{\bullet} passer subitement soit à $p_{\bullet} < p_{\bullet}$, soit à $p_{\bullet} < p_{1} < p_{\bullet}$. Dans le premier cas, nous aurons :

$$E_t = \frac{p_0}{p_t} e_0$$

Dans le second cas :

$$E_i = \frac{p_o}{q_a} e_o$$

En divisant l'une de ces équalions par l'autre, pote disparatt, et il vient :

$$p_1 E_2 = p_1 E_1$$

Cetto nouvelle expression mus prouve 1^{n} , qu'il est indifférent de laiser la vapeur salurée se détendre en une fois de $p, a, b_p < p_p$, ou de l'y faire arriver par détentes successives, par acacada; p^{n} , qu'une vapeur déjà surchauffée se trouve dans le même cas qu'une vapeur sature, lorsayée lo somb e'une pression à une autre. Et comme cette expression est absolument indépendante de la température actuelle de la vapeur a T, il est évident qu'elle s'applique tout aussiblen à un gaz qu'à une vapeur.

Le lecteur comprendra blentôt toute l'importance des relations d'ailleurs identiques 1, il, ill. Combinées avec une autre, à laquelle nous sommes arrivés dans le Livre deuxième, elles nous permettrout d'établir une théorio complète des vapeurs surchauffées et d'arriver à une foule de données que l'expérience seule semblait pouvoir fournit.

Mais une suite de considérations prétiminaires sont indispensables ici. Jo vais les présenter aussi méthodiquement que possible.

g IX.

A. En tont premier lieu, remarquons que la relation 1, 0 ou III, semble indiquer que les vapeurs obéissent à la loi connue en physique sous le nom de loi de Mariotte. C'est pourtant en réalité tout le contraire qui en découle. La loi de Nariotte, ou: $p_1 = p_1 = \frac{V}{V_1}$, suppose implicitement que le gaz qui passe de p_1 à p_1 et de V_1 à V_1 en de-hangepoint de température. Note resiliona constraires giude malgre le sursitations de température qui ont lieu quand la vapour passe de p_1 à p_2 et Q_2 à V_3 sans donner de travail externe. Ceci met en relief un fait physique extrêmement curienx: C ést que le coefficient de dilatation, regarde en général comme une constante pour les apares. Se une variable lieu à la température, de tello manière que les changements de valeur de l'une compensent coux de l'autre. Si, en celle, nous esseyons de combiner la loi dite de Gay-Lassac avec celle de Mariotte, et d'écrire, comme on le fait en physique.

$$p_1 = p_e \frac{V_e}{V_i} \frac{(1 + \alpha t_1)}{(1 + \alpha^* t_o)}$$

il faut, pour que notre rapport :

$$E_i = p_o \frac{e_o}{p_i}$$

subsiste, que l'on ait toujours :

$$\frac{1+\alpha\,0}{1+\alpha't_0}=1$$

ce qui pour s = s' donne $s = t_0$ et pour $t_0 > < s$ donne s < > s'.

Par conséquent ni la loi de Mariotte ni celle de Gay-Lussac ne s'au-

Par conséquent ni la loi de Mariotteni celle de Gay-Lussac ne s'appliquent à une vapeur tant que pour une coute de pression de p_0 à p_1 , sans travail externe, on a $t_0 > < s$.

Nots voyons deja ici que la surchastifs tend à ramener une vapeur quelconque, culle de l'eus par exemple, vers ur deta lo ces divenses lois sersient applicables. En effet, lorsquo la vapeur d'eau saturée toutobe de 10^{rs} à 1^{rs}, as température tombe de 18^{rs}, 24 s. 151^{rs} la difference est do 2^{rs}; si, su contraire, cette même vapeur à 10^{rs} est surchastifée à 24^{rs} avant de tomber à 1^{rs}, sa température s'abaisse 22^{rs}, c'est-a-dire que la difference se trouve réduicité se strouve réduicité se strouve réduicité se strouve réduicité se trouve réduicité se sur de la constant se trouve réduicité se trouve réduicité se trouve réduicité se sur le sur le sur le sur le constant se sur le sur le

B. Il est facile de reconnuattre pourquoi il en est ainsì.

1º. Comme les gaz et les vapeurs tendent à occuper un volume toulours plus grand, comme tous ces corns exercent sans cesse une pression sur les parois des vales qui les renferment, quelque grand que soit l'espace offirt à une quantité donnée, on peut diter naturellement porte à ordre que lès parties constituantes, que lours alones ne s'attirent point sensiblement et ne sont soumis qu' à l'action répulsive du codrépue (quelque l'prothèse qu'no fasse d'ail-lours sur la natore de celui-ci). C'est aussi là ce qu'on a admis en physique; et c'est là l'uno des conditions sine qué non pour que la loid de Mandete puisse se refailser, pour qu'on spuisse surfes.

$$p_1 = \frac{V_o p_o}{V_o}$$

Supposons en effet qu'il existe dans ces corps, et à noire insu, un ensemble d'actions internes, qui puisse se représenter par la somme R, de même nalure que p; il est évident que la répulsion calorifique que je désignerai par z fora équilibre à p et à R, et que l'en aura :

$$\Xi = p \pm R$$
 $p = \Xi \mp R$

d'où: Et c'est:

$$(\underline{z}_1 \mp R_1) = (\underline{z}_0 \mp R_0) \frac{V_n}{V}$$

qu'il faul écrire. Pour que cetle loi se réalise, pour qu'on ait:

$$\left(p_1 = p_a \frac{V_a}{V_1}\right) = \left(\Xi_1 \mp R_1 = (\Xi \mp R_o) \frac{\tilde{V}_o}{\tilde{V}_1}\right)$$

il faul évidemment : 1°, ou quo R et x varient rigoureusement et simultanément suivant la lor : $y = \frac{y}{V}$, co qui ne saurait être qu'un car fortuit pour tel ou tel gaz ; 2°, ou quo R soit nub. C'est, comme je l'ai dit, cette dornière supposible qu'on a admise comme juste en physique ; or , les changements de température qu'eprouvent non eulement les vapeurs, mais les gaz, on passant bruquement d'uno pression à une autre plus faible, saus rendre de travail externe, sout l'indice évident d'un travail interno et par suite de la fausseté d'Invottère R = 0.

2º. Il est une seconde condition nécessaire pour que la loi :

$$p_i = \frac{p_0 V_0}{V_i}$$



se réalise. Il faut que tout l'ensemble du volume du corps varie suivant une même loi d'élasticité.

Supposous, en effet, que le volume, apparent pour nous, qu'occupe un gaz ou une vapeur, soit formé de deux parties Z et w. dont l'une Z seulement soit variable et dont l'autre w soil une constante. Il est bien évident que nons devrons écrire :

$$p_t = p_0 \frac{Z_o}{Z_t} = p_o \left(\frac{V_o - \Psi}{V_s - \Psi} \right)$$

en place de :

$$p_1 = p_0 \frac{V_0}{V_1}$$

Et celle dernière expression ne redeviendra correcte que si l'en suppose w=0, que si l'on pent écrire:

$$V - \Psi = V \left(1 - \left(\left(\frac{\Psi}{V}\right) = \text{const.}\right)\right)$$

En d'autres termes, elle ne peut être correcte que: le. si l'on suppose l'atome malériel nul comme grandeur; 2º, ou si on le suppose, an contraire, étastique, commo tont l'ensemble de V ou Z + y. Je pronverai ailleurs que ces deux hypothèses sont fansses et que l'on a bien réellement v = const., sì l'on représente par v la somme des volumes des atomes d'un corns.

C. Il est visible que la toi à laquelle nous sommes arrivés et les deux démonstrations que j'en ai données ne s'appliquent qu'à un corps doné dans tonte son étendne, dans ses plus minimes parties, d'une même loi de compressibilite et qu'elles ne conviennent plus du lont au mélange d'un corps gazeux avec un corps liquide, par exemple, fût-ce même le liquide qui a engendré le gaz et qui est à la même température que lui. Il est facile de reconnaître, par exemple, qu'en mellant de l'eau et de la vapeur dans te cylindre. A de l'appareil à pistons solidaires (fig. 9.), la pression ne reste pas constante en A et en B pendantia marche dupision et que sa valeur finale différe de sa valeur initiale, bien qu'it n'y ait aucun travail externe produit, bien que la chaleur interne lotale reste la même. À plus forte raison en est-il ainsi quand, an lien de supposer la vapeur mèlée à son propris liquido, on la suppose melée a un liquido dont la loi d'élasticlié est autre, ou dont en peut considére l'évaporation comme nulle, lei, abstraction faile des échanges de calorique qui pourraient s'opérer entre les doux corps, le liquide ne joue plus qu'un rôle en quelque sorte pausif; i réduit de fait implement le volume de nos cylindres et change ainsi le rapport de pressions au commencement et à la fin de l'opération. Peur étre le idées, je seppose que le cylindre A renferme initialement une vapeur saturde ou surclasuffée et un liquide nou volatif à la neino température que lui. Designons ar V, le volume colt, d'abord en A et av M. e volume de liquide : le volume de la vapeur en A sera V, — W., Lorsque fout le mélange aura passé dans le cylindre B dont le volume est V, , la désente du guz aura eu lieu dans le rapport V, — W., en pas du tout V, .

Cette remarque très simple nous conduit maintenaut pour notre expression :

$$p_1 = \frac{p_0 c_0}{E} E = c_0 \frac{p_0}{p_1} \quad V_1 = \frac{1}{p} \gamma \epsilon$$

à une correction qui, très petite au point de vue numérique, est assez importante au point de vue litéorique, et qui nous conduira d'ailleurs à rendre l'usage de ces expressions beaucoup plus facile. Le viens de dire que le volume d'un exa et d'une vaneur se com-

$$\langle E_i - \Psi \rangle = \frac{p_o}{p_i} \langle e_o - \Psi \rangle$$

que nous devons écrire au lieu de E_i et de e_s . Mais comme nous le verrons, dans la réalité v s'approche tellement du volume du liquide à 0° , dont le volume en vapeur est e_s ou E_i que nous pouvons poser



— 195 —

 $e_0 - \Psi = e_0 - W = e_0 - W = u_0$

c'est-à-dire que nous pouvons prendre indifféremment l'un pour l'autre Z_o , (E_o-w_o) ou w_o .

8 X.

Noussommes arrivés dès le commencement de cet ouvrage (Livre II page 98) à une proposition générale s'appliquant à tous les corps homogènes possibles; nous avons trouvé que:

LE TRAVAIL POTENTIEL TOTAL O d'un corps est exclusivement proportionnel à la température absolue de ce corps.

Mais le travail potentiel totat n'est autre chose que le produit de la partie variable Z du volume apparent V par la somme totale S de tontes les forces permanentes externes et internes, autres que la chaleur, qui tendent à augmenter ou à diminuer $Z = V - \Psi$.

Et de plus, cette somme S se compose de la pression externe p et de la somme R des actions internes, positives ou négatives, autres que celles du calorique, qui tendent à rapprocher ou à écarter les atomes. Nous avons en un mot :

$$\left(\begin{array}{c} \Theta_{1} = \Theta_{0} \ \frac{T_{1}}{T_{0}} \right) = \left(\left\langle p_{1} + R_{1} \right\rangle = \left\langle p_{0} + R_{0} \right\rangle \frac{T_{1} \left\langle V_{0} - \Psi \right\rangle}{T_{0} \left\langle V_{1} - \Psi \right\rangle} \left(\begin{array}{c} \text{Loi } \Theta \ T_{1} \\ T_{0} \end{array} \right)$$

Telle est la loi qui se substitue désormais aux lois de Mariotte et de Gay-Lussac, non pour les gaz seuls, mais pour fous les corps, pourru que R poisse être considéré comme une somme tomogène exclusivement fonction de (V-v) et soit rapporté à une même unité que p.

Dans la seconde branche de la théorie mécauique, je reviendrai comme il convient sur cette condition formelle. En thèse générate, elle d'estjamais rempile, rigoureusement parlant; mais pour les gaz, pour les vapeurs surchauffes médiocrement, et même pour les vapeurs saturées, elle l'est avec une approximation suffisante, La relation li es:

 $(p_1(E_1 - Y) = p_0(e_0 - Y)) = (p_1u_1 = p_0u_2) = \Omega_0$ est, comme on voit, analogue à celle qu'exprime la let :

$$(p_1 + R_1)(V_1 - V)T_0 = (p_0 + R_0)(V_0 - V)T_1$$

ou:

Mais tandis que le produil de se rapporte à la totalité du travail qui s'exécute quand le volume différentiel V — y d'un corps passe de u-o à v = (V, -v), pe produil à on se rapport qu'au travail externe rendué dans le même cas. C'est pour cela que j'al nommé e reveuil préentiel et doit, et à travail préentiel externe. Tandis que dans la reditié des choese se no saurait rester constant quand la température varie. A su contraire peut répondre pour une même apparer à des températures l'est différentes. Nous reconsaitons bientôt l'importance de cette remarque. Voyons d'abord comment

nous pouvous nous servir de la loi $\Theta_n \frac{T_t}{T_o}.$

Au premier abord, il semble que l'introduction de l'élément noucan R dans une équation ne pisse domer les qui de és dificultés insermontaties, puisque l'intentité des forces qui agissent à charge instant dans les gaz et les vapours, a été jusqu'ici regardes comme nulle ou comme indefermitable. La libérité mécanique nous permet cependioni de surmoster cette difficult apparente soit q'orb autorités R au point de vue empirique comme je le ferrai et., soit qu'on l'étodio au point de vue rationnel comme je le ferrai dans le Livre cinquième.

2 X1.

Commençons par résoudre le problème suivant :

-Étant donnée la surchauffe spontanée expérimentale == 272,85+1. «D'une vapeur qui passe de l'état saluré et de la pression p., à sia pression p., sans reodre de travail externe, déterminer la somme-fl, des pressions internes qui répondent à p. dans la vapeur saturée de jet d'a p., dans la vapeur saturée de jet d'a p., è .

Le volume E que prend cette vapeur par la détente brusque est (II) :

$$E_4 - \Psi = \frac{p_1}{p_1} u_1$$

 u_n,p_0 et p_1 sont connus : par suite $E_1-\psi$ est déterminé. Remarquons que si , suns permettre à la vapeur détendue de changer de

volume, coms is refreddissons gradueltement, I) arrivera un moment on ones one pour come plus souther of exhibur sans operer une condensation partielle: la vapeur alors aura alteint on point de saivration Designous par $t_{\rm p, p, q, r} = k_{\rm p}$, it temperature, la pression et le volume spécifique qui répondent à ce point. Puisque $s_{\rm p} = k_{\rm p}$, à la place de $k_{\rm p} = k_{\rm p}$, a volume spécifique qui répondent à les point. Puisque saité approximativement $v_{\rm p}$ dégignous aussi par la la pression interne qui répond à $a_{\rm p}$ et $v_{\rm p} = k_{\rm p}$, à la pression interne qui répond à $a_{\rm p}$ et $v_{\rm p} = k_{\rm p}$, à la pression interne qui répond à $a_{\rm p}$ et $v_{\rm p} = k_{\rm p}$, à la pression interne qui répond à $a_{\rm p}$ et $v_{\rm p} = k_{\rm p}$, à la pression interne qui répond à $a_{\rm p} = k_{\rm p}$, a constant $m_{\rm p} = k_{\rm p} = k_{\rm p}$, a la pression et $k_{\rm p} = k_$

Dans notre équation générale, on a ainsi :

 $T_1 \simeq (T_2 = (272.85 + t_2)); \ T_0 = \tau_1 = (272.85 + 0), \ V_0 - \Psi = u_0$ et, comme le volume ne varie point, R_2 reste constant, et il vient simplement ;

$$p_1 + R_2 = (p_1 + R_1) \frac{T_2}{\tau_1} \text{ d'où } R_1 = \frac{p_1 T_2 - p_2 \tau_1}{\tau_1 - T_2}$$

Maintenant comprimons motre vapeur do p_1 à p_2 et échaufons la en même temps do T_2 à T_1 : elle va rester saturée; son volume differentiel passora de u_2 à u_1 ; R variera aussi et passora de R_2 à R_1 . Notre équation devient de la sorte :

$$\left((p_1 + R_1) = p_2 + \frac{p_1 \cdot T_2 - p_2 \cdot \tau_1}{\tau_1 - T_3} \right) = \left(\left(\frac{p_1 - p_2}{\tau_1 - T_2} \right) = (p + R_1) \frac{u_1}{u_2} \cdot \frac{1}{T_1} \right)$$
 If résulte de là :

$$R_i = \frac{(p_i T_2 - p_3 \tau_1)}{\tau_1 - T_3} \cdot \frac{t t_2}{u_4} T_1 - p_1$$

Faisons de suite une application spéciale et numérique. Soit proposé de déterminer la valeur R_1 dans la vapeur d'eau saturée à 1^{au}, et par suite à $T_1 = 100 + 272.85 = 372.85$.

Lorsque la vapeur d'eau saturée tombe de 13^{ss} par exemple à l^{ss}, sans readre de travail externo, sa surchauffe sponianée est \sim 272,85 + ϵ =272,85 + 155,58 = 428,43. Å 13^{ss}, le volume ω_e de la vapeur saturée est 0°,417901; détendue brusquement à 1^{ss}, cette vapeur prend un volume :

$$E_1 - \Psi = u_2 = \frac{13}{4}$$
, 0.14779312 = 1=-3,9213106



A l'aide de la méthode de calcul que j'ai indiquée (chap. II, pago 134), on trouve que si la vapeur saturée avait ce volume, sa pression serait 0°, 852566 et sa température 95°,6. A 1°° et à 100°, on a : u, == 1°°,6543211. Notre équation devient ainsi :

$$R_4 \!=\! \frac{(1-0.852566)}{428,43-368,45}, \frac{1.9213196}{1.6543211}, 372.85-1 \!=\! 0^{\circ\circ}.0643957$$

Telle est donc la valeur de ce que j'al appelé la pression interne dans la vapeur d'eau saturée à 1".

Rien n'est plus facile que de déterminer à l'aide de cette valeur celle de la pression intorne dans une vapeur c'eux asturée à une pression quelconque. En y introduisant en effet la somme constante $1^{-\omega} + 0^{-\omega}$, 6633957, nous changeons notre équation générale en une autre plus spéciale 46j4:

$$p_o + R_o = 1,0643957 \frac{T_o}{372,85} \cdot \frac{1,6543211}{u_o} = 0,00472268 \frac{T_o}{u^o}$$

où p_0 , T_0 == 272,85+ t_0 et u_0 sont les valeurs qui se répondent dans cette vapeur à p_0 , et sont données.

S'agit-il par exemple de déterminer la valeur de R_e dans la vapeur d'eau saturée à 240°? Nous poserons :

 $p_c\!=\!32^{n_c},\!859456$, $T_c\!=\!272,\!85+240\!=\!512^{o},\!85$, $u_c\!=\!0^{o-3},\!0613534$ D'où il résulte :

$$B_o = 0.00472268$$
. $\frac{512.85}{0.0613534} - 32^{**}.859456 = 6^{**}.61719$

Telle est donc la somme approximative des valeurs de l'intensité de toutes les forces internes qui tendent à rapprocher les atomes de la vapeur d'eau saturée à 210°, intensité traduite en atmosphéres, comme la pression externe. C'est à l'aide de cette méthode que j'ai calculé les nombres de la colonne R et, par suite, de la colonne S.

Le lecteur est en droit maintenant de se demander quelle confiance méritent de tels nombres, ou sous forme plus générale, quelle confiance méritent le terme si neuf R en lui-mérae et l'équation générale où it se trouve introduit. Avant de faire un pas de plus, il



, importe de répondre à cette question par une vérification expérimentale, comme je l'ai fait jusqu'ici pour la plupart des données de la théorie mécanique de la chalour.

Je prends un exemple au basard : il est de nature à frapper le lecteur.

Quelle est la valeur de R dans do la vapeur saturée à 97°,17? On va voir de suite pourquoi je prends ce nombre.

A cette température, la pression externe est 0°°,903118, le volume différentiel est u = 1°°,821195.

On a done :

$$(0.993118 + R_2) = 0.00472268 \cdot \frac{370.02}{1.821195} = 0.9595279$$

a ou

$$R_t = 0.9595271 - 0.903118 = 0.0564091$$

A quelle température faudrait-il porter cette vapeur saturée pour obteuir 1^{ee} de pression externe, si l'on maintenait son volume constant?

On a:

$$(1+0.0564091) = 0.9595271 \cdot \frac{\tau}{370.02}$$

 $d^{\circ}o\dot{u}_{\tau} := 408^{\circ} \text{ et } 0 := 408 - 272,85 := 135^{\circ},15.$

C'est donc à 135°,15 que noire vapeur atteindrait la pression 1°°.

Or, lorsque la vapeur saturée à 5°° tombe à 1°°, sans donner de

travail externs, te volume qu'elle prend est $\frac{5}{1}$. 0,364239 = 1,821195

c'est-à-dire le même que celui de notre vapeur saturée à 97°,17; sa surchauffe spontanée est 130°, nombre de degrés presque identique à celui que nous venons de trouver nécessaire pour porter la vapeur de 0° 903118 à 1° sons chancement de colume.

En d'autres termes équivalents et plus clairs, la température que donne notre équation générale pour porter de la vapeur d'eau à 1 ~ de volume 1--1,8543211 au volume 1--1,821195 sans changement de pression, est la même à très peu près que celle que prend spontanément la vapeur qui tombe de 5th à 1th et qui alors occupe aussi le volume 1⁻¹,821195.

Si l'on a bien suivi tout l'ensemble des démonstrations que j'ai données dans les divers paragraphes précédents, on aura tout lieu d'être frappé de l'accord des nombres expérimentaux avec eeux que donne le calcul et l'on en concluera que l'exactitude de la relation :

$$E - V = u_2 = \frac{(e_0 - V) p_0}{p_1} = u_0 \frac{p_0}{p_1}$$
 (1)

et de l'équation :

$$\{p_i+R_i\}:=\{p_o+R_o\}\frac{T_i}{T_o}\cdot\frac{u_o}{u_i}$$
 est confirmée au point de vue expérimental, que par conséquent

l'emploi du terme R est tout à fait rationnel.

Nous allons arriver à des vérifications expérimentales plus frappantes encore, s'il est possible.

Dans tout ce qui précède, je n'ai mollement discutté la nature de la somme R: j'ai simplement admis qu'elle est homegène et exclusivement fonction du volume des gaz ou vapeurs, en avertissant toutefois le hecteur que ceci ne peut être qu'approximativement vral. Restons à ce point de vue.

Nous verrons alleurs que la forme rationelle de la fonction qui lie û et e ou u ne peut manquer d'être très compliquée. Cependant Passgo de la loi se erait extrémement limité ou même noit, s'il était impossible d'exprimér au noins approximativement R, à l'aide de u seul. Et pour le moment, par suite des nombreux éléments exprimentaux qui nous manquent encore, cele est éfectivement impossible pour la plupart des vapeurs. En ce qui concerne la vapeur d'ean, les résultats de mes expériences cumbinées avec celles de 81. Regnault, m'ont permis d'arriver à quelque chose de satéchaisant.

quand un substitue a u les valeurs de la table 1, donne pour R des valeurs peu différentes de celles de la cotonne (R).

Notre loi ${\overset{\Theta}{T}}$ devient à l'aide de cette formule :

$$p_0 = 0.00473268 \frac{T_0}{u_0} - 0.09246546 \left(1 + 0.35348563\sqrt{u}\right) \frac{1}{u\sqrt{u}}$$
Equation qui convient maintenant à la vapeur d'eau surchauffé

equation qui convient maintenant à la vapeur d'eau surchaulitée ou simplement saturée.

Cette équation se résout très vite par rapport à T. qu à 20, quand

on connaît u_* et p_* on T_* . Sa résolution n'est un peu longue que quand on veut déterminer u_* , étant comme T_* et p_* : mais, dans ce cas même, on arrive encore assez rapidement au but, en opérant par tâtonnement plutôt qu'en résolvant l'équation du 3^* degré, qu'on obtient ainsi.

Voyons maintenant dans quelles limites cette équation répond à la réalité des faits.

1º. Je prends un exempte au basard: soit proposé de déferminer la pression de la vapeur saturée dont la température est: 0°3,364239 et la température de 152°,22.

En substituant à u_0 cette valeur 0.364239, et à T_0 la somme (272,85 \pm 152,22) \pm 422 $^{\circ}$.07, et résolvant, on trouve $p_0 = 5^{\circ\circ}$.0011. D'après les tables de M. Regnauit on a $p_0 = 5^{\circ\circ}$ pour $t = 152{^{\circ}}$.22: l'er-

reur donnée par l'équation ne s'élève donc qu'à une valeur très petite.

2º. Lorsque la vaneur à 10^{rm} et à 243° tombé, sans travail externe.

2º. Lorsque sa vapeur a to " et a 240" tounet, sans travan externe,
 à i "., la surchauffe spontanée est 223".
 Ouel est le volume différentiel de la vapeur à 10" et à 243° et

quel est cetui de la vapeur à 1st et à 222°?

En résolvant notre équation par rapport à u, nous trouvons :

v_{ame} 0.22085 à 10° et à 243°.

 $u_1 = 2,2435$ à 1° et à 223°.

D'après notre relation, nous devons avoir :

$$u_1 = u_0 \frac{10}{1} = 10.0,22085 = 2,2085$$

au lieu de 2,2435 que donne l'équation. L'écart est encore très

totérable, même dans ces limites élevées de pression et de température.

2º. Dans la précédente édition de cet ouvrage, j'ai donné un tableau résumant les résultats d'expériences que j'avais faites pour déterminer directement le votume spécifique de la vapeur d'eau à diverses pressions et diverses températures'.

Je donne ici les nombres essentiels de cette table, et à côté des températures observées je donne les températures calculées à l'aide de l'équation ci-dessus,

VOLUME	PRESSION.	/ TEMPÉBATURE	Température
SPECIFIQUE.	1 Idasion,	OBSERVÉE.	CALCULÉE.
-	_	_	_
1*3,74	1**-	118,5	117,5
1, 85	1	141	140,2
0, 92	2, 25	200	193
0, 697	3	200	200,2
0, 591	3, 5	196	197,6
0, 6574	3, 5	246,5	245,41
0, 4822	4	165	170,7
0, 522	4	200	203,3
0, 5752	4	246	247,1
0, 3758	5	162,5	165,9
0, 414	5	205	203

1. Le vapor falli produtti dan una trick grande dandrille, dand an manashire, da narrent, ak li line di alia dec circini, dalignetti is presione; elli dati amonde dans un rierrente dribitato, en culture, de 30 litree, juele dina una hain d'hatti dont an portal à visinde l'este les insulgiritares. Ce inversede della pour une dont rebiditate de la companie de la



On voit que, sauf deux exceptions, les nombres de l'observation concordent avec ceux du calcul autant qu'il est possible de le désirer. Je n'hésite d'ailleurs pas à admettre que c'est l'expérience qui est en fente.

4-. Le passe onfin à un dernier genre de verification à la fois pina utile encore quo les trois précédents. Il repose sur la solution du problème suivant: - Plant donnée uno vapeur d'eau saturée ou sur-chauffée à une pression connou, déterminer la chute de température qu'éprouve cette vapeur en passant hrusquement à une autre vression donnée, sais rendre de travail externe.

Soient p_{a_1} , R_{a_2} , R_{a_3} , R_{a_4} , R_{a_5} les pressions externe et interne, la température et le volume de la vapeur avant la détente, soient p_1 la pression externe et R_1 la pression interne après la détente brusque, et τ_1 la surchauffe spontanée cherchée.

Nous avons :

$$R_1 = (p_o + R_o) \frac{r_1}{T_o} \cdot \frac{E_o}{E_i} + p_1$$

En vertu de la relation (I), nous avons :

$$E_t = E_o p_o \frac{1}{p_t} \text{d'où } dE_t = -E_o p_o \frac{dp_t}{p_t^s}$$

Il résulte de là :

$$\begin{aligned} RdE_t &= -E_o p_o \frac{dp_1}{p_{\perp}^2} \left(\left(p_o + R_o \right) \frac{\tau_1}{T_o} \cdot \frac{p_1}{p_o} - p_1 \right) \\ &= E_o p_o \left(\left(\frac{p_o + R_o}{p_o} \right) \frac{\tau_1}{T_o} - 1 \right) \frac{dp_1}{p_1} \end{aligned}$$

pour l'expression du travail élémentaire interne produit pendant l'expansion.

Summels, a la réservair, maloré de balls d'halle, édait tout dans uns grants cour d'halle de seitles de permète (d'hilliste) au pleasts tout l'article debiengt et d'Ampoint de la la comme de l'article de la comme del la comme de la comme del la comme de la Mais puisque cello-ci se fait sans travail externe, l'abaissement de température ne peut être dû qu'au travait ioleque, auquel il est donc rigoureusement proportionnel. On a dooc ainsi:

$$-K\Sigma d\tau_1 = RdE_1$$

D'où:

$$K \Sigma d\tau := E_o p_o \left(\left(\frac{R_o + p_o}{p_o} \right) \frac{\tau_i}{T_o} - 1 \right) \frac{dp_i}{p_i}$$

Et, en intégrant entre les limites p_o et p_1 , T_o et τ_1 on a, toute réduction faite;

$$t = \left(\frac{p_o + R_o \left(\frac{p_t}{p_o}\right)^{\frac{\Theta}{K \times T_o}}}{p_o + R_o}\right)^{\frac{\Theta}{T_o}}$$

Telle est donc la relation très simple qui, pour une vapeur quelconque, existe entre la surchausse spontanée τ_1 et la température initiale T_{o_1} lorsque cette vapeur tombe subitement de p_0 à p_1 .

Prenons de suite le cas spécial de la vapeur d'eau. Nous avons :

$$K = 0.4$$
 $\frac{\Theta_c}{T_o} = \frac{(R_o + p_o)E_o}{T_c} = 48,799481$ $\Sigma = 425^{\circ}$

11 en résulte :

$$-\frac{\Theta}{T_0K2}$$
==0,2871

Et notre équation devient :

$$\tau = T_o \left(\frac{p_o + \frac{R_o}{p_o} \left(\frac{p_1}{p_o} \right)^{0.2871}}{p_o + R_o} \right)$$

Voyons dans quelles limites cette équation répond aux faits expérimentaux. Pour la vapeur saturée à 5 °°, nous avons :

$$R_0 = 0.00472268 \frac{425^{\circ}.07}{0.3639826} - 5^{\circ\circ} = 0^{\circ\circ}.51528975$$

d'où:

$$\tau = 425^{\circ},07 \left(\frac{5 + 0.51528975}{5 + 0.51528975} \left(\frac{1}{5} \right)^{0.2871} \right) = 410^{\circ},37$$



Retranchous 272º.85, il vient :

pour la température centigrade de la vapeur délendue de 5° à t°. La chute de température est donc :

L'expérience nous a donné 15%

Au lieu d'une vapeur saturée, prenons une vapeur surehauffée. Demandons-nous quelle doit être la surehauffe spontanée de la vapeur à 10°° et à 243°,15 ou à T_o==516°, torsqu'elle tombe à 1°°.

En résolvant par approximations successives l'équation :

$$\left(10+0.09245546\left(1+0.353468563\sqrt{u}\right)\frac{1}{u\sqrt{u}}\right)=0.00472268.\frac{516}{u}$$
 nous trouvons d'abord $u=0.22085$, pour le volume très approximatif de la vapeur à $10^{u}=0.32365$.

Introduisant ensuile cette valeur dans l'équation :

nons trouvons R == 1^{**} ,03891 ; c'es] la somme des pressions internes dans cette vapeur à 10^{**} et à 243°,15. Il résulte de là :

$$\tau = 516 \left(\frac{10 + 1,03891 \left(\frac{1}{10} \right)^{0,2871}}{10 + 1,03891} \right) = 492,51$$

Betranchant 272, 85, il resto 219,65 pour valeur de la surchauffe spontanée. L'expérience directe nous a donné 222°; co voit qu'ici encore l'approximation est des plus remarquables. El je le répète, je montrerat aitleurs: les importantes conséquences qui découlent de cette lègère différence entre les nombres expérimentaux et ceux de l'équation rationnelle.

s XIII.

Une des questions les plus importantes qui puisse se présenter dans la mécanique appliquée, c'est la détermination du travail que peut fourpir une vapeur par son expansion dans diverses conditions. Nous avons vu que ce problème est aujourd'hui complétement résatu pour les vapeurs saturées. Occupons-nous en quant aux vapeurs surchauffées et spécialement quant à la vapeur d'eau.

Problème I.

• Buss un cyfindre dont les parois sont imperméables à la chaleur ch do so mottaines frotement un picto hommétique, a tervoire un polds de l' de vapeur dont la pression initiale est p., le volume E, et la température q. = 27, 85, 4+, o. In laisse le piston reculer les elements et la vapeur se détendre, suss addition is ossiraction de « chaleur. On demande quels seront : le travail externe readu, ribablesement de pression et de température pour un accrisement « donné de volume, tel que la vapeur reste surchauffée ou tombe tonta plais à oppind de saturation of *

Du moment que l'on considère R comme une somme homogène exclusivement fonction du volume des gaz ou des vapeurs, le travait total, externe et interne, dù à une variation de volume dV est:

$$d = (p + R) dV$$

et par la mémo raison, puisque nous faisons ici la part de tout le travasil produit, la variation de température qui est la conséquence de ce travail, ini est exactement proportometle. En désignant donc, comme le l'ai fait des l'origine, par f. la capacité calorifique absolue, et nécessairement constante, du corps, on des l'acceptante de l'une et précessairement constante, du corps, on l'acceptante par l'acceptante l'acceptante de l'acceptante l'acceptante du corps. On l'acceptante de l'acceptante de l'acceptante de l'acceptante l'acceptan

 $-K \Sigma dT = (p+R) dV$

mais nous avons :

$$(p + R) = (p_o + R_o) \frac{e_1}{T_o} \cdot \frac{u_o}{v_i} \left(\text{Loi} \frac{\Theta}{T} \right)$$

et ici nous pouvons poser dV = du et $dT = d\tau$. Il vient donc :

$$-K \Sigma d \tau = (p_o + R_o) \frac{\tau}{T_o} \cdot \frac{u_o}{u} du$$

Équation générale qui s'applique à toutes les vapeurs possibles, pourvu qu'elles restent toujours surchauffées ou atteignent tout au plus leur point de saturation.

Pour le cas spécial de la vapeur d'eau, nous avons : $(p_a + R_b) \frac{u_a}{\tau} =$



=0,00472268. Je montrerai ailleurs qu'on a aussi K =0,4; et comme ici la pression doit être prise en kilogrammes par mêtre carré, puisque ce sont là nos unités de mesure, il vient :

0,4.425 log.
$$\frac{\tau}{T_0}$$
 = 10333.0,00472268 log. $\frac{u_0}{4t}$

Ce qui donne, toute réduction faite :

$$\tau = T_o \left(\frac{u_o}{u}\right)^{0.2571}$$

Équation oul nous donne la température absolue - de la vapeur

d'eau primitivement à T., quand son volume passe de v_k à u_s sans que la masse ne reçoive ni ne perde de chalcur du déhnre. Introduite dans l'équation genérale $\left(\text{Lot} \frac{\phi_i}{T} \right)$ appropriée à la vapeur d'eau, elle donnée nour celle-ci :

$$p = \frac{1}{u} 0.032673588 \left(0.14454121. \text{ T}_0 \left(\frac{u_0}{u} \right)^{0.7811} - 2.8291104 \frac{1}{\sqrt{u}} - 1 \right) (p)$$

Équation qui nous indique la pression de la vapeur d'eau primitivement à T., lorsqu'en produisant du travall externe sans recevoir ni perdre de chaleur au dohors, elle passe du volume e. D'après le principe même d'où nous sommes partis, le travail total

 $\int_{-T_0}^{\tau} K \times d \tau = \phi$ Le travail interne est $\int_{-T_0}^{\tau} R du$. Le travail externe est donc:

$$\int_{-T_0}^{\tau} K x d\tau - \int_{-u_0}^{u} R du = F$$

Pour la vapeur d'eau surchauffée, cette équation devient :

170 (*- T_0) -- 10333.0,09246546 $\int_{t_0}^{t_0} (1 + 0.3534856 \sqrt{u}) \frac{du}{u\sqrt{u}} = F$ ou:

170 (
$$\tau$$
 -T_o)- $\left(1910.9\left(\frac{1}{\sqrt{u_0}} - \frac{1}{\sqrt{u}}\right) + 1555.3 \log.\frac{u_0}{u}\right) = F$

Prenons de sulte un exemple numérique.

est:

On a 1º de vapeur d'eau saturée à 1º On comprime cette vapeur sans addition al soustraction de chaleur externe do 5 à 1. e'est-ddire que l'on raméne son volume de 1º-3,633211 à 0º-3,3386422. On demande quelle température el quelle pression elle atteindra, et quel travail on décressers nour cette orieration.

La température absolue initiale étant iel (272,85 + 100,00), on a d'abord :

$$\tau = 372,85 \left(\frac{5}{1}\right)^{0.2871} = 591^{\circ},84$$

La température s'élève donc par la compression de 100° à 319°. Pour avoir la pression, il nous suffit d'étrite pour u sa valeur 0.33066422 et de poser $T_a \left(\frac{u_a}{v}\right)^{0.32}_{0.00} = 591^a,84$, dans l'équation (p) on trouve ainsi : $p = 7^a$. 8633

Le Iravail total est ici :

0,4.425 (3f9-100) == 37330°

Le travail interne: $1911\left(\frac{1}{\sqrt{1,6543211}} - \frac{1}{\sqrt{0.33086422}}\right) + 1355 \text{ log. } \left(\frac{1}{5}\right) = 2944^{\circ}$

Le Iravall externe dépensé à la compression est done: $37220^{\circ} - 2924^{\circ} = 31306^{\circ}$

L'emploi de cas diverses équations no présente aucune difficulté torqu'il s'agit de la composision de la vajeut. Il n'est pas toujours ainsi, lorqu'il s'agit de l'expansion : et c'est là te cas le pius fréquent. La première condition introvée de, le'est que la vapeur retes surcharulfé puign'à la fin de la détente, ou atteigne tout au plus son point de saturation ; or, rien se nous indique dans nos formules le moment oft non a : = (272.85 + la, pour le passage de se, d'u, Pour les besoins de la mécanique et de la physique appliquée si secuti touteiles ités facié de construire une sorte de tablean parlant. A l'aide duquel il sernit atalés de frouver la chute de temperature et do pression, et le finaral rendu par suite de la décente d'une vaquer a aide ou telle prossion et température initiales. Chaeun peut pour son usage personnet construire très vite un tableau de ce genre.

Problème II.

On a 1º de vapeur saturée à T.= (???.85+4.) ou surchandifee
 à () + 2??.85) = n., à la pression p. On fait varier le volume de u.
 à u. q., en époication de ce retractachant de la chaleur de manière à
 mainteair la température constante. On demande la pression finale
 de la vapeur, le travail rendu ou consommé, et la quantité de
 châteur époitee ou soustraite.

La pression finale est ici facile à déterminer puisque, dans l'équation générale $\left(\text{Lol}\,\frac{\theta}{T}\right)$, on a $\frac{T_1}{T_2}=1$ et qu'il vient ainsi, toute réduction faite, pour le cas particulier de l'eau :

$$\begin{split} p_i &= \left(p_a u_o + 0.992465 i \left(\frac{1}{\sqrt{u_o}} - \frac{1}{\sqrt{u_i}}\right)\right) \frac{1}{u_i} \\ \text{En multipliant par } du \text{ et intégrant entre } u_o \text{ et } u_i, \text{ on a :} \\ F &= 10333 \left[\left(p_a u_a + 0.9924654 \frac{1}{\sqrt{u_o}}\right) \log \frac{u_i}{u_o}\right] \end{split}$$

$$-2.0,0024654\left(\frac{1}{\sqrt{u_a}} - \frac{1}{\sqrt{u_1}}\right)$$

pour expression du travail externe rendu ou censommé. Quant à la quapeur qu'it faut fournir ou soustraire à la vapeur pour mainteair la température constante, elle est évidenment égale au produit du travail total par l'équivalent calorifique du travail, ou par : $A = \frac{1}{2} = \left(\frac{1}{425}\right)$. Mais le travail total a pour expression :

$$\int (\mathbf{R} + p) du = \int (p_e + \mathbf{R}_e) u_e, \frac{du}{u} = (p_e + \mathbf{R}_e) u_e \log \frac{u_1}{u_e}$$
 Equation qui, appropriée à la vapeur d'eau, devient :

 $\Phi = \left(p_0 u_0 + 0.0924654 \frac{1}{\sqrt{u_0}} + 0.03208321\right) 10333 \log. \frac{u_1}{u_0}$ d'où en divisant par 425ⁿ, réduisant et simplifiant :

Q=24,314
$$\left(p_e u_e + 0.0924654 \frac{1}{\sqrt{u_e}} + 0.03288521\right) \log \frac{u_1}{u_e}$$

Prepons un exemple spécial. On a 1º de vapeur salurée à 5º et par suite à T. = (272,85 + 152,22); on laisse le volome passer de 1 à 10 en ajoutant sans cesse de la chaleur pour maiotenir T. constant.

Quelle est d'abord la pression ûnale? On a iel $u_a = 0$. †.363983 ; d'où $p_a u_a = 1.819915$ et $u_1 = 3^{-1}.63983$. Il résulte de là :

$$p_1 = \left(1.819015 + 0.0924651 \left(\frac{1}{\sqrt{0.363983}} - \frac{1}{\sqrt{3.63983}}\right) \frac{1}{3.63983} \right)$$

$$= 0^{\circ}.52882.$$

On volt que la pression est notablement supérieure à celle que doguerait la loi de Manotte non modifiée comme on l'appliquait aux gaz et aux vapeurs.

Pour co qui concorne le travail, on a, en introduisant les valeurs numériques en place de u_n , u_i et p_n :

F == 87090°,6

Le travail total est, d'après notre équation :

La chaleur à amener du debors est donc :

Que l'on opère comme je viens de le faire sur de la vapeur quitivement saturée, ou qu'on prenne de la vapeur surchauffée qu'o laisse se délendre avoc addition de chalaur externe, l'emploi de nos équations ne présente nuille difficillé et l'en arrive même très rapie demont aux résults aumériques. Il en sel encore de même, si, au lieu de laisser la vapeur se décendre, on la comprime, et si alors pautie, au lieu de laisser la vapeur se décendre, on la comprime, et si alors pautie, au lieu d'ajonter de la chalour, on societait sans esses cello que produit la compression. Il dant seulement faire attention qu'a-lors la vapeur s'approche les plus es on point de auturation et qu'au-della, ous formules ne conviencent plas. Le suppose par exemple, qu'on ait de la vapeur à 15-2-2, à 0°-3,2882 et par suite d'un volume 0°-3,50082 = w.; il est évident que si par la compression nois s'amentos ce volume à st₁ = \frac{1}{10} u_{v.} as soustrayand nos

. , Geo

213° ..., 67 de manière à tenir $t_0 = 252^{\circ}$, 25 constant, nous aurons de la vapeur saturée à $5^{\circ\circ}$, et si nous continuons de comprimer, en soustrayant du calorique, toute la masse se condensera peu à pen.

On a l'de vapeur saturée à p_o et à f_o : on élève graduellement
 la impérature jusqu'à v_o, en maintenant la pression constante.
 On demande quel sera le travail externe produit par la dilatation,
 et quelle sera la quantité de chalour amenée du déhors.

La pression externe restant constante et a variant ainsi que u

noire equation (Loi $\frac{\Theta_{u}}{T_{u}}\!\!$) devient :

$$(p_o + R_I) = (p_o + R_o) \frac{u_o}{u} \cdot \frac{v}{v_o}$$

Appropriée à la vapeur d'eau cette équalion devient :

$$(p_o + 0.0024654 (1 + 0.353486\sqrt{u_s}) \frac{1}{u_s\sqrt{u_s}}) = (p_o + 0.0924654 (1 + 0.353486\sqrt{u_o}) \frac{1}{u_o\sqrt{u_o}}) \frac{u_o}{u_s} \cdot \frac{\tau}{\tau_o}$$

Équation qui se met sous la forme

$$\left(u_1 + \frac{0.0924654}{p_0\sqrt{u_1}} + \frac{0.0326852}{p_0}\right) = D$$

el se résout très vite par talennement par rapport à u_1 . Le travall externe rendu est :

 $F = 10333 n_s (u_1 \rightarrow u_s)$

 $\int \Re du = \phi$

 $Rdu = 10333. \ 0.0924654 \left(1 + 0.353486 \sqrt{u}\right) \frac{du}{u\sqrt{u}}$

$$\tau = 1910.89 \left(\frac{1}{6\pi} - \frac{1}{4 \ln r} \right) + 777.67 \log_2 val. \frac{u_1}{u_2}$$

La chaleur qu'il faudta donner à la vapeur pour la porter de τ_0 à τ_1 se compose évidemment du produit de $(\tau_1 - \tau_2)$ par la capacité

absolue K, et de la somme de chaleur que coûjent le travail externe et le travail luterne.

On a dnuc:

K
$$(\tau_1 - \tau_0) + \frac{\Phi}{4:25} = 0$$

Prenons un exemple. Soit de la vapeur à 1th initialement à τ_0 , portons la à τ_1 : supposons qu'on ait $u_0 = 1^{n-2}$,8 et $u_1 = 2^{n-2}$,3.

A l'aide de notre équation appropriée à la vapeur d'eau, nous trouvens :

$$\tau_0 = 129^{\circ},8 \text{ et } \tau_1 = 234^{\circ}$$

L'équation (F) donne : F=5166°.5

pour le travail externe exéculó pendant que la vapeur s'échauffe de 1998 8 à 2319.

L'équation (*) donne : $v = 241^{\circ}.4$

On a done :

$$Q = 0.4(234 - 129.8) + \frac{5166.5 + 241.4}{425} = 54^{ol.}.42$$

pour la quantité de chaleur nécessaire pour porter la vapeur de 129°,84 234°.

En divisant () par (s. ---s.), on a ce que l'on a comme jusqu'ici et daussement, la copacité calorifique à presion constante ; jo dis finazement, puisqu'une partie du calorique est employée à produire du travail externe, une deuxième à produire du travail interne et une troi-lème enfin seulement à modifier la température. En divisant 5xt -/(2 par (23---129.8) ou par 101,2 on trouve:

$$C_1 = 0.52$$

Ce nombre est un peu plus életé que celui qu'a trouvé directement M. Regnault (0, 47) dans les mémes conditions de températurs et de pression. Je montrerai allients l'origine de cette illiférence peu considérable : cette discussion nous ferá faire un progrés de plus dans la connaissance de la constitution des corps. Qual qu'il en soil, il est évident que 6, no peut être indépendant ai de la pression, de de la températre d'une vapeur, puisque lo travail interne qui s'apère dans estie vapeur qu'on échasille à pression constante dépend du volume spécifique initial et final. Mai je montrerait de jusque C., ou en qu'en a appel la capacité a volume constant, no peut non plus à priori, et en thèse générale, étro reacté comme constant.

g XV.

de termine (ei ce qu'on pourrait nommer l'étude des propriétes cettrans des vapours surchauffess, suit à recretir allieurs, el au moment opportun, sur des details plus intimes. Pai cherché à faire, quant à ces corps gazeux ce que Gaussin, salabhe et pois ensaire Santer, cen fail d'une manière si remarquable quant aux vapeurs saturées. Sans invoquer aucune litypelhées particulière, el en m'appunt exclusivement sur les principes de la théorie mécanique de la chalour, je suis arrivé a une suite d'équations rationnelles et générales dans lesjoilessi is suit de remplacer un très pelui embre de termes constants par des nombres spéciaux pour les approprier à telle en telle vapeur en particulier. Le confirmation qu'ent repreces équations dans l'application que j'en ai faire la 1 vapeur d'eau surchauffe, prouve suffisimment qu'elles sont autonnelles et qu'elles répondent à la réalité des phécomètres.

M. Regnant est sur le point de faire paraître le troistème volume de l'uvurage du se trouvent consignés ses înxaux sur les vapours et les gaz ; ce volume renferenca probablement ce qui est relatif aux volumes de la vapour d'eux à diverses températures et prossions. Il se pout, et il est atmes probable, que ces dennées numériques introduirent des modifications dans les nombres que l'ai admis pour contants dans nes équations relatives à la vapour d'eux : mais offes ne modificare en riexacticules flécrique de ces équations.

l'éprouve néasmoins un immense regret d'avoir de me borner à une seule espèce de traduction numérique : la lecture du Livre cinquiéme convainera chaenn de la légilimité d'nn tel regret. Mais il m'a manqué trop d'éléments pour arriver à autre chose qu'à des dpeu-près.

D'une part, avec les apparaits dont je disposais, je trai jus fairo pur d'autres vaparrs que celle de l'eux, l'étude al Importante de ce que j'ai nomme le surchauffe spontante (nege 178); et d'est pourtant la cen quelque sorte la cleif de l'application des équations génées aux ces particuliers. Je n'ai non plus pu déterminer que dans des limites tier-restretates la densité des seules vapeurs d'other et de suitide carbonique, par exemple, sous diverses pressions et à diverses températures.

Sachant d'allicurs que M. Regnault a exécuté déjà ce genre d'expériences, et qu'il est en train d'en publier les résultats, je n'ai pas voulu m'exposor à faire par à-neu-près ce qu'il aura fait avec toute l'exactitude désirable.

D'autre part, aiosi qu'on a pu voir, la connaissance du volume spécifique d'une vapeur saturée est indispensable pour arriver à celle du volume de cette vapeur surchanffée à telle ou telle température ; et pour trouver ce volume de la vapeur saturée, il faut connaître aussi la loi suivant laquelle procéde r, on la chaleur d'évaporation du liquide, en fonction de t. Or, les expériences si rigourouses de M. Regnault ne donnent sur une élendue suffisante que les valeurs de Q, ou de la chaleur totale d'évaporation ; pour avoir r, il faut, comme on sait, retraocher de 0 la somme fedt et celle-ci n'a pu être déterminée par M. Regnault qu'entre des limites de température relativement très resserrées. En d'autres termes plus précis. pour l'éther suifurique, le sultide carbonique, etc., la valeur de fedt,. et, par suite, celle de r, ne peuveot être connues exactement qu'entre - 20° et + 40° environ, ce qui est tout à fait insuffisant pour établir une loi rationnelle correcte à n'importe quelle temnérature.

Je n'ai donc pu déterminer l'élément R, par exemple, pour l'éther, le sulfide carbonique, le chloroformo, comme le l'ai fait

pour l'eau, et en suivant la même méthode. Et c'est pourtant la une somme particulière qu'il sera désormais impossible de négliger dans l'étude des vapeurs.

Nous allons voir combien, pour cortains gaz eux-mêmes, cette somme serait importante à connaître.

CHAPITRE IV.

THEORIE DES CAZ.

L'emploi de la théorie mécanique de la chaleur dans l'élude des gaz est des plus faciles et des plus simples, ou des plus difficiles et des plus compliquées.

Si, comme on l'a fait à-peu-près exclusivement jusqu'ici, on fait abstraction complète de l'action réciproque des atomes matériels, de leur volume, de leur position relative, etc., on arrive de la manière la plus directe à des équations très claires et dégantes.

Si, au contraire, on lient compte do ces divers eléments, on so heurte à des difficultés que lo manque de données expérimentales convenables empécho l'analyse mathématique de surmonier autrement qu'à-peu-près.

Le premier point de vue est faux, scientifiquement parlant; mais il est approximativement juste dans l'expression numérique des faits; je m'y placerai d'abord pour prégarer des équations qui se pretent aisément aux besoins de la mécanique appliquée, dans la théorio des moteurs litermiques.

La second point de voe, au contraire, est seul correct ; jo miy placeral on derner leus, non pour esseyer de valiaces par 4-peuprès les difficultés dont je parie plus hant; mais, au contraire, pour bien les signaler, pour montrer ce qui nous manque accore pour les surrounter, et pour faire ressorlir les heaux résulais auxquois conduirs la théorie mécanique, lorsque toutes les lacunes expérimentales aurent det combibes.

g I. Premier point de vue.

Suppositions R=0 ct v=0.

Des le début de cel ouvrage, nous avons vu que quand on tient compte du volume lotal y des atomes d'un corps et de la valeur R qui ropresénie la romme des acilors attractives ou répulsives que des atomes excrero entre eur. on arrive à une érquainin générale qui s'applique, non à lei ou tel corps en particulier, mais à tous les corps possibles pris à l'état soiled, liquide ou gazoux, pourru que la somme R puisse étre considérée comme homogene, éct-à-d-inic comme représentant un ensemble d'actions similaires, Ru désignant par y lo volume atamique, et par y, ps. R. et l'n. Le volume, la pression externe, la pression interne et la température absolue d'un CORS. on 8 à :

$$(p_1 + \Pi_1) = (p_0 + \Pi_0) \frac{\mathbf{T}_1}{\mathbf{T}_0}, \left(\frac{\mathbf{V}_0 - \mathbf{\Psi}}{\mathbf{V}_1 - \mathbf{\Psi}}\right)$$

pour l'expression de ce que devienneut p et R, lorsque T, devient T_i et lorsque V_0 devient V_1 .

Cette $\mbox{ Lor }\frac{\Theta}{T}$ n'est en définitive, comme on voit, qu'une générali-

sation complète de la loi de Mariotte et de Gay-Lussac. Posons-y en effet R=0 et $\gamma=0$, il vient :

$$p_{i} = p_{o} \frac{V_{o}}{V_{i}} \cdot \frac{T_{i}}{T_{o}} = p_{o} \frac{V_{o}}{V_{i}} \left(\frac{1 + \alpha t_{i}}{1 + \alpha t_{o}} \right)$$

C'est l'ancienne loi, bien connue, de Gay-Lussac et Mariolle.

Voyons les conséquences de l'hypothèse R=0 et v=0, hypothèse toujours pluysiquement fausse, rigoureusement parlant.

- J'ai dit des la début que s. quand on éclaufic un corps, on tien comple de la étaleur employée en travail externe et en travail loterne, l'accroissement de température est nécessitement proportionne à l'addition de dataier qui la détermite, el que la température absulue du corps est proportionnele à la quantité de chaleur récilement présente dans le corps. Dans ess cauditions, en un mot, la capacité absolue et récelle K est nécessairement une constante spéciale à chaque corps.
- 1º. Si nous supposons R == 0, dans un gaz quolconque, et si de plus nous maintenous V constant pendant que T, devient T₁, 1 est évient qu'il ne se produira plus su travait interne ni travait externe; l'accroissement do T deviendra donc aussi proportionnel à la quandité.

tité de chaleur ajoutée. Dans l'hypothèse à =6, la capacité Ce, dité à volume constant, est done nécessairement une constanté.

 2^{α} Laissons p_{α} constant et laissons Y seul croitre avec T: cét accroissement que donne l'équation reoversée :

$$Y_1 = Y_o \frac{p_o}{p_o} \cdot \frac{T_1}{T_o} = Y \frac{T_1}{T_o}$$

est lu1-même proportionnel à la variation de T; le travail externe produit ou $p_*(V_1 - V_*)$ at la chalour $\frac{p_*(V_1 - V_*)}{42^*}$ par luiconsommée le sont aussi. Donc dans l'hypothère R = 0, la capacité C_t dité à versaion constante, est elle-même une constante.

Partons des trois suppositions :

$$R\!=\!0 \quad \Psi\!:=\!0 \quad C_o\!=\!\mathrm{coust}.$$

Nous verrons de suite avec quelle facilité s'établit la théorie dynamique d'un gaz parfait.

(A) En désignant par V₀ le volume d'un gaz à t₀ et à p₀ et par V₁ son volume à t₁, p₀ restant constant, on a :

$$V_1 = V_a \left(\frac{1 + \alpha t_1}{1 + \alpha t_2} \right)$$

d'où :

$$(V_1 - V_o) = \epsilon V_o \left(\frac{t_1 - t_o}{1 + \epsilon t_o} \right)$$

et par conséquent :

$$q=\frac{{}^{\bullet}V_{n}(t_{1}-t_{0})\,p_{n}}{\Sigma(1+\pi\,t_{0})}$$
 pour l'expression de la quantifé de chaleur consommée par le tra-

vail externe p_o (V_1 — V_o) que produit le gaz en passant de V_o à V_1 et de t_o à t_1 .

En désignant par x le poids du mêtre cube de gaz à t_o et à n_o .

on a esignant par x to point at motive cure do gaz a t_0 et a t_0 . On a t_0 = 10333° t_0 . On a :

$$r = \frac{\Delta n_0}{1 + \epsilon l_0}$$

Le poids de notre volume V, est donc :

. G00gt.

 $\tau = V_0 \ s = V_0 \ \Delta \frac{n_0}{(1+\alpha \, t_0)} \label{eq:tau_sign}$ d'où :

 $V_o = \frac{\pi (1 + \pi t_o)}{\Delta n_o}$ Et l'on a ainsi :

$$q_1 = \frac{\pi \pi (t_1 - t_0) 10333}{\Delta X}$$

ff vient done :

$$q_o = \pi \left(t_1 - t_c\right) \left(C_o + \frac{\pi \cdot 10333}{43}\right)$$

pour la quantité de chaleur que l'on dépense en élevant de t_o à t_s la température du poids = d'un gaz dont la capacité à volume constant est C_o , et dont la densilé à 0^o et à 1^{∞} est Δ_o .

Nois la capacité dite à pression constante n'est autre chose que la quagitié de chaleur qu'il faut pour élever de le la température de l'unité de poids d'un corps; on a par suite :

$$C_1 = \frac{q_o}{\pi (t_1 - t_o)} = C_o + \frac{10333 \circ}{\Delta (25)}$$

(B) N on mointient constante la température d'un gor pendant qu'il se détend en domant du travail externe ou pendant qu'on le comprime en dépensant du travail externe, il est teut d'abord visible qu'en raison de C, == const., toste la chaleur ajontée ou soustraite pendant la détente ou la compression sera directement proportionnelle au travail extreme roduit ou dénensé. et l'on aura ;

F étant le travail en kilogrammètres ou dynames. Mais puisqu'un gaz qui change de volume sans changer de température suit la loi :

$$p_1 = p_o \; \frac{V_o}{V_1}$$

le travail étémentaire externe produit par suite du changement de volume est :

$$pdV = \pm p_o V_o \frac{dV}{V}$$

d'où :

$$F = \pm : p_o V_o \log_a n : \frac{V_o}{V}$$

pour le travail total positif ou négatif donné par le changement de volume.

(c) Si un gaz change de volune, sans addition ou sonstanction de chaleur externe, il est visible, toujours en vertu de C., = const., que fout le travail externe produit ou dispense pour le changement de valume, se fera aux depens ou au proût de la chaleur actuellement présente dans le gaz; l'étant le travail position ou régulif, et, et s, citant les températures initiales et finales, on aura, en un mot :

$$F = -C_o \Sigma (t_1 - t_o)$$

pour le travail positif ou négatif produit par * de gaz. Il résulte de la :

Mais un gaz qui change de volume, en changeant à la fois de pression et de température, suit la loi :

$$p_t = p_o V_o \left(\frac{t + \alpha t_1}{1 + \alpha t_o} \right) \frac{1}{V_t}$$

If on resulte :

$$dF = pdV = \frac{p_u V_u}{(1 + \epsilon t)} \cdot \frac{(1 + \epsilon t) dV}{V}$$

et par conséquent :

$$-\pi C_0 \Sigma dt = \left(\frac{p_0 V_n}{1 + \epsilon t_0}\right) \frac{(1 + \epsilon t) dV}{V}$$

Mais * a aussi pour valeur :

ci:

$$r = \frac{\Delta p_0}{10333 (1 + \epsilon t_0)}$$

D'où:

$$\log_{\epsilon} \left(\frac{1 + \pi I_1}{1 + \pi I_2} \right) = \frac{10333 \times 100}{\Delta C \times 1} \log_{\epsilon} \frac{V_e}{V_1}$$

en intégrant entre les limites to et ti, Vo et Vi.

En remplaçant $\left(\frac{1+xt_1}{1+xt_2}\right)$ par sa valeur tirée de l'équation :

$$p_1 = \frac{p_a V_o}{(1 + \alpha t_e)} \left(\frac{1 + \alpha t_1}{V_1} \right)$$

on par p, V, : p, Va, on a

$$\log \frac{p_i V_i}{p_o V_o} = \frac{10333}{4 C_v \Sigma}$$
, $\log \frac{V_o}{V_i}$

d'où l'on tire facilement

$$p_i = p_o \left(\frac{V_o}{V_i} \right) \left(1 + \frac{10333 \text{ s}}{\Delta \text{ C}_o} \frac{1}{2} \right) = p_o \left(\frac{V_o}{V_i} \right)^7$$

Au point de vue expérimental C_1 est déterminé par l'observation directe, tandis que C_n ne l'est que par un calcul. Remplaçant donc C_n par sa valeur :

$$C_{\alpha}\!=\!C_{L}\!-\!\frac{10333\,\alpha}{\Delta\;\Sigma}$$

nous trouvens tente réduction faite :

$$p_1 = p_{\bullet} \left(\frac{V_a}{V_1}\right)^{\frac{\Delta C_1 \Sigma}{10333^{\frac{\Delta}{a}}}} = p_{o} \left(\frac{V_a}{V_1}\right)^{\frac{\Delta}{a}}$$

Telle est la foi de détente on de compression que suit un gaz auquel on n'ajoute ou ne soustrait potot de enforique pendant que V_* devient V_1 , et dans lequel on suppose toujours : R = 0 of v = 0

Il est manifeste que dans cette dernière hypothèse γ est une constante spéciate à chaque gaz.

Il est facite avec les données précédentes de trouver la température que prend un gaz qui change de pression sans roccevoir ni perdre de chaleur du dehors et en rendant du fravail. Nous avons en effet:

$$p_{l} = \left(\frac{1+\alpha t_{o}}{p_{o} \cdot \mathbf{V}_{o}}\right) \frac{1+\alpha t_{1}}{\mathbf{V}_{t}} \text{ d'où } : \frac{\mathbf{V}_{o}}{\mathbf{V}_{t}} = \frac{p_{1}}{p_{o}} \cdot \left(\frac{1+\alpha t_{o}}{1+\alpha t_{i}}\right)$$

Substituant cette valeur de V. dans l'équation :

$$p_1 = p_0 \begin{pmatrix} V_0 \\ V_1 \end{pmatrix}^{\gamma} = p_0 \begin{pmatrix} \frac{J}{\Delta} \end{pmatrix}^{\gamma}$$

(si s et a sont les densités du gaz répondant à p_i et à p_o) on a ;

$$p_1 = p_0 \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\gamma} \left(\frac{1+\alpha t_0}{1+\alpha t_1}\right)$$

d'où :

$$(1+xt_i) = (1+xt_o)\left(\frac{p_i}{p_o}\right)^{\gamma-1} = (1+xt_o)\left(\frac{V_o}{V_i}\right)^{\gamma-1}$$

ou:

$$t_{i} = (272.85 + t_{o}) \left(\frac{p_{i}}{p_{e}}\right) \frac{\gamma - 1}{\gamma} - 272.85$$

$$= (272.85 + t_{o}) \left(\frac{v_{o}}{v_{i}}\right) \frac{\gamma - 1}{-272.85}$$

En remarquant que = = 0,003665 et = = 272,85

(D) Si l'on suppose que, selon une loi donnée quelconque, le gaz reçoive ou perde de la chaleur pendant la variation de volume, il est encore facile d'arriver à une équation générale qui exprime toutes les circonstances du phénomène.

La quantité de chaleur élémentaire dQ consommée par un poids Il d'un gaz dont la température, la pression et le volume varient

simultanément, est :

$$d\Omega = M (C_n dt + h pdv)$$

Mais :

$$p_i = \left(\frac{p_o V_o}{1 + \alpha f_o}\right) \left(\frac{1 + \alpha f_i}{V_i}\right) = B \frac{\tilde{Y}_i}{V_i}$$

On a done :

$$dQ = M \left(C_0 dt + AB \frac{T}{V} dV \right)$$

ou ce qui est la même chose :

$$dQ = M \left(C_i dt - A B \frac{T}{p} dp \right)$$

Si denc on connaît la loi qui lie t à V ou à p, ces deux équations s'intègrent et donnent la valeur de 0.

il est visible que si l'on pose dQ = 0, c'est-à-dire que si l'on n'admet ni addition ni soustraction de chaleur dans le changement de volume ou de pression, nos deux équations conduisent immédiatement aux mêmes résultats que (0).

(E) Enûn si l'on suppose qu'un gaz ne donne aucun travail externe pendant qu'il change de volume, la température doit nécessairement rester invariable.

Ce cas est des plus intéressants en lui-méme, et au point de vue de la réalisation expérimentale, il a fait, à juste titre, époque dans l'histoire de la théorie mécanique de la chaleur.

Il se rapporte, en effet, à la belle expérience de Joule, que j'ai décrite (Livre I, chapitre V, page 50). Un gaz est renfermé et fortement comprimé dans le réservoiv A (fig. 2); on fait te vide dans le réservoir B : les deux vases sont placés dans un réservoir plein d'eau. Lorsque la température de l'eau est bien stationnaire, on ouvre le robinet de communication des deux réservoirs : l'équilibre de pression s'établit rapidement. Si l'on opère sur l'air et si l'on observe le thermomètre du bain après l'euverture du robinet, on n'apercoit aucune modification sensible dans la température. Il résulte de la que, quels que soient les changements de température qui ont lieu dans chacan des réservoirs séparément, ces changements sont tels quo si l'on mélait le gaz en une seule masse, sa température finale serait la même que sa température Initiale. Il serait très facile d'analyser ce qui se passe dans les deux réservoirs, à l'aide des équations que nous avons trouvées (D). Je reviendrai plus loin sur la valour récile de cette expérience.

Je crois n'avoir rien de plus à dire sur les conséquences de l'hypolitèes R=0 et y=0. Les équations qui en découtent, sont d'un seage très commode, et elles sont suffissumment exactes, quand on veut cateuter les effets d'un moteur quelconque à gaz.

Second point do vue.

Supposition R = var.

1. Dans quelles conditions physiques faut-il que se trouve un gaz pour qui on pui-se négiger R? Il. A quois canactères peul-ou reconnaire ce gaz ? Il. Quels sont les gaz qui os frouverni natreillement dans ces conditions? IV. A quoi conduirait la connaissance de la loi de variation de II, en fronction de V? V. Quelles données expérimentales sont néessaires pour arrier à dette countissance?

Voilà une suite de questions auxquelles il importe de répundre, et cela est facile.

 Dans quelles conditions physiques faut-il placer un gaz pour qu'on puisse admettre sensiblement R = 0?

Dans le lome XXI des mémoires de l'Académie des sciences (1847), M. Regnaultimonire qu'aucun des gaz connus o'obéit rigoureusement à la loi de Mariotie, et (page 440) que la fonction :

$$\left(\frac{V_o}{V_1}\right): \left(\frac{p_1}{p_o}\right) \rightarrow 1$$

dépend : I° de la pression initiale p_{\circ} : 2° , de la différence des pressions p_{i} et p_{\circ} ; 2° , de la lempérature à laquelle se trouve le gaz. On aurait, en un mot :

$$\left(\frac{\mathbf{V}_{o}}{\mathbf{V}_{i}}\right)$$
; $\left(\frac{p_{i}}{p_{o}}\right)$ — $\mathbf{I} := \mathbf{v}\left(p_{o}, p_{1}, t\right)$

Mais cette fonction revient de fait à :

$$\frac{p_{\circ} V_{\circ} - p_{1} V_{1}}{p_{o} V_{\circ}} := \frac{\Omega_{\circ} - \Omega_{1}}{n_{o}} = v | p_{o}, p_{1}, t \rangle$$

Les produits $p_{\alpha}V_{\alpha} = \Omega_{\alpha}$ el $p_{\alpha}V_{\alpha} = \Omega_{\alpha}$ ne sont, comme on voit, antie chose que ce que nous avons nommé depuis longtemps le travail potentiel externe d'un gaz.

Mais nous avons trouvé des le début:

$$\frac{(P + R_0)(V_0 - \Psi) - (P_1 + R_1)(V_1 - \Psi)}{(P_0 + R_0)(V_0 - \Psi)} = \frac{e_0 - e_1}{e_0} = \frac{T_0 - T_1}{T_0}$$

o désignant le travail potentiel total du corps, ce qui donne ;

$$\frac{\Theta_{o}-\Theta_{l}}{\Theta_{c}}=\frac{\Theta_{o}-\Theta_{o}}{\Theta_{c}}=0$$

pour Ti == Ta.

Pour qu'à égalité de température un gazobél-se à la loi de Mariotle, il fami donc qu'on ait $\Omega_{\phi} = \phi_{\phi}$, d'et-t-dire que fi soit union du moins si petit par rapport à p, que l'Intervention de cette somme ne se manifeste plus à l'observation,

Si nous faisons attention que R est toujours une fonction inverse de V_* d'est-à-dire que cette somme diminere toujours, et mieme rapidement, à mesure que $\{V \longrightarrow T\}$ grandit, la seule inspection de l'équation :

$$p_1 + R_1 = (p_a + R_o) \frac{T_1}{T_o} \cdot \left(\frac{V_o - Y}{V_1 - Y} \right)$$

nous montre qu'à égalité de volume la variation de p est d'autant plus prés d'être proportionnelle aux variations de la température, que celle-cj est plus élavée, et qu'à égalité de température, les variations de p sont d'autant pius prés d'être proportionnelles à coltes de volume par est unien dis-même est plus grand, absolument patiant. En d'auters termes plus précis, une vaper on un gaz detévent d'autant plus approximativement à l'unicionne loi de Dinistité qu'ils sont plus surchandis, plus ébulges de leur point de liquéphation, on plus rardiés. Cest ce que les expériences de Maganation plaritément codification.

On avait contume de dire, en physique, qué c'est aux approches du point de saturation que les écarts par rapport à la loi de Mariotte deviennent le plus considérables. Cette foculton est fanses, car elle tend à faire croire que les propriétés d'une vapeur changent subilement.

Ce qui constitue numériquement la grandeur de la différence qui existe cutre les résultats de la foi : $p_1 + R_1 = (p_0 + R_u) \frac{T_1}{T_v} \left(\frac{V_v - \nabla}{V_v - w} \right)$

et de la loi :

$$p_i = p_o \frac{T_i}{T^o} \cdot \frac{V_o}{V_i}$$

c'est la grandeur relative de p et de R. Nous voyons (Tableau I) qu'à 0°, on a, pour la vapeur d'eau :

$$\frac{R}{p} = \frac{0.00018422}{0.0058967} = 0.03124$$

fandis qu'à 240°, on a:

$$\frac{R}{p} = \frac{6.61719}{32.8595} = 0.20138$$

Il resulte evidemment de la que, quodique s'autrée, la rapour d'eau de o é écarte beaucoup moins de la loi de Mariolte que la vapeur à 200 et a 32° -86, parce que la somme R diminuo pius rapidement que p, à mosure que V grandit. Mais li n'y a clir rien de sublit, rien de particulitée au point de saturation même. Si nous prenous de la vapeur d'eau saturée à 0° et sì, en empéchant le volume de crottre, nous éterons graduellement la lempérature, la valeur de R restara invariable; mas agrons au ces a racicolier;

$$p = \frac{0.00472268}{211.906}$$
 T $- 0.00018422$

Il est visible que p s'approche d'autant plus de varier proporlionnellement a T. que T deviant plus grand; mais en u'est pas parce que nuis nous cloignons du point de saturation, c'est simplement parce

quele produit $\left(\frac{0.00472268}{211,906}\right)$ T devient de plus en plus grand par rapport à 0.00018422.

Ce qui précède s'auplètique à un gaz font comme à une vapeur quécionque, parce qu'un gaz est simplement une vapeur fluis on moins éloignée, par une surchauffe naturelle, de son point de liquéfactées ous une pression donnée. La réposse à notes question éet maiolemant très simple. Port d'iminime à valeur de l'achièvement à cellé de p. il suffi de raidée un gaz ou de le porter à une température plus élevée.

]], A quels caractères reconnaîtrait-on un gaz dans lequel ${\bf R}$ serait nul?

Nous avons vu que la vapeur d'eau qui passe d'une pression p_o à une autre plus faible p_t , sans rendre de travail externe, éprouve

toujours un abaissement de lempéralure plus ou moins censidérable. Celui-ci est dû exclusivement au travail interne fRdV qui s'opère dans le corps.

Ce u'est point là un fait propre à la vapeur d'eun, putiqué nees l'avons analysé et étudié à l'aide d'une équation génerale et propre à lous les corps gazaux possibles. Tout corps dans lequel îl constitue une somme finie positive, se refroidit nécessairement par l'expansion cans travait externe. Donc, réciproquement, dans tout gaz qui écrouve un refroidissement. A a nou valeur finie et nositive.

La grandeur de l'abaissement de température que subit un gaz dans selles ou telles conditions, lorsqu'il passe subitement d'une pression à nue autre, est donc en quelque sorte l'indice de la grandeur de R dans ces mêmes conditions.

Puisque B diminue à mesure que V gracóit, Il est évident que le refroidissement, qué épouve un gaz en tembarl d'une pression p à p. «p., ses a dianant moindre que ce gaz es trouverà à une tempéralure relativement plus élevée. C'est co que nous avons va se vérifier plellement pour la vapeur d'eau; c'est co que MM. Joule et Thomson ent deuells longtemes constalté oeur l'acid cerabonime.

Lo petit nombro de gaz qu'un a essayés jesqu'té d'air, Phydrece, Pacicio critorolique, Namionico Apopuvant los su un efrodissement sensible. Mais il existe entre eux des différences très grandes : ainsi, tanisi que pour Phydregène la clute, de température est pour ainsi dire inapprécible, elle est dégli pais grande pour Pair et elle est très considérable pour l'incide carbonique (de 5º pour une chette de 5º a 1º). L'amomina épouve un refoidissement encone plus considérable dans les mêmes circunstances, alos i que jo l'ai vérifié de mon côté.

Il y a ici, comme on voit, une contradiction entre la helle expérience de M. Joule (page 51) et les résultats précédents.

Du moment que l'air éprouve un refroidissement en passant d'une pression à une autre sans rendre de travail externe, il est évident

^{1.} On the thermal Effects of fluids, in motion. (Soule et Thomson, 1852.)

que l'ous de la cure ou à se trouvaient les deux réservoirs à et le (fig. 2) derait se réfortille l'empte je gaz avit passe à profesionent de A en B. Si M. Joulo n'a point observé ce réforbilissement, état simplement parce qu'il était en réalité torp faible pour ce mailétaire au diermonétien ; et si dans l'expérience que j'ai faite moi-méene (pago 53) je n'ai pas observé de changement de température, éves porce que la clute de pression était trop faible pour donne rileu à un refroidissement appréchalés. Si le réservir A avail été heanceap plus petit que le révervir B. de manifer à ce que le gaz prit un volume d'une trentaine de fois plus grand par son expassion de A. on B, et s'à l'air M. Joule avait subsidité l'acide carbonique, le refroidissement de la curve d'ean fût certainement devenu appréniable.

Il faut simplement conclure de cette espèce de contradiction que dans l'air, et à plus forte raison dans l'hydrogène, la valeur de l'est en réalité très petite par rapport à p aux pressions où nous pouvons opèrer sur cos goz.

10. Quels sont les gaz qui se trouvent naturellement dans des conditions telles qu'on puisse négliger R?

La réponse à cette question se frouve dans le paragraphe précédent.

Ce son les gaz qui son réalitérement les plus variétées on un plus grand étal de surchauffe. El pour le cas particulier, la surchauffe naturello est meurde par la distance thermométrique au point de liquefaction. A la température ai nous trouvous ce sont donc l'hydrogée, Pazale et l'oxigien. A ces gaz, nous pour ons appliquer los équations du paragraphe précédeul, non pas sans erreur scientifique, mais sans commettee d'orreur qui puisse àvoir une importance expérimentale notable.

Il n'en est pas de même des autres gaz, de l'acide sulfureux, de l'acide carbonique, etc., etc., dont la liquéfaction s'obtient à 0° par exemple sous des pressions même modérées. IV. A quoi conduirait la connaissance de la loi de variation de R par rapport à p?

Il est tout d'abord visible que cette connaissance nous fournirait immédialement et rigoureusement cette de la toi d'élasticité d'un gaz, puisque nous aurious ainsi :

$$p = (p_o + R_o) \frac{T_o}{T_o} \left(\frac{V_o - \Psi}{\hat{V}_i - \Psi} \right) - \Psi \left(V - \Psi \right)$$

Mais ce n'est pas à cette détermination seule que nous serions limités.

La démonstration schemalique que flat donnée (page 181), et la proposition (II) qu' en découle, s'appliquent à tout corps, qu', en vertu de son clusifeits rempill toujours d'une masse homogéne. Pespace qui lui est offert. Elles s'appliquent à un gaz lost ansel bien qu'à une vapeur salurée. Soit done loujours V, le volume d'un gaz à la pression p_{s',} nous avons (propt. II):

$$p_1(V_1 - \Psi) = p_n(V_n - \Psi)$$

pour l'expression du vulume $V_1 = v_1 = v_2 = v_3 = v_4$ il passe à la pression p_i sans rendre de Iravail externe et sans recevoir ni perdre de chalcur du deltors. Et si V_i et p_i répondent au point de salturation ou de liquéfaction à la lempérature $T_a = \{a + t_a\}$ nous avons très sensiblement:

$$(V_o - \Psi) = (V_o - w_o) = (c_e - w) = u_e$$

et il vient :

$$p_1(V_1 - \Psi) =$$

Mais nous avons trouvé (chap. 11, page 129)

$$\Lambda p_{\scriptscriptstyle 0} u_{\scriptscriptstyle 0} = \frac{p_{\scriptscriptstyle 0} \, r_{\scriptscriptstyle 0}}{T_{\scriptscriptstyle 0} \, dp; dt}$$

Il en résulte :

$$\Omega_{\mathrm{o}} \! = \! p_{\mathrm{t}} \left(\mathbf{V}_{\mathrm{I}} \! - \! \mathbf{V} \right) \! = \! \frac{\mathbf{\Sigma} \, p_{\mathrm{o}} \, \mathbf{r}_{\mathrm{o}}}{\mathbf{T}_{\mathrm{o}} \, d p_{\mathrm{o}}; d t_{\mathrm{o}}}$$

Et puisque :

$$(p_0 + R_1)(V_1 - \Psi) = (p_0 + R_0)(V_0 - \Psi) \frac{T_1}{T_0}$$

on aurait aussi :

$$\frac{(p_1 + (R_1 = \varphi V_1)) (V_1 - \Psi) T_0}{\tau_0} = \frac{\sum p_0 \tau_0}{T_0 dp_0 : dt_0}$$

Equation qui s'applique à un gaz quelconque à la sorchauffe spontande « qu'il prend en passant sublicment de w_a à V_s , et qui nous montre comment lo travail potentiel externe α_s so truvre lis implicitement à la pression p_a , à la température t_a et à la chaiteur d'évaporation r_a de co gaz lutuidà à b_a et à b_a .

Ainsi que nous savons, on a nécessairement :

 $p_o = \gamma t_o$ $r_e = q_1 t_o$

En désignant par t_1 la température qui répond au point de saturation à p_1 nous avons aussi :

 $\delta_1 = \epsilon_1 (f_0, f_1)$

Sì la forme réelle des fonctions y V, v. t., n. t., n. (t., n.) (etc.) (

Je n'al pas besoin de faire ressortir ce qu'il y a de frappant dans un pareil résultat.

Danis I première dell'ion de cet ouvrage, J'avais donné un exemple d'application des diffunations précédentes. En utilisant les expériences de UNI. Joule et Thomson sur le refroidissement de l'acide carbonique qui contect avait que pression p., à une autre p., et en partant des observations de l'araday quant au point d'ébbilloin de l'acide carbonique l'iquide à diverses pressions. J'étais parvenn à calculer une table donnant les pressions externe que doit excerce le gaz achie carbonique à 0°, lorsqu'on reduit son volume successivement de 1 à ½, ½, ..., ½, et f p'avait mis les pressions ainsi calculées en regard de celles qu'à déleventines diferciencent M. Regrault pour l'acil ce arbonique à 0°. L'accord presque paralit qui crisialt entre se de sens soionnes de nombres sains sins en regard, vérifail è l'exacti-

tade du mode de calcial que J'avais suivi et des priocipes libéréques d'ub J'etats paril. Jo m'abdiess atamodius de reproduire let cette application speciale, parceigne j'ai été obligé d'y introduire trop d'éléments empiriques sujets à caution et que l'équation nouvelle que j'ai donnée, dans la libérée des repuers surchauffecs, conduirait beaucoup plus rapidement à des résultats tout-ly-dif railonnées, air Don disponit de pur d'éléments expérimentaux nécessires.

V. Quelles sont les données expérimentales les plus indispensables pour établir la théorie correcte des gas ou des vapeurs très surchaussées, des vapeurs médiocrement surchaussées et des vapeurs saturées?

Ainst qu'on a pu voir, la détermination de la somme st répondant à chaque volume spécifique d'un gaz, est l'élément essentiel de la théorie de ce gaz.

Si, commo fo l'al admis commo première approximation, il constituital une somme homogône extraviement fonction de V, il ne faudrati pour chique gaz qu'uno série très limitée d'expériences pour obtenir la loi sebu laquelle procéde celle somme. Soiont, en offict, p_i la preside d'un gas on d'un esque at $1 = (272.85 + 4\epsilon_i)$, p_i celle que prond ce gaz, horspiron le porte a $T_i = (272.85 + 4\epsilon_i)$, p_i celle que prond ce gaz, horspiron le porte a $T_i = (272.85 + 4\epsilon_i)$, sans laisses sons volume cervite. On a dann is approsition précédente:

$$(p_1 + R_o) = (p_o + R_o) \frac{T_t}{T_o}$$

d'aû :

$$R_{o} = \left(\frac{p_{1} \Upsilon_{o} - p_{o} \Upsilon_{1}}{T_{o} - \Upsilon_{1}}\right)$$

Cest la temme des pressions interess pour le volume spécifique. Ve, pour le volume de l'unité de poids d'un gaz répondant à μ_n . En faisant soccasi-voment eroitre μ_n de manière à ce que (Y-Y) prenances valeurs μ_1 , μ_2 , μ_3 , μ_4 , au aurait prompérment les données nécessies pour brouver, sous formes since atténonale de manières méties pour brouver, sous formes since atténonale de manières méties pour brouver, sous formes since atténonale de manière si la lai salvant laquelle X produé en fonction de Y-Y. Pour la plar de se ca, et dans les limités de pressions on nous sommes à même d'expérimenter, la constante Y, on le volume atomique, pour attention de la constante Y, on le volume atomique, pour attention de la constante Y.

En réalité, et rigourensement parlant, it constitue presque tonjours une somme hétécopée, et dres al suis plus actaissement fonction de V. Pour artivar à lenir comple de ce nouvel élément de trouble des les équations, il fluidar, en cotte, recourit à lune autre articule expérimentale; il fluidar pour chapus gaz, pour chaque vapour, faire ce que je n'ai pa faire que paur la vapour de l'eau, il fluidar neuver r'gourensement la chini de température grégronne le fluida élasique lorqu'il torthe de la preside p. à la preside p. de l'autre de l'entre de l'eau, mais entre de l'autre destruit destruit destruit destruit destruit destruit de chini de l'autre de l'autre part, dans des l'unités de presiden trep que décoduse. Pour la pluqu'il des gaz appels permanons, il senigli adessaire de chercher la surchauffe spontancé qu'ils éprouvent lossestif la fombrat d'en mariant de 2,3,4,4,1090.

De telles expériences, si éminemment utiles aux progrès utilérieurs de la physique, ne seraient ni difficiles, ni extrémement dispendieures, hien qu'en ce, sens, elles excèdent certainement les ressources d'un particulier, si dévoué qu'il puisse être à la seleuce,

An surplus, il so peul que ce que je présenle lei comme devant étre fait, ait déjà été fait effectivement par li. Regnault; et en tous cas, me paralt-il probablle que l'analyz ennétienstique trouvea dans le lome III de ses travaux de nouvelles données qui pourront étre utilisées dans le sens que j'intique.

CHAPITRE V.

THÉORIE DES LIOUIDES ET DES SOLIDES.

De donne ci telle quello la Iraduction du beau travail de Zeuner sur l'application de la théorie mécanique de la chaleur à l'étude des liquides et des sollies. A ma consulvance, très pun de douncies expérimentales nouvelles ont été ajquitées à celles dont Zeuner a pui disposer pour ce travail, et la plupart des Iconnes qu'il signale caistent encore. Jo ne crois pas non plus que l'analye mathématique ait fait faire un progrès sérieux à la question depuis cette épopue.

g I.

Les priocipes de la théceir mécanique n'ent été, jusqu'ile, applies que dans quelques cas spéciaux à l'étude des manifestations de la étaileur dans les corps soilles on liquidos : telles sont, par exemple, les recherches de M. James l'increds sur les phénomènes que présente l'eau. Mais se genre d'études a condit à guelques découvertes théoriques très remarquables dont la justesse a els, plus tard, constate expérimentalement par M.W. M'Domon et Joule. Comme ces recherches si cinisemment intéressantés démontrent le plus guissamment l'exactitude de la nouvelle théorie, je vais airèe ou cepter enoure plus particulièrement dans les pages suivantes et présenier, sur les phénomènes des corps solides et lloudes, une serie d'études un most pour peut par la fonde, ma des des corps solides et lloudes, une serie d'études un most pour les présentes des corps solides et lloudes, une serie d'études un most pour les présentes des corps solides et lloudes, une serie d'études un most pour les présentes des corps solides et lloudes, une serie d'études un most pour les présentes des corps solides et lloudes, une serie d'études un most pour les des corps solides et lloudes, une serie d'études un most pour les parties de la company de l

Aimsi que nous l'avons fait nour les vapeurs et les gaz, il faut icl estignemement distinguer si le corps soumis à l'étude se fronte ou non modific dans a stretterte interno, chan sone dat d'agentiquiton pendant le cours d'une expérience. Nous supposerons d'abord qu'aucune semblable modification n'a lieu, et que le corps resto soit à l'exta tipulde, soit à l'état soilée.

Les équations générales s'appliquent dès lors dans ce cas.

Soient v le volume do l'unité de noids du corps. v la pression à laquelle il est soumis, t la lempéralure. Nous avons :

$$AT = \frac{(272,85+t)}{425} = Y\left(\frac{dt}{dp}\right) - X\left(\frac{dt}{dv}\right)$$
 (III)

$$A = \frac{1}{x} = \frac{1}{425} = \frac{dY}{dp} - \frac{dX}{d\theta}$$
 (11)

et ensuite :

$$= X dp + Y dv$$
 (1)

$$\begin{cases} dQ = X dp + Y dv & (I) \\ dQ = (X dt + AT dv) \cdot \left(\frac{dt}{dp}\right) & (Ia) \\ dQ = (Y dt + AT dp) \cdot \left(\frac{dt}{dp}\right) & (Ib) \end{cases}$$

$$d = (Ydt + \Delta Tdp) : \left(\frac{dt}{dp}\right)$$
(1b)

Ces prois équations se rapportent à la quantité de chaleur externe qu'il faut dénenser lorsque v. p et t s'accroissent de dv. dp et dt.

L'ensemble de ces équations, toutefois, peut mainlenant recevoir une forme bien plus simple. Si nous élevons de dt la température de l'unité de poids, à volume

 $d0 = c_i dt$ co désignant la capacité calorifique vulgaire à volume constant. Mais puisque du=0, l'équation (la) donne pour le cas précédent :

$$dQ = Xdt : \left(\frac{dt}{du}\right)$$

d'où il suit pour tous les corps :

$$X = c_o \left(\frac{dt}{d\rho}\right)$$
 (1)

Si, au contraire, nous chauffons le corps sous une pression constanto, la chaleur nécessaire sera :

$$dQ = cdt$$
.

ci désignant la capacité calorifique vulgaire à pression constante. Mais puisque dp = 0, l'équation (1b) donne pour le même cas :

quation (1b) donne pour le même cas :

$$dQ = V dt : \begin{pmatrix} dt \\ du \end{pmatrix}$$

d'où il résulte pour lous les corps ;

$$Y = c_1 \left(\frac{dt}{dt}\right)$$
 (2)

Si nous utilisons les valeurs précédéntes pour la transformation de nos cing équations générales, nous arrivons à cing autres équations qui conviennent aussi pour tous les corps :

$$\Lambda(a+t)=c_0-c_0\left(\frac{dt}{dv}\right)\left(\frac{dt}{dv}\right)$$
 (3)

$$\Lambda = \frac{d}{dp} \left\{ c_1 \left(\frac{dt}{dv} \right) \right\} - \frac{d}{dv} \left\{ c_n \left(\frac{dt}{dp} \right) \right\}$$
(4)

$$\begin{cases} dQ = c_a \left(\frac{dt}{dp}\right) dp + c_1 \left(\frac{dt}{dp}\right) dv \\ dQ = c_a dt + h \left(a + t\right) dv \left(\frac{dt}{dp}\right) \\ dQ = c_1 dt - h \left(a + t\right) dp \left(\frac{dt}{dp}\right) \end{cases}$$

$$(7)$$

$$dQ = c_a dt + \Lambda (a + t) dv \left(\frac{dt}{dp}\right)$$
(6)

$$\int d Q = c_1 dt - \Lambda (a + t) dp \left(\frac{dt}{dv}\right)$$
Ainsi que lo montre leur formation, ces équations convicument

même au cas ou c1 et co sont des variables ; il est probable que c'est la forme sous laquelte en les emploiera désormais, lorsque les divers phénomènes auront été mieux étudiés par l'expérience : nos connaissances à co point de vue sont encore fort incomplètes.

En ce qui, pour les corps solides et liquides, concerne la fonction : t =: f(v, v)

nons savons seulement que, sous la pression atmosphérique, le volume v croît à peu près uniformément avec la température t, c'est-à-dire que dans de cértaines limites le coefficient de disatation peut être regardé comme constant. La dilatation de l'ean a seule été étudiée un neu plus exactement, quoidu'encore exclusivement sous 1" de pression.

Quant aux canacités et et e., nous connaissons sculement avec exactitude la capacité à pression constante, pour divers corps soumis à la pression atmosphirique, exclusivement; et nous savons, d'après M. Regnault, que cette valour crolt lentement avec la température, qu'il s'acisse des solides ou des liquides. La capacité à volume constant, ou c., a été déterminée pour quelques métaux, à l'aide d'un procédé narticulier, par Mi Weber,

Il n'est pas étonnant, comme nous voyons, que l'on n'att pu essayer

que, dans des cas isolés, d'appliquer les principes généraux de la théorie mécaoique de la chaleur, aux phénomènes qui nous occunent ici.

Nous avons à parler ici, en toul premier lieu, d'une étude de M. Thomson. Sunnosons l'unité de noids d'un corps soumise à la pression d'une

atmosphèro: soit ve le volume à 60, et v le volume à t. On écrit communément :

$$v = v_a + \star v_a t$$
 (8)

« désignant le coefficient do ditatation. Pour la pression constante do l'atmosphère, la différentialion

nous donne : $\frac{dt}{dt} = \frac{1}{1}$

$$\frac{dv}{dv} = \frac{1}{av_a}$$
(9)

Si nous désignons par 7 le poids du mètre cube d'eau à 0°, et par γ_o celui du corps employé, la pesanteur spécifique de ce corps sera :

$$\varepsilon = \frac{\gamma_0}{\gamma}$$
; el puisque nous avons $v_0 = \frac{1}{\gamma_0} = \frac{1}{\varepsilon_\gamma}$,

$$\frac{dt}{dv} \Rightarrow \frac{d}{\pi}$$
 (10)

Supposons maintenant que la pression s'accroisse de do, sans qu'il n'y ait ni addition ni soustraction de chalcur du dehors, nous aurous : d Q=o et d'après l'équation (7) :

$$o = c_1 dt - \Lambda(a+t) dp : \left(\frac{dt}{dv}\right) d'où \frac{dt}{dp} = \Lambda(a+t) : c_1\left(\frac{dt}{dv}\right)$$
 (11)

A l'aide de l'équation, nous trouvons :

$$dt = \frac{\hbar (a+t) \times dp}{c_1 \circ r}$$

Telle est l'équation donnée par M. Thomson, quolque sous une forme un neu différeule. Elle fait connaître, comme on voit. l'élévallen de température dt pour un accroissement de pression dp. Toutefois, elle n'est applicable que dans les cas où l'on peut regarder « comme constant entre 0° et t, ce qui a lieu , ca effet , pour la plupart des corps solides et liquides.

Pour le mercure, par exemple, on a :

$$a = 0.00018153$$
 $c = 0.03332$ $a = 13,596$ $a = 1000$;

d'où il résulte, en exprimant la pression en atmosphères ;

$$\Delta t = 0,000009572 (a + t) \Delta p$$

En raison de la très petite élévation de température qui a lieu lei, nous avens pu, sans trop d'erreur, substituer les differences finles Δt et Δp aux différentielles dt et dp.

Supposons quo la pression exercéo sur lo mercure s'elève de 1^m à 10^m; nous avons: 4p=9^m, ot pour une suite de températures croissautes de 25ⁿ en 25ⁿ, nous arrivons aux nombres suivants;

'empérature initiale.	Elévation de température At.		
0	0°,0243		
25	0°,0262		
50	0=,0284		
75	0.0306		
100	0+.0328		

On voit que <u>At</u> est d'autant plus fort que la température initiale est plus élevée; mais de si faibles différences ne peuvent évidemment être vérifiées par les procédés ordinaires d'expérimentation.

La formule de M. Thomson s'applique austa aux gaz permanents. Commo, d'après M. Regnault, le coellicitent = est à fort peu près le même pour tous les gaz et que la valeur es, ou la capacité à pression constante, rapportée à l'unit de or volume¹, est à fort peu près constante aussi pour tous les gaz, il résulte de l'équation de M. Thomson : «qu'à éguité de temperature initiate et d'accreissement de pression tous les gaz manifestent le même aceroissement de température. »

L'équation (12) ne peut s'appliquer à l'eau qu'après une modification très aisée d'aitteurs.

 Ranio-capaciliet, ou copacité de l'unité d'espace : c'est, comme ou voit, le produit de la densité du gaz par sa capacité à pression constante; c'est, on un moi, le poids d'eau que présente caterifiquement l'unité de volume.

G.-A. HIRY.

Des expériences faites sous la pression atmosphérique prouvent qu'on a ici :

$$v = v_+ (1 \times t + \beta P - P P)$$
 (13)

«, », el » étant des constantes qui, d'après M. Kopp, ent les valeurs suivantes ;

de 0°
$$\lambda$$
 25° de 25° λ 50° ω = 0,000061043 ω = 0,0000654!5 ω = 0,000007783 ω = 0,0000077587

✓=0,0000007334 ✓=0,000000035408

En différentiant, nous avons :

$$\frac{dt}{dv} = \mathbf{i} : v_0 \left(-x + 2\beta t - 3\mathcal{I} t^0 \right) \tag{14}$$

lorsque la dilatation a lieu sous la pression constante de 1 $^{\rm m}$. En substituant celle valeur dans l'équation (11), nous avons pour l'eau :

$$dt = \frac{A}{c_1} (a+t) v_n (-a+2st-3st^2) dp.$$

Remarquous que $c_1 = 1$ et $v_0 = 0.001$ et posons, comme ci-dessus, $\triangle t$ et $\triangle p$ pour dt et dp, il vient :

$$\Delta t = 0.02437 (a+t)(-a+2+t-3+t^2) \Delta p$$
 (15)

A l'aide de cette formule, nous avons calculé la table suivante, en y ajoutant de suité les valeurs déterminées directement par M. Joule.

TEMPÉRATURE	ACCROISSEMENT		
do l'esu.	de lo pression en atm.	de température d'après le valcul	de lempfeature. d'après l'expérience.
1,2 5 11,69 18,35 20, 21,37 40,4	24,31 24,34 24,34 24,34 24,34 24,34 14,64	- 9,0909 + 9,0925 + 0,0103 + 0,0303 + 0,0341 + 0,0434	- 0,0083 + 0,0014 0,0205 0,0314 0,0544 0,0394 0,0450

On a tout lieu d'être frappé de l'accord remarquable des résullats de la théorie avec ceux de l'expérience; au-dessous de 3°,9 la compression détermine un absissement de température; au dessus, elle donne un accoréssement.

Mais les recherches précédentes conduisent à des développements des plus importants, et il m'a été possible de déterminer, pour différents corps, la canacité calorifique à volume constant.

En effet, lorsque la compression d'un corps a lieu sans addition ni soustraction de calorique, l'équation (6) donne :

$$0 = c_0 \left(\frac{dt}{dp}\right) dp + c_1 \left(\frac{dt}{dt}\right) dv \text{ d'où } \frac{dp}{dv} = -\frac{c_1}{c_0} \left(\frac{dt}{dv}\right)$$

D'après l'équation (3), on a généralement :

$$\frac{dt}{dp} = \Lambda (a + t) : (c_1 - c_0) \left(\frac{dt}{dv} \right)$$

d'où il résulte :

$$\frac{dp}{dv} = -\frac{c_1}{c_0}(c_1 - c_a) \left(\frac{1}{dv}\right)^4 : \Lambda(a+t). \quad (16)$$

Si tous les fermes du membro droit de cette équation étalent connus, noue pourrions ainsi déterminer l'accroissement de pression dp du à une distinution de volume dv. En exprimant p en atmospheres et posant $\frac{c_1}{c_2} = *$, il vient aussi :

$$\frac{dp}{dv} = -c_1(r-1) \left(\frac{dt}{dv} \right)^2 : 10334 \text{ A} (a+t). \quad (17)$$

Nous devous a M. Almét et à MM. Colladon et Sturm a quelques expériences sur la compression des liquides que je vais utiliser pour calculer, quant au mercure et à l'eau, la valeur do ϵ , et par suite de ϵ , (puisque ϵ_0 est connau). D'appès ces trois physiciens, on a : $dv = -m * v d \rho$.

v étant le volume initial, et ρ une valeur donnée par l'expérience.

Mais à l'aide de $\frac{dp}{dv} = +\frac{1}{\mu v}$ et de quelques réductions, l'équation (17) donne :

$$x - 1 = 10334 \Lambda (a+t) : \mu v c_1 \left(\frac{dt}{dv}\right)^3$$
 (18)

1. Annaler de chimie et de physique , série III, T. Vill, p. 257.

2. Mémoires de l'Académie des sciences (Paris, 1821). Tom. V des savants étrangers.

Les expériences dont nous parlons donnent pour un accroissement de pression de 1":

pour le mercure
$$\mu = \begin{cases} 0.000004 & 0.0000033 \\ 0.0000502 & 0.0000188 \end{cases}$$

Appliquous d'abord l'équation (18) au mercure. Nous avons (10):

$$\left(\frac{dt}{dv}\right) = \frac{\gamma}{\alpha}$$

= 13.596. n= 1000. = 0.00018153 ct A 0°, nous avens d'ailleurs :

$$v_o = \frac{1}{13596}$$

et à 12º.06 :

d'où:

$$v = v_o (1 + t_s) = \frac{1.002287}{13596}$$

En introduisant les valeurs précèdentes dans l'équation (18) et en commençant par la valeur de » répondant à 12°, nous avons :

$$s = \frac{c_t}{c_o} = \frac{0.03332}{c_o} = 1.1237;$$

La valeur de « répondant à 0°, nous donne :

x = 1.1466; d'où $c_0 = 0.02906$.

La moyenne de ces deux valeurs do ca nous donne done pour la capacité calorifique (vulgaire) du mercure à volume constant : $c_n = 0.02932$

et
$$\frac{c_1}{c_2} = 1.1352$$
, $c_1 - c_2 = 0.00397$.

Ces valeurs, déterminées nour la première fois, attendent la confirmation de l'expérience.

La détermination de c. pour l'eau, est de la plus haute importance ; d'après (14), on a icl :

$$\frac{dt}{dv} = \frac{1}{v_v(-a+2\beta I+3\beta^2)}$$

En utilisant les valeurs données pour κ , $\hat{\kappa}$ et κ , et remarquant que $v_0 = 0.691$, nous trouvons, pour $t = 12^{\circ}.6$;

$$\frac{dt}{dv} = 1:0,000000115672$$
 $v = 0,0010004$ pour $t = 0^{\circ}$:

$$\frac{dt}{dv} = -1:0,000000001045$$
 $v = 0,001$

Enfin, à l'aide de l'équation (18) et de la valour trouvée pour μ par M. Aimé, nous avons :

$$z = \frac{c_1}{c_2} = 1,00185$$

et, puisque $c_1 = 1$, nous trouvons pour la capacité (vulgaire) de l'eau à volume constant:

$$c_c = 0.9981$$
.

En adoptant la valeur indiquée pour μ par MM. Colladon et Sturm, nous aurions :

$$s = \frac{c_1}{2} = 1,000508$$
. d'où $c_0 = 0,9995$;

La moyenne de ces deux nombres est $c_0 = 0.9988$; il en résulte : x = 1.0012 $(c_1 - c_0) = 0.0012$.

On voit que, pour l'eau, les capacités à pression constanto et à volume constant différent très peu entre elles : c'est ce qui explique a priori les faibles accrolssements de l'empérature que la compression produit dans ce liquide. Les dounées précédentes méritent aussi une confirmation expérimentale.

Nons aurions pu applique la même médholó de calcul à d'autres liquides. En acceptant les résultats précédents comme justes et regardant les vatuers de δ à c comme à pou près constantes, nons pourriors aussi, à l'aide de nos équations générales, résouherd'autres questions coocernant le mercure et l'eur; de telles déductions, toutefois, serainet par trop basardess, et il me semble plus prudent, on général, de faire toujours marcher de front l'analyse mathématique aver l'extrécience. Kous avons admis jusqu'il que les corps soumis à l'étude restout dans le même de la mécleatire; il nous reste donc à nous eccuper du passign d'un corps soilé à l'état liquide, ou de la Insien. Mais, par abévisation, nous ne parlerons ici, en premier lieu, que de la fusion de la glace; les rechercies générales qui la concernent, s'appliquent en ellet à celles de tout autre corps. — Supposens un reservoir constent caractennt i l'ill. de glace d'ut et sous la presession de l'.- Si nous maintenons cette pression constante, et si nous formaisses de la chalme externe à la glace, celle ci colta put a peu, et la température reste à 0° jusqu'à ce que la totalité se soit convertie on onu.

Ca n'est qu'à faritr' de ce moment-là que la température s'élève, bresqu'en continue d'amence de la cludient. La quantité de chabeur nécessaire pour fondre 1 kil. de glace, sous la pression consta de 1^{∞} , a élé déterminée expérimentalement : elle est de 70^{∞} -0.0 d'après k. de la Provestiyer, et de 70^{∞} -0.0 d'après k. Me al Provestiyer, et de 70^{∞} -0.0 d'après k. Me als mais la morpenne de ces deux nombres, ou : $= 70^{\infty}$ -0.0 s'après k. de si provincia d'après d'apr

C'est exte valour qu'un appelle ordinairement chaleur latenie, ainsi que poer la vapeur. On voit, par co qui précède, que le pluéo-mène de la fusion ressemble exactément à ceiu de l'evaporation : pendant le passage d'un état d'aggrégation à l'autre, sons une pression constante, le lampérature re-te invariable quisqu'or fournisse au corps une quantilé de chaleur rès notable. Nous devons en contre que tout le reste du pluénomée et il dentique, et qu'ainsi une partie de la chaleur r est employée à vaincre la cobésion, tandis que l'autre est couverité en travail externe, car en sait que pendant la fusion il y a toujous su n'ebagement de volume.

Nous devons aussi en concluro que la fusion, ainsi que l'évaporallon, a lieu à des températures qui varient avec la pression, et que la température est fonction de la pression seule, et non du volume de la masse, tant qu'il existe simultanément de l'eau et de la glace.

Nous pourrious donc, tout aussi bien que pour la vaneur, distinquer une cau saturée, et une cau surchauffée. L'eau saturée est celle qui, sous une même pression, se transformo partictlement en glace. par suite de la moindre soustraction do catorique : sous la presston de 140, par exemple, t'eau est saturée à 00. L'eau surchanffée, au contraire, est celle à laquello, sous une pression constante, il faut sonstraire d'abord une certaine quautité de chateur, avant qu'elle ne commence à se solidifier : l'ean oui, sons une atmosphère de pression, possède une température supérieure à 0°, est done touiours surchanffée. Pour chaque pression à taquelle l'eau est sonmise, il existe donc une température de saturation, ou, comme on dit ordinairement, une température de fusion particulière. La pression et la température toutefois, ainsi que nous l'avons dlt, sont tiées par une joi encore incounue ; des recherches convenables nous donneraient une courbe analogue à celle que l'on emptoie pour la vapeur, mais nua adentique, car les considérations suivantes nous montreront que la marche de la courbe, pour l'eau saturée, est essentiellement différente de celle out rénord à la vaneur saturée.

La dépendance qui existe entre la pression et la température de santracion de l'em, et l'admissionnet da point de conglidation par suite de l'occretaement de la pression out été mis en évidence thériquement par M. James l'honson d'abord, puis par M. Chamiss: ils ont été vérifiés expérimentalement par M. William Timonon. Ces mémes faits, air manquables, out été continués par les expériences de Bauson ser la parafime et le blanc de ballenie, et par celles de llegists sur la circ, la sideritie et le soufre. Les considérations suivantes vont nous conduiers aux expressions d'onches par M. J. Thomson et Clausius.

Commo les températures qui vont nous occuper sont en grande partie tuférieures à zère et qu'ainsi 1 seratt tantôt négatif, tantôt positif, je pense qu'il est plus convenable de choisir un zére thermométrique inférieur à cetui du thermomètre centigrade. Padopterai done désormais le zéro absolu et je désignemi comme toujours la température par T, de manière à poser T=273 + t: le point de consélation de l'eau, sous i'' de pression, sera ainsi 273°,

Suppesons qu'un récipient contienne l' de glace sons la pression p (rapportée à l'unifé de surface) et à la température Ts; soit T la température de saturation répondant à la pression p. Qualle sera la quantité de chaleur nécessaire pour l'ensifermer complétement la glace on eau de 7 sous une pression constante ;

En désignaul par e_i la chaleur spécifique de la glace sous une pression constante, la chaleur nécessaire pour échauffer la glace de T_0 à T sera visiblement :

$$\int_{T_0}^{T} c_1 dT$$

Il est probable que la quantité r de chaleur nécessaire ensuite pour fondre la glace à T., dépend de T. comme il en est pour la vapeur : on la nomme ordinairement chaleur latente; je la désignerai sons le nom de chaleur de fusion.

La quantilé de chaleur nécessaire pour fondre la glace dans les conditions indiquées, est donc :

$$Q = \int_{-T_0}^{T} c_i dT + r \qquad (19)$$

Nous l'appellerons Chalcur totale, comme nous l'avons fait pour la vaneur.

Mais pendant celle opération, il s'exécule un travail externe, qu'il s'agit de déterminer.

Lorspio la glace est porté de T, à T, il no so manifeste accune fusion : cependant le volume change, sons la pression externe p, et il s'exécute massi du travail. Ce changement de volume, toutofois, est si petit, par rapport à celui qui a lice pendant la fusion de la glace, que nous pouvons le negliger pour ne nous occuper que du derraier.



Soient v le volume de l'unité de poids d'eau à T, et w celui de la glace, à la même l'empérature. Si, au début, nous avons M' de glace sans eau, le volume sera :

et si la masse d'eau finale produite par la fusion sous la pression p esl m, le volume de la masse totale est :

$$(M - m) w + mv = Mw + m (v - w).$$
 (21)

Puisque p est constant, le travail externe produit sera:

$$\int_{-M}^{M} \frac{p dv}{w + m (v - w)} = mp (v - w)$$

La quantité de chaleur répondant à ce travail sera : $W = m\Lambda \rho \ (v - w)$

ou en désignant, comme nous l'avons fait pour la vapeur, la différence des deux volumes v et w par u :

$$W = m\Lambda pu$$
 (22 et simplement :

W = Apu

si m esi précisément égal à 1°.

La chaleur totale est connue d'après l'équation (19); si nous en circanchons la chalour dépensée en travail externependant la fusion, il vient pour la chaleur contenue dans l'éau, et que nous désigne-

rons aussi par J:

$$J = 0 - \Lambda pu$$
. (24)

(23)

Cette valeur nous indique douc combien I kil. d'eau à T_o représente de chaleur de plus qu'un même poids de glace à T_o , sous une même pression p.

Si l'unité do poids de glace avait déjà au début la température T répondant au point de fusion, la quantité de chalcur nécessaire pour opérer la fusion sous la pression correspondante p, scrait, comme nous avons vu ci-dessus, r.

Comme ici, c'est la quantité de chaleur $\Lambda p u$ qui est dépensée en travail, l'équation :

 $\rho = r - \Lambda pu$ (25)

nous indique l'excès de chaleur contenue dans 1º d'eau saturée à T par rapport à celle qui est contenue dans un même poids de glace, à la même température et à la même tension. l'appellerai aussi ¿ la chaleur interne de l'eau saturée.

La chaleur Apu, transformée en travail, pent encore recevoir une autre expression.

Admeltons de nouveau qu'un réservoir contienne m^* d'eau et $(M-m^*)$ de glace à la pression p; le volume de celte masse est : V = M m + m m

ou sl
$$M = 1$$
 $v = w + mu$

Si, sous une pression constante, on fournit à celte masse une quantité de chaleur dQ, la température restera constante, et les volumes v et w le resteron aussi puisqu'ils ne sont fonctions que de t.

L'accroissement do volume sera donc :

dv = udm (26) Mals puisque la température est constante et qu'il se produit une quantité d'eau dm, la quantité de chaleur externe à fournir sera : dQ = rdm (27)

ou, si nous déterminons dm à l'aide de l'équation (26) :

$$dQ = \frac{r}{u} dv$$

Mais puisque nous avons ici dp = 0 et dt = 0, les équalions générales (1) et (1a) nous donnent :

et:
$$dQ = Ydv$$
 (29)
 $dQ = ATdv : \left(\frac{dA}{dD}\right);$ (30)

en comparant ces trois équations, nous fronvons :

$$Y = \frac{r}{u}$$
 (31)

et: $\frac{r}{u} = \Lambda T : \left(\frac{dt}{dp}\right)$ (32)

absolument comme nous l'avons eu pour la vapeur. Mais comme dt = dT

(28)

et comme de plus ici p n'est fonction que de la température de sa turalion T, nous avons :

$$\frac{dp}{dT} = \frac{r}{\Lambda uT}$$
(33)

Nous trouvons de la sorte aussi pour la quaotité de chaleur transformée en travail, pendant la fusion de la glace :

$$\Lambda pu = \frac{pr}{T \frac{dp}{dt}}$$
(34)

ą vi.

Les développements précédents forment les taxes de l'étude de phénomène de la fusion. Malhurrousement nous ne disposens que de l'els peu de révalulats expérimentaux qui nous permettent d'appliquer les óruntions précédentes à des recherches utlérieures : nous alloes étendre nos investigations théoriques aussi loin que nous le permettent les résultats comms.

 Λ la pression de 1°°, le point de fusion de la glace est 0° ou $T=273^{\circ}.$

A cette température, le volume de l'unité de poids de l'eau est : 0.00t = v.

Le volume de la glace est: w = 0.001087.

La chaleur de fusion est : r = 79,035.

Ces valeurs nous conduisent à : u=v-w=-0.000087. En les introduisant dans l'équation (33), il vient pour $T=273^\circ$ (on le point de fusion à 1^∞):

$$\frac{dp}{dT} = -79.035.424 : 0.000087.273.10334 = -136,53$$
 (3

ou:
$$\frac{d\mathbf{T}}{dp} = -0.007234$$
 (36)
Cette dernière équation a été donnée pour la première fois par

M. J. Thomson, qui avait trouvé $\frac{dT}{dp}$ = -0.0075. Elle met en lumière

ce résultal surprenant, c'est qu'aux approches du point de congélation, un accroissement de pression a pour conséquence un abaissement de la température de fusion : c'est-à-dire que sous une pression supérieure à 1st-, l'eau ne se congèle plus qu'au-dessous du 0 du thermomètre centigrade ou de Celsius.

L'exactitude de cette affirmation de la théorie a été mise entièrement hours de obtel par les expériences de M. W. Thomson, qui démontrent en effet qu'à 8°-1, et 16°-8 le point de fusion est à : -0-0350 et -0-129 un accressement de 1°-4 onne donc un a loissement de 0°-00727 et de 0°-00767, ce qui s'accorde administèment avec les développements précidents. A l'aide d'un appareil appro-fle, M. Mousson est parvent a maintein l'eau l'équide - 20°- en la soumettant à une pression excessive (de plusieurs milliors d'atmosphères).

En precant maliterana la température 7 et la pression corresponante p pour abscisse et ordomée, nous arrivous à une couvile de tensions pour Peau autorée. Jisepi'ci, toutefois, nous ne comaissons qu'un seul élément de cette courie : éest cetui pour lequel on a : Te 279 è p = 11°. Mais l'équation (35) nous donne : dp = 11°. Mais l'équation (35) nous donne : dp = 11°. Jais l'équation (35) nous donne : dp = 11°. Jais l'équation (35) nous étaine : dp = 11°. Jais l'équation (35) nous donne : dp = 11°. Jais l'équation (35) nous donne : dp = 11°. Jais l'équation (35) nous donne : dp = 11°. Jais l'équation (35) nous donne : dp = 11°. Jais l'équation (35) nous donne : dp = 11°. Jais l'équation (35) nous de la courie des abscisses, et que la courie desende de l'apper.

S'il nous était permis d'admettre que l'équation (35) convient encore pour un abaissement de température de 1°, il en résulterait qu'une pression de 136° serait nécessaire pour mainteuir l'eau fiquide jusqu'à — 1° environ.

Cotte considération nous montre que le zère de notre thermomètre est un élément l'es stable puisque, pour le faire varier sensiblement de position, il paut des changements l'est grands de pression : c'est cacere le contraire qui a lieu pour le point d'ébutition, dont la étermination sur nos thermomètres requier! l'observation exacte du harmomètre.

Le point de fusion de la glace doit s'élover, lorsqu'elte est sou-

miso à uco pression mointre qu'une atmosphere. Sous le récipient de la machino pourmatique, la congélation de l'eau se fait donc an-dessas de 0°, et c'est ce qu'on doit observer en effet, en y plaçant un métange à l'eue et de glace, dont la température alors sois s'élever. Toutefois, il n'est pas écomant qu'un tel phécomo ait passé imagerqu jusqu'ici dans un vide même presque complet, l'élévation de température centil and soute et secs-sivement faible qu'il faudrait des dispositions et des instruments tout particulters pour la norostate.

La courbe de tension de l'eau doit avoir la marche qu'indique la figure 13. O est l'origino des coordonnées; les températures soul prises pour abscisses, et les points P_1 et P_2 répondent exactement à + 1° et a = 1°.

L'ordonnée au point zéro 0 étant 0M = 1°, colle qui répond à la températura — le sid d'erviron 185, andis que celle qui répond à 4 è d'ait étre à très peu près buile. Il me semble que des expériences faites pour déterminer la marche de la courbe eutro 0° et 1° ne doivant pas présenter des difficultés insurmonables; en comparant les résultais avec ceux de nos formules, on arriverait certainement à des résultais intérréseants.

L'équation (19) nous a donné pour la chaleur totale de l'eau :

$$Q = \int_{-T_s}^{T_s} c_1 dT + r$$

Cette expression donne done la quantité de chaleur qu'il faut formir à la glace à $V_{\rm in}$, sous la pression de saturation p repondant à $V_{\rm in}$, pour l'échauffer d'abord jusqu'il $V_{\rm in}$, est is la convertir ensuite sous la pression constante p en cau à $V_{\rm in}$, e el is la capacité catefrique de la glace à pression constante pour la quelle $V_{\rm in}$. Penns donne la valeur $V_{\rm in}$, en $V_{\rm in}$, en $V_{\rm in}$, en $V_{\rm in}$, en $V_{\rm in}$, et $V_$

$$Q = 0.504 (T - T_e) + r$$



Supposons, par exemple, que 1º de glace à -10° eu T=263 soit soumis à une pression de t^* et doive être fondu, la température de saluration répondant à t^* est alors $T=273^\circ$, la chaleur à four-nir sera (ci.

0 = 8101.075

puisque pour $T=273^\circ$ nous avons r=79,035. La fusion de cette glace ne commence que quand la température a été portée de 263° à 273°, ce qui exige d'abord une quantité de chaleur de :

La quantité de chaleur représentée par l'eau salurée à To étail d'après l'équation (24) :

 $J = 0 - \lambda pu$

Le second terme qui représente la chaleur transformée on travail, pendant la lisation, ne pect d'ire déterminé que pour la température T = 273°, poisque la marche de la courie de tension n'est pas comme et que, par conséquent, l'équation (34) ne peul pas encore servir à calculer co terme.

Pour T = 273° nous avions : u = -0.000087, et puisque p = 10334 et $A = \frac{1}{424}$, il en résulte pour celte température :

$Apu = 0^{-1},00212$

On arrive ainsi à ce résultat remarquable, qu'ici ce n'est pas la chaleur qui est convertie en travail, mais que c'est le travail qui est converti en chaleur.

Pendant la fusion de la glace à la température T = 273°, le Iravail exécuté par la pression atmosphérique est recueilli par la glace sous forme de chaleur, et nous trouvons pour la chaleur représentée nar l'eau à 0°:

J = 0 + 0.00212

eu, si nous admettons que la glace avait initialement la température T_0 , mais se trouvait soumiso pendant toute l'opération a la pression de $t^{\rm in}$:

 $J = 0.501 \, (273 - T_o) + 79.035 + 0.00212 = 206.629 - 0.504 \, T_o.$

Si, comme dans l'exemple ci-dessus, nons avons pour l'empératare initiale de la glace T₀ == 263°, il viendra :

- 251 -

J = 84,977

Tandis que la chaleur externe à fournir était : 0 = 84° 0.075

La-différence, comme on voit, est excessivement petite et se trouve certainement dans les limites des fautes possibles d'observation, car la valeur de r répondant à $T = 273^\circ$ est déià incertaine à la seconde décimale, et la capacité calorifique c, déterminée par M. Person sera peut-être aussi légérement modifiée par des recherches ultérieures. Si done, pour la température T = 273°, nous pouvons regarder la chaleur externe O comme sensiblement égale à la chaleur I contenue dans l'eau, il n'en sera certainement plus ainsi dans d'autres cas où la quantité de chaleur exprimée en travail externe pourra deventr notable : c'est ce qui arrivera lersque, par suite de pressions très grandes, la différence entre le volume e de l'unité de poids d'eau et lo volume w de la glace à la température correspondante, devicadra notable. Nous ne nouvons sayoir encore, nour le moment, si la valeur de Azu est touiours négative pour la glace, c'est-à-dire si, à tous les points de fusion . le volume de l'eau est plus petit que celui de la glace.

Le travail externe que 1° d'eau reçoit sous forme de chalcur, lorsque, sous la pression de l'almosphère, la glace passe à l'état liquide, est $> pu = 0^{\circ}$, 899, ce qui , comme nous l'avons déjà vu , est une valeur très petite.

La chaleur latente interne de l'eau est d'après l'équation (25) : $p = r \rightarrow \Lambda pu$

Nous no pouvons aussi déterminer que pour T = 273°, cette vateur, qui nous indique combien l'eau représente de chaleur de plus que la glace, à la méme température et sous la méme pression. Nous avons nour ce cas narticulier:

 $\rho = 79,035 + 0,002 = 79,037$

Cette quantité de chaleur exprimée en travail nous fait connaître le travail total nécessaire pour modifier l'état interne de la glace, de manière à la convertir en eau, à la température indiquée.



Les considérations précédentes nous montrent que les équations qui s'appliquation au phéromène de l'évapora tion s'appliquent aussi à l'étable de coli de la fasion des corps, et al, sous ce d'emier rapport, les expériences étaient aussi avancées que sous le premier, ous pourrions résoudre it des profèmes du même genre que ceux qui nous ont compés dans le chapitre III. Valibeureusement les expériences connues jusqu'il n'inott fourail trop peu de données pour que faispe un servitit faire de parellies rorberbèes l'étérajques.

LIVRE QUATRIÈME.

PREMIÈRE BRANCHE DE LA THÉORIE MÉCANIQUE DE LA CRALEUR.

Le me propose dans ce quatriéne Livre de montrer de quelle vive lumière les printipes de la théorie mécnajue de la chalter sont venus éclairer certaines parties longtemps obscures, vagues et arbitraires, de la mécanique-physique des moteurs, termiques; le propose de faire ressortir les immens progrès que leur emploi judicieux introduit dans l'évaluntion des offets de ces moteurs, el les monitres unécomples qu'il peut étle aux praticieux.

Mon iniention, on le comprendra aixement, no saucrité être de domen dans un ouvrage let que celon-le in theorie désiblée du let on tel moteur thormique en particulier : ce seruit empléter sur le terrain des monographies. Le ne propose tian plutót de présente no lectura un ememblé du vues critiques montenat quelles régless commones sont soumises sujourd'hui loules les monographies, de quéles dificiellés, souvent insurmonables, elles so hemret lorsquelles veuleuit conserver un cannelero vrainent selentifique, et cuels étéments importants ou a ontsi de faire nutre en ligne de comple jusqu'iel dans l'édification de la plupart des théories spéeinles.

Dans ma précédente édition, Javais présenté un chapitre conçu à peu près dans le sens que l'indique let, fout en éprouvait la carinte de causer un déception à de nombreux fectours qui pouvaient s'attendre à trouver des applications particulières de la doctrice thermo-dynamique, luen plettet qu'une critique des théories telles qu'on let a compréses jusqu'il ettes qu'on let a compréses jusqu'il et telles qu'on let a comprése jusqu'il et beguis cotte éçoque, des lettres de remerciments que m'omi afresdes sponialement plusiours grants constructores de l'Allemagne qui se tiennent au courant du progrès, sont venues dissiper mes craintes, me prouver que l'étais entré dans une bonne voie et ménaggar à veste dans ente nouvelle étition. Tout ent me servant des principaux c'étonents et des matériaux de la première étition, auxquels le réa in en a modifar, p'il némomiers freduit complétement mon premier travail pour y introduire plus de méthode et de clarte; j'il suppriné certaines parties trep défaillées; y'en ai ajouté d'autres qui n'ont semblé nécessaires pour bin faire comprendre au hectur les principes mêmes de l'application correcté de la théoriethemo-d'vannière.

ž 1.

Il existe deux genres de théories des moteurs en général,

Trois choses très distinctes et essentielles sont à considérer dans un moteur quelconque :

19. Une room, ou cause de mouvement qui détermine en définitive la puissance, l'activité de la machine: sous forme potentielle, torsqu'elle est arrêtée; sous forme effective, forsqu'elle fonctionne. C'est celle Force qui donne au moleur son nom générique; ainsi nous disons avec beaucoup de justesse: Machine calorique, Machine électro-magnétique, etc.

2º. Un corps intermédiaire moyennant lequel la Force peut manifester son action, exercer sa puissance sur d'autres corps. C'est ce corps qui donne au moteur son nom spécifique; c'est ainsi que nous disons: Machine à Vapeur, à gaz, à éther, etc.

3. Un ensemble de plèces, les unes fixes, les untres mobiles, constituat un organime, et rouculiant l'action de la force sur le Corps intermédiaire. C'est cet essemble qui fait du mateur ce que nous appelons une mobile, et dont les diverses formes constituent les variétés dans le genre et d'aux l'expère. C'est aird que nous disons : machine à rapeur, a détente fire ou varieble, avec ou son condenation, et l'action de l'

D'après cela, pour établir la théorie spécifique ou particulière d'un moteur, nous avons visiblement à remplir deux conditions tout à fait essentielles.

19. Il nous importe d'abord de consaître exactement tous les phénomènes auxquels donne lieu l'action de la Force sur le Corps qui sert d'intermédiaire. C'est ainsi que pour construire la théorie de la machine à vapeur, il est indisponsable de connaître tous les résultats de l'action du calorique sur l'eau.

2º. Ces plánomènes étant bien déterminés, nous avons à chercher à quels effets conduit leur réalisation, lorsque le corps soumais à faction de la Porce se trouve renfermé dans un organisme spécial, emablie de recueillir et de transneutre les effets dynamiques produits.

Il est clair qu'aucune théorie spéciale n'est possible avant que la prenière caudition n'ait été rumplie avec une approximation suffissante. Mais supprosons que foi le roit, supposons que nons ayons bien étudié les propriétés les plus saillantes du corps intermédiaire qui sopétile é motore. Les procédes deméses l'âtile desquée passa simmes forcés de faire cette étude, nors moutrent que la théorie spécialegne nous en trevaux, peut établist de deux mairires différentes, Que nous étuditions un Corpé à l'aide de l'expérience, ou à l'aide de l'anaigne mathématique, ou, commo d'est presque tuijques lo cas, à l'aide des de la fois, écrée détaite se fait toujeurs en delors du moteur tui-même, et indépendamment de toute forme spéciale d'application. Cela posé:

15. On peut considérer l'organisme du moteur comme un assenblage de pièces d'années de propriétés physiques, et d'ayant, par suite, ancune action directe sur le corps qui sert d'Internodiarie al la Porce, comme un sisople réceptacle mécanique de la somme des efforts que représente cette puissance motifice. On adante alors implicitement que le corps intermeditaire d'éprouve auenne modification dans les plomeminées qu'il produit, lessrejue ne transperte ainsi du cabinet du physicien, ou de celui da mathématicien dans l'entérieur de la mochine qu'il doit faire describeures. Pour le cas de la machine a vapeur, par exemple, on admotainsi que la loi d'expansion du gaz aqueux reste loujours la même; on admet junplicitement que le cylindre moteur est forme d'une maitier imperméable au calorique, qu'il nu cède on ne prend aucune chateur à la vaneur pendan le travail, etc.

2º. Considérant au contraire les choses comme elles sont cer réalité, on peut checrber à étaile compte du rêle que jounce les diverses pièces da motour, en vertu de leurs propriétés physiques. Aucun corps d'est impremablé au calorique: les métaux maisa que tous les autres; le fer des cylindres, des pistons, etc., s'échauffe aux dépers de la vapeur, ou par suite diss froitements. Il y a done line de s'occupre de sométications que ces nouveaux phémomènes introduient dans les effits dynamiques du corps sur lequet agil le actionique. Il y al foue de voir si cette intervention est fivorable ou dédavorable, solon les conditions partientières de la construction, etc. Bien que la première métable, pour fonder une théorie, nuisee

à la rigueur reposer sur l'expérience au même titre que la seconda, il n'en est pas mois verai que celle-ci à un caractère rès différent. Tuttes dons reuivent affecter la forme antitytique et expérimentale; mais la seconde a de plus une forme pratique, en ce seus que l'on y tient compte des conditions particultères que l'application à tel ou tel cas dound introduit dans les théoremes généraux qu'à pur dellier l'analyste ou le physicien: je dévigeraris sons le nom de théorie printique las trésultais obtenus sainst, et le texteur sera blemot pentré de la convenance de cette expression, blem qu'au premier abord, et pour beaucoup de personnes, ces deux mois semblent si accimilations que for une sursuit les rémuirs aux occurriersess. Nous laisserons le nom de théorie générique au résultat finat de la première métionde.

C'est d'après celte dernière qu'ont été établies, à peu près sans exception, toutes les libernes, fausses ou justes en elles-mêmes, des divers noteurs caloriques. En ce qui concerne la machine à vapeur, nar exemple, ou ne s'est jamais, en aucuno façon, préoccupé du mada d'intervention des parois des eylindres, considérées comme réservoirs de chaleur, on s'est appuyé sur une prétendue nonconductibilité des gaz, pour negliger complétement les pertes ou les bénéfices de chaleur qu'éprouve la vapeur pendant son travail dans le evitindro.

Qu'une théarie, juste ou non d'aillaurs en all-andane, obtenue aulsa, ne soit qu'une appraximation, et que la thé-rép pratique, lorsqu'ello peut s'établir, soit seule exacte, c'est ce qui est évidant par soi-mêne. Mais ce dont la plupart de mes lecteurs assurément sevont étonnés, c'est de l'étendue des errores assurément secrétains cas, conduire ou que l'ai nomme une théorie générique. C'est ce que je cruis d'evoir mois devir mois et de saité.

2 II.

Étendue des erreurs possibles d'une théorie générique.

Je commence par citer un exemple des plus frappants qui, aujourd'hui, doit être connu de tout te monde.

Parmi les nombreux perfectionnements quo Warr a intreduits dans la machine à vapeur, et qu'on doit, pour pen qu'on veuille rester juste, considéror commo constituant l'invention de ce moteur. le plus singulier, le moins rationnel en apparenco, c'est certainement l'enveloppe à vaneur du cylindre moleur. On sait, en effet, qu'au lieu de faire affluer directement anx bolles à distribution la vapeur de la chaudière, Watt plaçait la cylindre dans un autre, concentrique et d'un plus grand diamètre, et faisait arriver la vapeur comprimée de la chaudière dans l'esnace annulaire compris entre res parois internes du cylindre externo, et les parois externes du cylindre mateur, pour l'introduire seulement ensuite dans les boltes. Quels ont pu être les raisonnements qui ont dirigé cet homme de génie, pour faire une addition aussi compliquée de construction ? C'est ce qu'il serait fort difficile de dire, et l'on peut même ajouler, qu'en partant des connaissances que l'on avait à son époque, et long temps après ençore, des propriétés de la vapeur d'eau, on devait regarder l'emploi de la chemise à vapeur comme nuisible, bien plutôt que comme utile. «En effet, nouvait-on dire, si d'une part le cylindre moteur est préservé de tout refroldissement externe par la vaneur qui l'entoure, d'autre part, l'enveloppe elle-même, dent la surface est plus grande, et dent la température, partout égale, est nartout plus élevée aussi que celle du cylindre moteur, cette envetonne delli beaucoup plus perdre par ravognement et par contact avec l'air, que no le ferait te cylindre tout seul : il convient beauceup mieux de se borner à protèger co dernier avec une enveleppe isoiante qui, bien faite, réduit à pen près à rien les pertes de chalenr externes. Felle est la critique, très correcte en apparence, qu'ent faite de l'enveloppe à vapeur, plusieurs auteurs de mérite, et notamment Tredgold : critique qui a norté le plus grand nombre de constructeurs à abandonner entièrement l'usage de cet annendice. tandis que d'autres le continuaient par esprit de routine, et pour n'avoir pas la peine de changer quelque chose au patron taillé par le maitre. En bien I cette critique, ou, ce qui est beaucoup plus juste, tes conclusions on'on en a tirées, tombent devant les faits, et de la façon la plus surprenante.

Far des expériences tes blun faites, M. Combes a démontré que, dans des conditions rigoureusement semblables, non même machine peut donner de 15 à 25 ppl, do force de plus ou de mains, selon qu'on fait ou uon passer la vapeur par l'enveloppe avant de l'intraduré au cylidare motur. et sans que pour colta la déposes en combustible solt modifiée. Tels soot les résultats que J'ai mis, de mon colé, en évidence dans men mémoire : Sur l'utilité de J'enveloppe à vapeur ; (Bulchir de la Sociéte industrielle de Multones, Ne 133),

En debers de toule explication, il est évident que la cause en actiou ici ne peut être ouire que le calorique transmis, dans un eas et non dans l'autre, par les parois du cylindre moteur, dans un sens ou dans l'autre, et l'on voit combien colto action est écergique, puisqu'élle peut modifier de ; les effets dynamiques d'une machine. Dans aucune théorie, cependant, on n'avait soegé à tenir compte de l'intervention des parois des cytindres. El ¿quote que, quand on y eti songé, il et de timpossible de la fier i a théorie mécanique seule permet, sinon de délerminer numériquement des effets qui par leur complication échapperont toujours au calcul, du moins d'indivore a n'erit leur sens.

do prenda un autre exemple; celui des machines on la poissance motivos et des à Pinlainematilon, dazs le cijuliner, d'un mélange convenable d'air et d'un ças inflammable. Étant connesla noutre et les proportions du mohage, Il est très facile de calculer la température maxima et l'accroissement de pression, des à la combevitan, en admetant que les provis de cylindre n'extexeux neurons céclaeur. El bien il si l'on allume officitivement un pareil mélange dans un réservoir métallique munit d'un manomète, on trouve que non sociement le manomière n'atteint jamais la pression calculée, musi que la pression réollement obtenne el ne para les met de les condes, par suite du ricylotisement par les parols. La mémo chio-ses passant nécessalement dans les gillottes motorar, on comment une creuer comme en calculait à l'alda des équations de la théorie générique lo tavail que peut donner la machine.

Ges exemples sont plus propres qu'ucoura natre à nous prouver qu'il est impossible de traitor l'organisme d'un moture comme un ensemble de phèses passives, et d'viabit des équations thériques comme di le corps internediaire (vapeur, gat, etc.) se comportait dans cet organisme comme dans le exbinet du physicien. Ils naus montrent que les liteories génériques, même correctes, qu'un a fondre; passivilé, ne pervent conduire tout au pius qu'u des appreximations, et que ce que j'ai nomme théorie pratique, pourres set affecter une frame scientifique. Cest ce que je vais biento finère rescrit ir beaucoup plus en détait, Qu'il me soit seulement permis de le dire on passant, et saus auteu negrit de blaime ou de critique malveillante, cet exemple et tous coux qui soirvent. explitment, x'is no la légitiment pas. l'espéce de méliance et presque de dédain qu'ost encore aujourd'hui pour les données de ce qu'on appelle improprement liberie, beaucoup de personnes qui ent acquis lours connaissances en mécanique appliquée, à l'aisle d'une longue pratique, et en debors d'une étude scientifique exérieure. Ces personnes en l'unoléfois le tort grave de condamner le la science étiemème, au lioqué se borner à en critiquer une application dont, en destille, le misionnement et le calent mortreel les coltés autifs.

Si je ne me trompe, M. Combos sat le premier ingedisieur qui sit monthé, au moise sous une de sez faces; l'impartance du rolle que jose, dans les effets de la machine à vapeur, la chalcur cebée ou enlivée au gas aqueux par les surfaces dos piáces faces ou moises en contact avec hil. O peut dire, saus exagérables, qu'àu point de vue de la science appliquée, la mise ou retile de ce rôle constitue un progrès inomesse et une vival déconverte.

g !!!.

Complication extrême de l'analyse des effets d'un moteur calorique, par suite de l'intervention de la chaleur prise ou cédée par les pièces de l'organisme. — Impossibilité qui en résulte d'etablir, sous forme générale, une théorie pratique.

Pour bien Lière comproadre le caractére de complication qu'affecte l'analyse des effect d'un moteur calorique, lorsqu'on essos de considérer l'organisme de la machine conune entièrement passif, et pour montrer en même temps qu'il est décornais indispensable de tenir comple de l'action propre de et organisme, il va mes soifte d'analyser avec attention le cas le plus simple en apparence qui puisse so rocsenire.

Supposoas une machine à cylindro unique, sans enveloppe à vapour, à condensation, à défeute variable, travaillant avec vapeur saturée; admettons que le cylindre soit granuil de tout refroidissement externe par une enveloppe isolante, résultat qu'il est toujours possible d'obtenir à tien peu près relativement.

Pour fixer les idées, supposons que la pression dans la chaudière soit de 5" (152°,2), que la machine soit en plein travail, et que la détente suit d'abord tenue constante de 1 à 5 (en volume). Dans ces conditions, la vapeur afflue de la chaudière au eylindie pendant un cinquième de la course du piston, à partir des deux extrémités. Pendant cette portion de la course, le couverele inférieur ou sunérieur du cylindre, la face inférieure ou supérieure du piston, et les narois du cylindre qui y répondent, se mettent nécessairement à la température de la vapeur; et celle-ci se condense jusqu'à ce que cette condition soit remplie. Dès que la communication avec la chaudière est coupée, et que la détente commence, la vapeur se refroidit et enlève par suite de la chaleur aux parois comprises entre la nartie qui rénond à la course en pleine pression. A mesure que le . piston avance, la vapeur cède de sa chaleur aux parties nouvelles des parois qui lui son lofferles, et qui n'ont rien secu penda ot l'affint de la chandière au cylindre ; mais à mesure que le refroidissement de la vapeur croit, ces parties d'abord chauffées cédent de nouveau de la chaleur. A partir du milieu du cylindre, la vapeur rencontre des parois qui avaient elles-mêmes été chauffées par la course précédente du piston. Lorsque le piston est arrivé à la fin de sa course, la vaneur qui le ponssail, so jelle dans le condenseur : pendant cette nouvello expansion, elle enfève donc de la chaleur à toute la surface libre, et la quantité enlevée varie selon la rapidité de l'écoulement ; ello est d'autant plus notable que cot éconferent est plus fent.

Si, avec les faits précédents, nous faisons coore entrer en ligen de compte : le la chaleur que le frottement du pision développe, et qui s'ajonte à la vapeur dans une proportion toute autre que le travail qu'elle représente et qu'elle conte; 2°. Le innasport de chaleur qui sa fait par le contact du pision avec les parais, nous serons eldigés de dire que nous nous trouvons durant un ensemble de phénomènes therraiques tellement compliqués que l'analyse mathématique ne pourra jumàs l'abordre avec une exactitude satisfaismante. Quelques faits saillants ressortent pour ainsi dire d'oux-mêmes des considérations précédentes.

Dans la machine que nous venons de prendre pour exemple : 10. les extrémités du cylindre doivent être à une température movemement plus élevée que le milieu, et c'est ce qu'il est aisé de reconnaltre, en effet, par l'observation ; 2º. la moyenne de la temnérature des extrémités est nécessairement inférieure à la température de la vapeur de la chaudière, tandis que la moyenne de la lempérature du milieu est au contraire supérieure à la température moyenne de la vapeur qui se détend. D'où il résulte que. pendant que la vapeur afflue de la chaudière au cylindre, il s'en condense nécessairement une partie plus ou moins grande, et qu'ensuite la loi d'expansion est toule autre que celle qui répond, par exemple, au problème I (page 139). C'est encore là un double fait que j'ai été à même de constater plusieurs fois dans le cours do mes recherches. Le mecanisme de délente de l'une des machines à un cytindre que j'ai étudiées, était en effet lel, que je pouvals connaître très exaclement le volume engendré par le piston avant que la détente ne commençàt: en divisant par ce volume le poids de vapeur dépensée par coup de piston, poids qui était toujours connu exaclement, on avait évidemment la densilé de la vapeur. Or, dans les conditions indiquées, cette densité élait toujours de beaucoup supérieure à celle qui répondait à la vapeur de la chaudière : il s'opérait donc dans le cylindre, et pendant l'affict de vaneur, une condensation partielle qui faussant les calculs et qui faisait croire à une densité trop grande. l'ai présenté (bulletin 133 de la Société industrielle de Mulhouse) une critique de l'indicateur de Watl gul montre clairement que cet ingénieux instrument ne peut donner, avec une exactitude satisfaisante, la courbe des pressions; toutefois, j'ai montre aussi qu'il peut au moins servir à faire connaître la pression initiale avant la détente, et la pression finale quand la détente est terminée. Or, ici encore, je n'ai jamais nu trouver un accord quelque peu satisfaisant entre le calcul et l'observation; la loi d'expansion, en un mot, dans un cylindre umque et sans enveloppe à vapeur, est autre que celle de la vapeur saturée qui ne reçoit ni ne perd de chaleur extérieurement pendant l'expansion.

L'analyse raisonnée du cas spécial que j'al choisi comme exemple nous montre que, quand bien même nous sauriens tenir compte correctement de l'effet produit par les échanges continus de chalenr qui se font entre le corps du cylindre et la vapeur qui le traverse, la théorie pratique que nous serions à même d'édifier, ne pourrait plus traduire les fonctions de la machine à vapeur en équations générales, et que les formules obtenues affecteraient une forme spéciale selon chaque cas. Il est, de plus, évidont que pour beaucoup de systèmes de machine, la construction de ces équations spéciales serait encore impossible. En cffet, supposons que dans l'exemple choisi précédemment, la détente, au liou d'être stable et réglée an cinquième, varie à chaquo instant, comme c'est aujourd'hui le cas le plus commun : l'état thermal moven des pièces du cylindre, déià sl compliqué avec nne détente constante, variera d'un coup de piston à l'autre, et avec lui devront varier les équations dans lesquelles neus avons tenu compte de l'action perturbatrice de la chaleur alternativement cédée et enlevée à la vapeur par les parois.

Il est donc, commo ja l'al dit, à tout jamais jimpossible d'étillére sons forme général, une théceire partique, c'est-à-dire exacte et scientifique, de la machine à vapeur. Je vals rendre cette assertion plus claire encore, en montant combien il faut étre circompect tous versifients, a l'aido de la machine à vapeur (ou de toet autre moteur calorique), la théorie mécanique de la chaleur, non dags son principe, mais dans ses édatils,

Bans les expériences décrities nous avons déterminé la chaleur fournie à la machine à vapour, et la chalour renduo par elle; les expériences ont été conduites de telle sorte que, quels que fussent les changuments de régime, les pertes accesséries et indéterminées de chaleur ou de twait détaint constantes; par la nature même da problème, nous ravious à nous occupier que de ce qui se passe A pertecte et à la sortie de la machine, et utilienenté oc qui se passe à dans son intérieux. Nous avons donc pu conclure, de la manière la plus positive, que le travail livré est exclusivement proportionne l'A la chalour qui manque à la sortie. Cette proposition est capitale pour la fichoire, mais c'est, surfi blen peus d'exceptions, tout ce qu'il est possible de verifiere expérimentalement à l'aitée de la machine à vapour; pour nous en convintere, analysons mienx encore l'exemple de la machine Odri marchant avec ou sans enveloppe à vapour.

La pression de la chauditre diant constante et de 3° 7.5, le robbiet d'admission étant totalement ouvert. La machine donnait au frein, et par coup de jaston, 2010 dynames ou kibegrammetres de l'avail avec l'envelopre, el 7812° ans elle. Diverses roberches, qu'il seralt lorp long de développer icl., m'on montré que la machine en question domnait au frein environ 80 p. %, de l'effet disposible. Le travail externe rende était donc en réalité 19385° dans un cas, et 9515° dans l'autre l'autre.

Dans Fun et Fautre cas, la pression dans le petit cylindre dati de 3-75 d'un bout à Pautre de la course; la contect-pression dans le grand cylindre élait de 0°-2. Le travail dà à la pleine pression était donc questant : je Fai trouvé, Goules réductions et corrections haites, de 5869°. Le benéfice de cavail produit par l'enveloppe était par suite du sects-sivement à la détente de la vapeur, et le travail était de (12935—5809) = 63169° avec l'enveloppe, et de (19155—5809) = 3040°, sans enveloppe. Cette énorme différence évidemment ne peut étre altribuée qu'à Taction des parois, tenues dans un cas a me température constanté de 114-7 et dans l'aintre cas à une température moyenne bien inférieurs; mais cet n'est pas une expliçation, et il v a lou d'en cherche une.

L'idée la plus nalurelle qui se présente ici, c'est de dire que, puisque dans un cas la vapeur re décend sans addition ni sonstance con externé ce localique, et que dans l'autre cas ette reçui de la chaleur, la loi d'expansion doit clire modifiée, et que la chate de pression doit dro bian plus rapide en premier lieu qu'en second, caté interprétation, tout-l-fait correcte en élle-même, est celle que j'al donnée, mais trop exclusivement, on va le voir, dans mon mémoire.

Lorsque la machine marchait sans enveloppe, la dépense par coup de piston ettil de 0/4/25 de vrapert à 9°-75 entrainant 0/033 d'esus en poussière. La pression finalo au bout des addente était 0°-,685, ce qui répond a 90°- En employani ici la formule de Zeuner, (voyen p. 145) qui répond au cas de la vapeur ne recevant point de cheleur pendant au détente, en trouve

L = (0.4355.1,0224 - (0.4355 - 0.4125) 0.7882) (141°.7 - 90°)= $22^{n_1}.12$

pour la chaleur consemmée en travail, et par conséquenl : 425.22.12 = 9556°

pou**r le t**ravail dû à la déteute.

Lorsque la machine marchait avec enveloppe, la dépense en vapeur séche et saturée était de 0'.4125 par coup de pistor; la pression finale était de 0''.81, co qui répond à 9º'. Suppsesons que la vapeur all reçu des parois du cylindre assex de chaleur pour rester tout cotiére à l'était de s'attration exacte pecdant la défente.

La formule de Zeuner, qui répond à ce cas, nous donne : L=1.255.0^k.1125(144°.7 — 94°) = 29°*.9

pour la chalcur consommée en travail, et par suite :

 $425.29,0 = 12707^{\circ}$

pour le travait produit. La formule donnée page 149 nous apprend qu'il aurait fallu fournir : $0 = 20^{-1}.02$

à la vapeur pour la maintenir à l'état de saturation.

Si maintenant nous comparons les résultats du calcul avec ceux de l'observation, nous trouvons de singulières contradictions apparentes. ...

Avec l'enveloppe, nous avions (6514-3649) = 2868°, soit 64 p. % de plus que sans elle. Le calcul préceilent ne nous donne que (12917-9556) = 3361°, soit 26 p. % de plus seton qu'on fournit à la vapeur la chalœur nécessaire pour la maintouir gazeuse mais

saturde, on qu'on ne lui forrait rien. Bais, dira-l-on, peut-lète les purois formissaint-elles plus de 20nd aux 0°,4125, de orte que la vapeur es eurénaulist, se distatt et domait une plos forte proportion de travail. Or c'est précisément le contraire qui avait lieu; y'à très soignementement neuvré la quantité de chaleur formité par l'ensemble des parcés, et jo l'ai trouvée en moyenne de 9nd,5 par coup de piston, c'est-h-dire à petie de la motité de ce qui serait nécessaire pour facir la vapeur saturee.

Nous voyons en outre que le travail "rendu rediement par la detente, sans l'envelope, nest que de 3618º au lieu de 9551º que donnel calcul : la perte est de 62 p. -/n. Nous voyons que le travail rendu rediement par la détente, avec envelope, est de 6319º, au lieu de 1235º que donnerait la vapeur qu'une addition de calorique maintiendrait sturrée pendant l'expension : ce deruier fait est naturel, puisqu'au lieu de 200º - la vapeur n'a requi quo 90° -5. On faut-ll donc écrobret le det de ces contradictions aponarentes?

Par estis do la construction mémo de la machine Woolf, la vapeur, pour passer du petit cipilare au grand, est obligée de parcoarie uno longue suite de canaux plusieurs fois coudes à angles vils. Il est donc impossible qu'elle att à chaque Instant la même present c'est la grandeur de la difference de ces pressions. Le piston du petit cipilarde chart an bout de so course, co-cipilarde tent plein de vapeur à 3", 75, et le tiené d'admission au grand cylindre s'ouveant brispectment, le volume de la vapeur passell pressgue instantanment de 182"—34 à 216"—33, par suito des espaces pordus. Comme cott distation breuque no donneit acum travail estreno, la pression dans le grand cylindre et au commencement de la comrse aurasit de tire.

$$3^{\circ},75 \frac{182,34}{216,34} = 3^{\circ},16$$

sans enveloppe aussi bien qu'avec elle. Or, sans l'enveloppe, elle tombait à 1*-,62; avec l'enveloppe elle tombait à 2*-,2. Il résulie de

la que, dans les deux cas, la contre-pressolo sur lo petit piston était plus forte, et la pression sur le grand ditsi plus faite que la calcul ne l'admet. Cette difference entre la contre-pression dans le petit cylindre, et la pression dans le grand, allait en dinimuant d'un bout à l'autre de la course des pistons, mais resulti tologours très ondable. Dès ce moment le travail rendu par la détente devait être plus faible aussi que ce qu'assique le calcul.

Octio analyse fait ressortir l'ébergie et l'étomante rapidité de l'exición des parsit, Redich, pourque, au commencement de la course du grand piston, avons-noss 2°°, 2 avec l'enveloppe, et seulement l'-62 sans éle? C'est porce que, pendant son court trajet d'un cylindre à l'autre, la vapeur s'échaulle presque insistantament aux dépens des parois des canaux, lorsque l'enveloppe fonctionne, et en disminant altait de densité, ércule plus rapidement par des conduites de mêmes sections ; cet échaulfements'opère let en moins de _de seconde.

Cotte analyse noos montre aussi : que le bénéfice de travail denné par l'enveloppe ne provient pas uniquement d'une modification de la loi d'expansion , mais qu'ill est dû presque tout autant à ce que, dans un cas, l'équilibre des pressions s'étabilt beaucoup plus vite entre les deux cylindres que dans l'autre cas.

Nous avons dit qu'au lieu de fournir 20¹⁰ pendant la détonte de 50 % 1825 de vapure statirés, nous ne lui avens donné que 50 %. Il semble donc qu'en doive trouver que la vapeur à la fin de la détente, au lieu d'être reside toute entière à l'état saturé, s'est précilement condensée en raison de ce dédicté de chieueur extrene. Or, ce n'est pas du tout ce qui avait lieu. Le volume de 1º de vapeur statirés à 3°.76 c to 1° 4.75; le naport du poit à un grand epindre était de 1: 4,2243; un lài, do vapeur passait donce de 1° 4.74 à 1° 4.75 4,243 = 2° 2° 40.61. Ce volume de vapeur saturée répond à fort peu près à 0° 50!. Or telle delti précisionen la pression finale de la vapeur du grand cylindre marchant avec enveloppe; notre vapeur était dons saturée. Seral-la virai que nous avecs atteirs to résultat avec nos 9^{ab} , 5 au lien des 20 qu'assignait la lhéorie? L'équation fondamentale on :

$$Q = \int_{t_0}^{t_1} M c dt + d (mr) - \frac{mr}{T} dt \{0\}$$

que nous avons intégrée (p. 149), donnerait-elle une erreur de plus de 50 p. % n' Nullement.

La theorie notes di co offet que le travail fourri par la décine d'un gaz ne dépend pas seulement de la quantité absolue de chalcur externe fourrie, mais encore, el surioni, de la manière dont celle addition se fait. Hans l'indégrailon de l'équation (V), nous avors admis implicitement que la chalcur externe Q est fourrie à mesure que la rapeur se détend, et en quantités élémentaires préciséement elles que la rapeur resto saturée. Or co n'est pas ainsi que les choses pouvent so passer en résité dans notre double cylindre.

En désignant par U la vilesse uniforme de la manivelle et par s l'angle qu'elle fait à chaque instant avec le rayon qui répond à l'extrémité de la course, la vilesse du pision est à chaque instant:

$$u = U \sin t = U \sin \omega t$$
,

• étant la vitesse angulaire, et t le temps écoulé. Il résulte de la qu'au commencement et à la fin de la course, on a : u=0, tandis qu'au milieu on a : u=0. La masse totale de vapeur se trouve donc relativement moins longtemps en conlact avec les parois vers le milieu de la course du piston qu'aux extrémités.

C'est, par estitu. A cotte période du milieu que la vitesse d'échamifement de la masse de vapera, que l'ampatité démentaire de chaleur reçue en un instant inflatment petit est le plus petite possible; et c'est aux extrémités de la course qu'elle est la plus grande possible. Si l'en remarque qu'à meure que la détante l'appar, les surfaces d'échamifement en content avec la vapour s'accroissent, on en couleura que c'est à la fin d'une course de piston que la vitesse d'échamiffementationt son maximum. Decette inégalife excessirement considérable de la vitesse d'échamifement li résulte: l- que l'equation (qui pe post plus s'infèger et si ous la formé indiqué (p. 4); 2; « qu'au pe post plus s'infèger et si ous la formé indiqué (p. 4); 2; « qu'au millies de la course du piston, la vapeur peut no pius recevoir asses de chaleur pour rester estatrée, of gazeure; 3º qu'à la fin de la course au contraire, cile peut recevoir de souveau co qui est nécessaire pour l'inneaer à l'état gazout et saturé; 1º, qu'àlini nos 9º-5, or peuvent très lies suffire en ce dereier seus, mais que sociement nous ne pouvous pas obtenir tout lo travait indiqué pur l'équation (page 140).

Il mo serait facile de multiplier les exemples du genre de celui, que je vient de dévoloper; misa es oeu exemple sulti pour montere combien il fact de circonspection dans Vettade de la machine. lorsqu'on ne veut pas se faisser entrainer à de fanusses conclusions relativement à la théorie mécanique de la chaleur. Il nous montre surteut, commo je l'ai dit, l'autrême complication des phénomères qui résultant de l'intervention de la chaleur prise ou céde par les pièces de l'organisme d'une machine : phénomènes dont on n'à pas teun compte jusqu'iei.

ą IV.

Utilité réelle des théories génériques.

J'ai commencé par dieu qu'une théorie générique par se construcion même est de nature à nous conduire parfois à des erreurs notables. Pais, J'ai moutre quo les théories pratiques ne peuvent à que les preumères sont ioutiles et les secondes impossibles? Non, certes. En appayant sur les erreurs auxquatios sembant conductes begrenéres les vigor occumpar les residuats à ceux del l'expérience directe. J'ai simplement voulu faire ressoriat la grande variété des élements indispossibles qu'un a jusqu'il to dégligée s'prior entrer, et moutrer la grande variété de l'élements qui doivent entrer de fait dans les équations redellement orres redellement corres rede

Les théories génériques, fondées sur les propriétés des corps considérés en dehors du moteur où ils doivent subir l'action du calorique, sont éminemment utiles : 1º, en ce qu'elles nous pormellend de comparer correctement deux moleurs du même nystême; les fisules commisses de part et d'ature étant de même brêve, la comparaison peut en effet devenir passablement justes, pourvu qu'on ne perche pas trop de vue, l'action propre aux pièces de l'organisme; 2° en ce qu'elles seules peuvent rendre possible l'éditation des théories pratiques, en tenant complo des éléments porturbateurs dus à l'organisme notum des moleurs.

Port loln d'avoir à plaisir présenté comme obscur ce que beaucoup de personnes croient trop facile et trop clair, je crois avoir rendu servico aux analystes et aux expérimentaleurs en appelant leur attention sur un ordre de phénomèoes dant on n'avait tonu nul compte jusqu's présent.

Le paragraphe suivant va mus montrer quels secours les principes généraux de la théorie mécanique, appllqués avec intelligence dans l'ordre expérimental, prétent déjà à l'analyse pour l'aider à changer bientôt en théorie pratique les théories génériques telles qu'elles out été possées jusqu'elles.

3 V.

Do l'effet utile des moleurs thermiques en général, au point de vue des principes de la théorie thermo-dynamique.

Jo vais tout d'abord donner les développements nécessaires à Poramen de cette question qui est des plus importantes en ellemême et qui, faute d'avoir été saisie sous son vrai jour, a donnel lieu à des méprises très grandes de la part do plusieurs ingéniours quant à l'appréciation des moteurs catoriques.

Lorsqu'on veul variuer l'effet utifs, le cradement d'un moteur hydradulique par césupile, oc compare la missance montréd disposible un le produit de la hanteur de la chute par le polds d'eau que le moteur cunsonme par misi de temps, avec le travail que ce moteur rend réélement; unit de temps, avec le travail que ce moteur rend réélement; unit de temps, avec le travail que ce ces ce qu'on appelle le rendement. Bien que cetté évaluation sommaire et en libe en puisse rich notes apprendre ser la nature du déchet de puissance matrice que l'on trouve toujours par cette comparaison, bien qu'elle ne neus aide, par conséquent, en aucune façon a trouver los moyens de diminuer la perle éprouvéo, elle est tent-àfait correcte et riscoureuse, cuant au principe sur leuret elle renese.

Existe-t-il, pour les molenrs lhormiques, un moyen équivalent d'évahation? Existe-t-il dans chaeun une puissance disponible absolue à laquelle en puisse comparer l'effet externo réellement chienn?

Nous allons votr blentit que le terme de comparatson existe et que nous pauvons même, à l'ailde d'expériences blen conduites, nous rendre beaucopp mieux comple de ce qui se passe réclièment dans cas moteurs que nous ne sommes en mesure de le faitre par l'Observation direct à l'évand des moleurs budraulieus na rexemble.

Il est toutefois nécessaire do hien fixer les idées sur le point do départ réel de la comparaison, de bion préciser ce qui constitue de fait la puissance disponible dans les motenns thermiques. Car e'est bien une méprise sur ce point de comparaison qui a donné lien aux erreurs dont je parais plus baut.

Puispo l'équivalent mécanique de la chaleur est la romme tutale du travail que peut donner une unité de chaleur, une calorie, l'idée qui se présente le plus immédiatement à l'esprit quant à la mesure du rendement d'un moleur, c'est de regarder comme puissance dispositifs et produit de l'équivalent put le nombre de calories damnées par le foyre et de comparer à ce produit le travail donné réellement au frein de Prox.

Ce terme do comparaison serait pourtant complètement faux au point de vue des principes corrects et bien employés do la thormodynamique.

Pour qu'un moteur thermique puisse fonctionner d'une manière contione, il fant que le corps parliculier, l'eau, l'éther, l'air, btr., sur qui agit la chaleur, y décrive ce que Clansius a si blec caractérrisé sous le nom de cycle fermé. Il fant que ce carps, après avair élé dilaté par une addition du calorique et après avoir, par suile, poussé en avant l'uno des pièces actives de l'organismo du moteur, revienne à son volumo premier par suite d'une sousiraction de calorique, afin que cette pièce active de l'organisme puisse revenir d'he-même à sa position première et quo cette opération puisses o répéter indéfinient.

Addition de calorique pendant l'une des périodes du mouvement, soustraction de calorique pendant une autre période, lettles sont les conditions absolument indispensables de la continuité des fonctions de la machine commes source de travail. Dans anne machine à vapeur par exemple. Addition de colorique à l'aus de la chandère refouit en vapeur une partie de ce litruitée, Cest-d-life lui fait prendre un valume beaucoup pius considérables aux variation de pression. Cette vapeur pousse en avant la pièce activo, le piston moteur. Si après cette propulsion nous ne condensatur pas la vapeur par une sus-intendion de calorique, il est évident quo le piston lui-mom en pourrait plus reculer, et le travail produit ne serait pas dédetivement samés en debors.

Soustarie du calorique au corps à qui nous en avions donné, c'est retrouver une partie de cellui-ci. Si cotte soustraction est une nécessité première pour la continuité de la marche du moleur, il est dès ce moment impossible que toute la chaleur dépensée au foyre, noit employée à nous donnet ou turvait externe. La seconde proposition de la théorie mécanique s'ue de la manière la plus précise le rasport qui exisio entre la quantité de challeur que nous donnous à l'abord au corps et celle que nous lai un alvavos ensuite.

Pour donner du calorique à un outps et pour list en enlever ensitie, if faut péridemment que nous disposions d'une source de chaleur à T, et d'une source de troid à T, c-T.. En bien I la secondo proposition nous apprend que quand nous employons la chaleur demansire à faire mentra un corps le maximum de lavaill externe, il existe entre la quantité Q de chaleur que nous prenous à la source de chaleur à T, = 272,85 + t_e et la quantité Q, de chaleur que nous donnos à la source de riold à T, = 272,85 + t_e le la quantité Q.

$$-273 - \frac{Q_1}{Q_2} = \frac{T_1}{T_1}$$

quel que solt le corps employe dans le moteur et pour ru qu'il reviene noijours à on des la physique et chinquie nitis). Je ne sais assez étodu allieurs sur les conditions du maximum d'effet, pour me borner à les rappeler tout à lait sommatiement : il fant et il suitit que, pendant le content du curya serve les sources de chaleur et de froid, aucune partie do la chaleur priso et puis rendue ne soit employée à produire une différence de température.

Mais nous avons : (0, --0.) 2=(0, --0.) 425=0

ďoù:

$$425 \left(\frac{Q_o - Q_t}{Q_o} \right) = \frac{\Phi}{Q_o}$$

étant la totalité du travail externe. Et puisque :

$$\frac{Q_t}{Q_o} = \frac{T_t}{T_o} \, d^t o \dot{u} : \frac{Q_o - Q_t}{Q_o} = \frac{T_o - T_t}{T_o}$$

il vient :

$$425 \, Q_o \left(\frac{T_o - T_t}{T_o} \right) = \Phi$$

Si nous posons $Q_o = 1^{n_s}$, le produit $\left(\frac{T_o - T_t}{T_o}\right)$ 425 = 2° exprime le maximum de travail que pourra nous donnor 1^{n_s} dans le foyer de notre motour.

Vouloir tirer plus d'effet de colui-ci est aussi absurde que de vouloir élever avec un poids disposible P et une chute H un autre poids x = P à une hauteur h > H.

Aiosi donc, étant donnée une différence de température disponible

$$Q_o \Sigma \left(\frac{T_o - T_b}{T_o} \right) = Q_o \Sigma$$

qui peut nous donner la dépense Q_0 , et non pas du teut QX, comme on aurait pu le croire d'abord et comme quelques ingénieurs l'avaient admis à l'origine de la théorio mécanique. C'est dons désornais Q.r qui doit être considéré comme l'offic disposible dans un moteur thermique absonument comme PII l'est dans na moteur hydravillique. È la lorsque nous voulons juger un moteur en lui-môme, c'est à cet elle disposible que nous devons comparer lo travail externe total el le travail interne portiei qu'il donne effectivement. Les mots en italiques isé, nous conduissont à des distinctions à la fois des plus inferessantes et das plus importantes quanta ur nechement d'un moteur formiture.

19. Désignons toujours par e la totalité du travail externe effectif que donno le moteur, y compris, par conséquent, celui que consomment, à notre insu, les frottements des divers organes, etc. Il est évident, par suite de cette définition même, que, si toute la chaleur était bien employée, nous surrions:

$$\frac{\Phi}{Q_0 \Sigma'} = i$$

mais il est tout aussi évident, par suite de la déficition même des conditions physiques du maximum de rendement (veye, p. 28°, que jamais ces conditions ne peuvent d'er évidencent remplies. Toutelois dies pouvent l'étre plus ou moins, at Cest lei exclusivement que commence la possibilité d'une différence centre les machines à vapeur d'eau sautre ou surchauffie, d'éther, de chloruforme, entre les machines à gas, ét. Le ragort :

$$\phi\!:\! \mathbb{Q}_{\sigma} \, \Sigma' \!=\! r_{\sigma} \!<\! i$$

est ce que j'appellerai le : endement spécifique de tel ou tel moteur. C'est en ellet ce rendement qui caractéries l'espèce de machine et qui dépend de cqu'en raison des propriétés physiques du corps sur lequet agrit la chalcur, nous pourons nous approcher plus ou moins des conditions de maximum dans learpelles ee corps en particulier paus donneral les refrences résidies.

2º. Il s'en faut bien que nous puissions utiliser tout le travail externe produit. Par ce fait même qu'une parlie de co travail est consommée par les frotements, les choes, par les diverses pompes indispensables, etc., par l'organisme du moteur lui-même, en un

. . . Go

mot, nous trouvons encore au frein un travail externe rendu autre que 4. Désignons ce travail par F. Le rapport :

$$F:Q_{o}\Sigma' = F:\Sigma\left(\frac{T_{o} - T_{t}}{T_{o}}\right) = \rho_{0}$$

est ce que nous appellerons le rendement pratique du moteur. Il est, commo on voit, tout-à-fait analogue à ce qu'on appelle ordinairement te rendement F:PH d'un moteur hydraulique, par exemple, où tous les genres de déchet sont confondus.

3º. Il existe un troisième genre de rendement tout aussi caractéristique, Supposnas que nous mesurions directement, comme je l'ai fait pour la machine à vapeur, le déchet de calorique qu'éprouvo lo corps intermédiaire en nous donnant le travail.

Soit q_o la quantité de chaleur qu'emporte le corps en sortant du généraleur et q_i celle qu'il rend au condenseur (ou rafraichisseur); la différence $q_o - q_i$ est ce qui aura réellement été employé par lo travail total externe Φ_i et aura pour valeur ;

$$\Phi = \Sigma (q_0 - q_1)$$

Notre expérience nous permet duuc de déterminer le rendement générique re-

Le rapport :

$$\frac{P}{\Phi} = \frac{(q_0 - q_1)\Sigma}{Q_0 (\frac{T_0 - T_1}{T_0})\Sigma} = \frac{(q_0 - q_1)T_0}{Q_0 (T_0 - T_1)} = p_X$$

est ce que nous devons appeler le rendement organique, puisque effectivement sa grandeur dépend de la perfection de l'organisme même du moteur.

4e. Les trois genres de rendement, que jo viens de définir, on tu caractère aisolin propre à chiann de moleurs spéciaux auxquies its s'appliquent. Ils rous apprenanct ce que ces moleurs rendent dans les conditions spéciales où ils se trouvent placés, mais ils no noise meltent pas de comparer entre eux les différents moleurs possibles et de nous faire une idée notte de celui qui pett dévenir le plas variatgeux au pent de voue de l'economie du combacte d'un variatgeux au pent de voue de l'économie du combacte d'un personne de la comparer d La grandeur de natre travail dispanible, au

$$O_{\alpha} \sum \left(\frac{L^{\alpha} - L^{\alpha}}{L^{\alpha}}\right) = O_{\alpha} \sum \left(\frac{L^{\alpha}}{L^{\alpha}}\right)$$

dépend, en effet, comme on vuit, de la valeur absulue de la température T, à laquelle nous pouvons purier le corps intermédiaire avant son arrivée au muteur, el de la différence (To—T.) dant nous dispasons.

Discutons ces deux éléments.

La valeur de T_i ou la température absolue de la source de froid poul étre ennaidèrée camme un term qui nous est donné par la nature même : dans le milleu où nues vivas, mans ne pouvons pas, set effet, en thèse genérale, nérvolúr le corps qui a subil l'action de la chaleur à une température inférieure à la mayenne inesperature annuelle du lieu nó se trouve le maieur, est tout mayen de réfrigeciation artifichelle mus coldraits un minéa sustant qu'il nous rapporte.

En prenant, dans nos climats, le 0° de nos thermamètres nu $T_1 = 272.85$ comme une constante, nous sommes certainement à la limite intérieure du possible.

La valeur de T_e ou la tempéralure du corps avant son arrivée au moleur dépend à la fais de conditions tout-à-fait générales et de la nature du corps employé.

1. Des cauditions générales et communes à trus les mutous, Jailimite supérieure est facile à paser iel. Une langue expérieure de l'emphil de la vapeur surchauffice m'à démantré que la température de 277 nu T = 559° est la plus élevée à laupuelle nu puisse faire révaillée un moiere, sans brûler les graises, les garatiress de tige du pisson, sans user trup rapidement les organes métalliques qui fottent les uns sur les autres. Nous ne préjugoons certainement pas d'une manière dédavorable de l'avenir en postant : = 300 (soil environ T. = 573) comme la limité la plus élevée de la température à laquelle pours jamais anarcher un malier l'harrilique quélonogue.

a jamais marcher un moleur lhermique quele

$$F = Q_0 425 \left(\frac{573 - 273}{573}\right) = Q_0 223^0$$

est donc le maximum d'effet que nous pourrons jamais tirer d'un moteur avec une dépense d'une unité de chaleur.

2. De la nature du corps employê. Il est tout d'abord devident qu'il comp le corps puisse, aux se décomporer ou sans altérer les organes du moiseur, supporter la température à laquelle nous voulons le porter : mais d'autres éléments interviennent en outre. S'il-sep re rempié d'un liquidé dont lous voulons employer la vapeur saturés, il fluit que la tension à 6,= 300° ne devienne pas abseinem sincorpchaite en prutique : sans parter de l'aboide carbonique liquide, tels seraient les cas des vapeurs de l'éther, du sulfure de carbones, etc.

Il est évident maintenant que plus nous serous forcés par la nature du corps à nous tenir au dessous de notre limite 300°, plus le moteur sera défectueux en principe.

Si done nous divisons le travail externe F donné au frein par notre effet maximum disponible, ou Q*. 223, neus aurons un terme do comparaison qui nous apprendra ce que nous perdons par rapport à ce qui est récliement disponible. Le rapport:

F: 223 Q. --- F3

est douc un rendement comparatif qui nous donne le résultat pratique d'un moteur.

Les applications que je vais faire de ces diverses définitions et surtout des principes sur lesquels elles reposent vont en faire comprendre l'utilité.

§ V).

Application des principes précédents à quelques cas particuliers.

Ains ique je l'ài dit dès lo début, il ne pout ontre dans le plan de cot ouvrage de présouter les théories génériques des divers moteurs thermiques connus. Ce serait d'ailleurs répéter ce qui a été fait et très bien fuit déjà, en partie du moins, par les analysses émineste qui ont fondé la théorie mécanique de la chaleur. La théorie de la machine à vapeur d'eau saturée a été donnée dépuis longtemps par Claustus. Les simplifications et les perfectionnements que Zeuner a ajoutés depuis à la libéorie de la vapeur saturée permettent de résoudre à fort peu près, les problèmes les plus importants qui puissent s'offrit dans l'étude de la machine à vapeur ordinaire.

Les theories génériques des différentes mechines à gaz ont aussi dé données à plusieurs reprises par dives natieurs. Pai cependant le regreti de le dire, elles l'ont été parfois sons les formes les plus erronnées au print de vuo des principes de la mécanique rationnelle, sons la forme à lays propre à entrature à des mécomptes tes praticieus qui ont voult tenter des applicatious sur une échelle un non notable en difunctions.

Si mes loctaurs on bien saisi tout l'ensemble de la théorie des pepers et des gar, et è lises sum l'ou profetres des principes dévelappés dans le paragrapho précedent, ils n'éprouveront aueuce peline à étilier par cut-mêtices une théorie générique correctio pour la cle as spécit; i cotte délication, en céllet, ne présente, en genéral, nulle difficulté sérieuse à celui qui sait saisi l'ensemble des fonctoss d'une machine. Je me horrerai donc i et à quélques modéles d'application numérique reposant à la fois sur la théorie générique et sur l'observation strice des faits.

Jo commence par l'exempte de la machine à vapeur surchauffée. Examinons de près l'expériènce première (A) citée page 44.

Une machine marchant avec détente fixe, pression 4°.75 vapeur surchantiée de 148.3 à 240°. à condensation, eau d'injection à 5°, dépense de vapeur de 0°.34554 par seconde, rendait au frein 11250°. Onel était d'abord le travail total disponible?

La valéur de T. est ici (272.85 + 240) soit 513° , la valeur de T. est (272.85 + 5.15) soit 278° . La dépense de chateur nécessaire pour évaporer Peau à 148° .3 et l'échauffer de 148° .3 à 240° est de :

$$Q_a = 0.34254 (606.5 + 0.305, 148.3 + (240 - 148.3) 0.5 - 5)$$

= 230rt 26

On a done :

$$Q_0 \Sigma = 239,26.425 \left(\frac{513 - 278}{513} \right) = 46581^0$$

C'est ce qu'ent donné la machino travaillant, sans perte aucune, dans les conditions de maximum de rendement.

En réalité elle donnait an frein $11250^{\rm o}$; son rendement pratiquo était donc :

Par suite du mauvais emploi de la chaleur, par suite des frottements et heaucoup d'autres causes de perte, il y avait donc un déchet de 76 p. % sur le travail disponible.

Quel était le rendement comparatif?

Nous avons:

C'est le travail maximum d'un moteur parfait travaillant entre les limites possibles 300° et 0°. Le rendement comparatif est donc :

Quels étaient le rendement spécifique et le rendement organique? Nous avons deux manières de les déterminer : l'une est expérimentale. l'autro renose sur la théorie générique.

 L'expérience calorimétrique donnait 37ⁿ³,44 pour la chaleur consommée pour le travail. Le travail total disponible était ainsi ;

Le rendement organique était : $\iota_1 = 11250 : 15912 = 0.707$ soit 71 p. $\circ \iota_0$

Le mouvement des organes mêmes de la machino coûtait :

Le rendement générique était :

Lo mauvais emploi du calorique, les espaces nuisibles du cylindre, les étranglements des passages de vapour, peut-être des fuites de vapeur par le piston, etc., coûlaient 100-64=66 p. q_0 , sur le travail total disponible.

2°. C'est maintenant que la théorie générique va nous permettre d'analyser encoro mieux les causes de perte. Quel est le travail de la vapeur dû à la pleine pression ? À Paide de l'équation :

$$p_0 = 0.00472268 \frac{T_0}{u_0} - 0.09246546 \left(1 + 0.3534856\sqrt{u}\right) \frac{1}{u\sqrt{u}}$$
on y posant $p = 4^{-1}.5$ et $T_0 = 513^{\circ}$, on tropye ajsément que la

et en y posant $p=4^{u}$,5 et T_o = 513^o, on trouve aisément que la valeur de u est :

$$u = 0^{-3},50215$$

Le volume de l'unité de poids d'eau étant sensiblement 0⁻⁻³,0012 à 240°, on a :

 $e = 0^{-.2},50335$ pour volume spécifique de la vapeur à 240° et à 4° ,5.

Le travail dû à la pleine pression est done :

0,34559.0,50335.4,5.10333 = 8089

Quel était le travail dû à la détente ? Le piston de la machine avait 0°,6 de diamètre ou 0°-1,282744 de

Le piston de la machine avait 0",6 de diamètre ou 0"",28274 section. La course en pleine pression était par suite : 0.34559.0.50335 · 0.282744 == 0".61523

0,34559.0,50335 ' 0,282744 == 0*,61523

La course totale du piston était 1"-8, le volume croissait donc de 0-6,1523 à 1-8, on de 1 à 2-,9257. La valeur de α passait en un moit de α a 0,50335.29257 = 1,47265. Comme la vapeur ne recevait ni no pardeit rien par les parois (théorie générique), l'équation (page 207):

 $\tau = 513 \left(\frac{u_o}{u_0}\right)^{0.2871}$

doit nous donner la température absolue finale de cette vapeur détendue; en posant T == 513, il vient :

 $t = 513 \left(\frac{0.50335}{1.47263}\right)^{0.4874} = 376194 \text{ d'où } t \Rightarrow 104^{\circ}, 1$

 $u_{\rm e}\!=\!\frac{425.30,565245,2,3026}{1,15593.10333}\log\left(\frac{277.85+104109}{100}\right)\!=\!1,443$ Notre vapeur femble donc légèrement au dessous de son point de

Notre vapeur tombe donc légèrement au dessous de son point de saturation, puisque son volume réel 1.473 répond à une température un peu inférieure à 144,3. La différence est si petite que nous pouvons faire usage de nos équations, sans erreur notable. Or l'équation (F) (page 207) nous donne, en v écrivant : $u_0 = 0.50335$ et $u_1 = 1.47263$, * = 376.94, T = 513

et changeant les signes :

F = 170 (5(3 - 377) + 191,09
$$\left(\frac{1}{\sqrt{0.50335}} - \frac{1}{\sqrt{1.47265}}\right)$$

- 1555 log. $\left(\frac{1.47265}{0.50335}\right)$ = 23009

pour le travail dû à 1º de vapeur. En multipliant par la dénense réelle par seconde ou par 0°,34554, on a :

Le travail total externe est donc :

$$80899 + 79509 = 160409$$

De ce travail nous avons à retrancher : 1º. celui de la pompe alimentaire ou :

2º. celui qu'exécutait le piston moteur en refoulant la vapeur au condenseur, et que nous pouvons regarder comme théoriquement. nul puisque le condenseur recevait de l'eau à 5°, et que la tension de la vapeur dans le condenseur et dans le cylindre d'une machine parfaite ent été de 0 008 à peine.

Retranchant 16º de 16040, on a 16024º nour le travail disnonible. Ce nombre est, comme on voit, bien rapproché de 15912º. Il me sera, sans doute, permis de dire en passant qu'un tel rapprochement témoigne à la fois de l'exactitude des expériences citées dans le chanitre V de la grande approximation de mes équations relatives à la vapeur surchauffée, et en même temps de la justesse de toujes les considérations que j'ai présentées quant aux difficultés qu'offre l'application d'une théorie générique aux moteurs qu'elle concerne. Remarquons en effet à ce dernier égard, que le frein nous a donné 11250° et non 15950°; or la perte 3300°, duo pourtant au cas particulier au seul travail qui s'exécutait dans l'organisme du moteur, ne peut pas être prévue mêmo à 10 p. % près dans l'état actuel de la mécanique pratique.

L'exemple précédent montre, dans tout leur ensemble, les moyens d'investigation puissants que les principes de la théorie mécanique mettent aujourd'hui au service d'un physicien-observateur.

Jo crols bien faire en terminant ce paragraphe par une comparaison de la machine à vapeur surchauffee, placée dans les bonnes condidons de construction qui sont réalisables aujourd'hu, o avec un moteur thermique à gaz, placé ainsi, non dans les meilleures conditions réalisées jusqu'iel, mais dans celles qu'on pourrait réaliser.

Les moleurs à gas, quels qu'ils soient, pouvent se subdiviser en deux classes. Dans les uns, le gar est chauffe et refroid à volerme constant; il donne du travail en se détendant sans recevoir de chaleur du dehors, et il coûte du travail sans émettre de chaleur au dehors. Dans les autres, le gar act chauffe et réchdid pressjon constante; il donne du travail externe pendant l'échauffement et, par la détente, il en coûte pendant le refroidissement et par la compression.

Rien n'est plus facile que d'établir la théorie générique de ce genre de moteur. Li, en effet, s'il s'agit de l'air, de l'hydrogène, de l'asote, nous pouvons, sans aucune erreur genéble, recourir aux équations qui reposent sur la loi de Mariotte et de Gay-Lassac et sur la constance de la capacité dite à volume constant. Le commence par coux de la première espèce.

Soit M un poids de gaz à la pression p_0 et à ta température t_0 ; portons-le à la température T_0 , sans permettre au volume de croître.

La pression va devenir: $p_s = p_o \left(\frac{1 + 0.003665 T_o}{1 + 0.003865 T_o} \right)$

Laissons le gaz se détendre en egissant sur le piston moteur jusqu'à co quo la température soit revenuo à t_* : il faudra, pour cela, quo le volume, d'abord V_o , prenne une valeur que nous donne l'équation:

$$l_o = (272,85 + T_o) \left(\frac{V_o}{V_o} \right) \frac{\gamma - 1}{272,85}$$

$$\frac{V_o}{V_1} = \left(\frac{272,85 + t_o}{272,85 + T_o}\right) \frac{7}{7 - 1}$$

La dépense de chalcur pour porter le gaz à volume constant de t_a à T_a est :

$$q_o = C_o M (t_o - t_i)$$

Comme le gaz s'est refroidi par la détente de T_0 à t_0 , toute cette chaleur q_0 a été employée en travail, et nous a donné :

 $f_0 := MC_0425 (t_0 - t_0)$ Travail, qui a aussi pour expression :

OV. /-- *

$$f = \int_{V_o}^{V_i} p dv = p_o \left(\frac{V_o}{v}\right)^{\gamma} dv = \frac{p_o V_o}{\tau - 1} \left(1 - \left(\frac{V_o}{V_i}\right)^{\gamma - 1}\right)$$
ou:

 $f_{0} = \frac{V_{0}p_{0}(1 + \pi T_{0}):(1 + \pi t_{0})}{2 - 1} \left(1 - \left(\frac{V_{0}}{V_{1}}\right)^{\gamma} - 1\right)$

puisque : $p_1 = p_s (1 + \alpha T_o)$; $(1 + \alpha t_o)$. Refroidissons le gaz de t_o à i, sans permettre au volume de changer : la condition nécessaire icl. c'est que i soit tel que, quand nous ra-

la condition nécessaire fel. C'est que i soit tel que, quand nous ramenons ensuite le volume de V_i à V_o par la compression, sa température et sa pression redeviennent t_o et p_o . Cette valeur de i nous est donc donnée par l'équation :

$$i = (272,85 + t_0) \left(\frac{V_1}{V_0}\right)^{3} - 272,85$$

d'où it résulte en remplaçant $\frac{V_1}{V_o}$ par sa valeur $\left(\frac{272.75+T_o}{272.85+\ell_o}\right)$ = t par cunséquent :

$$t_0 = \sqrt{(272.85 + T_0)(272.85 + t_0)} - 272.85$$

La chaleur rendue par le refroidissement du gaz est :
 $a_1 = MC_0(t_0 - t_0)$

Et il résulte de la condition énoncée ci-dessus qu'ancune partie de cette chalcur ne veut plus être employée à réchauffer le paz.

Le travail dépensé par la compression qui l'échauffe de i à t_n, est donc :

$$f_1 = M G_0 425(t_0 - i)$$

Ce travail a aussi pour expression :

$$f_{i} = fpdv = p_{2} \int \left(\frac{V_{i}}{v}\right)^{\gamma} dv = \frac{p_{2}}{\gamma - i} \left(\left(\frac{V_{i}}{V_{o}}\right)^{\gamma - i}\right)$$

Équation qui devient :

$$f_i = \frac{p_0 V_0}{\gamma - 1} \left(1 - \left(\frac{V_0}{V^1} \right)^{\gamma - 1} \right)$$

en substituant à p_1 ou valeur $p_0 \left(\frac{V_0}{V_1} \right)^{\gamma}$

En retranchant f_1 de f_2 , on a pour le travail externe rendu : $F = MC_0.425 \left(\sqrt{(272.85 + T_0)(272.85 + t)} - (272.85 + t) \right)$ ou :

$$F = \frac{p_0 V_0}{\gamma - 1} \left(\frac{1 + \alpha T}{1 + \alpha t_0} - 1 \right) \left(1 - \left(\frac{V_0}{V_1} \right)^{\gamma - 1} \right)$$

Équation qui devient :

$$F = \frac{p_0 V_0}{\gamma - 1} \left(\left(\frac{V_1}{V_0} \right)^{\gamma - \frac{1}{2}} - 1 \right) \left(1 - \left(\frac{V_0}{V_1} \right)^{\gamma - \frac{1}{2}} \right)$$

En substituant à $\left(\frac{1+\pi T_o}{1+\pi t_o}\right)$ sa valeur $\left(\frac{V_t}{V_o}\right)^{\gamma}$.

En divisant ce travall par la dépense de chaleur : $q_0 = MC_0 (T_0 + t_0) = MC_0 ((T_0 + 272.85) - \sqrt{(272.85 + T)(272.85 + t)})$ il vient :

$$q_{s} \, \mathbf{x} := q_{s} \, 425 \left[\mathbf{i} + \frac{(272.85 + \mathbf{i}) - \sqrt{(272.85 + T_{s})(272.85 + i)}}{(272.85 + T_{s}) - \sqrt{(272.85 + T_{s})(272.85 + i)}} \right]$$

(272,85+T_a) → √(272,85+T_a)(272,85+t).]

On volt que cette équation est absolument indépendante de l'esnèce de gaz.

Je paseo aux gazomoleurs de la seconde espèce, à ceux où le gaz est chauff et refroid à pression constante. Je supposerat : $f \cdot g$ qu'un poids m d'un gaz, à la température i, et à la pression n, est pris par une pompe foutante (ou alimentaire) et poussé dans un réservoir où il a la pression constante N et où il i s'échauffe de i à T.

2º. Que ce gaz ainsi dilaté va agir dans un cylindre moteur, d'abord en pleine pressioo, puis par expansion, pour repasser ensuite dans un rafratchissoir, où il se trouve à la pression constante n^{α} , et où il est ramené à la température i.

Ainsi conçue et devenue réalisable, la machine à gaz est analogue en tous points à la machine à vapeur, et n'en diffère qu'en ce que le corps sur lequel agit le calorique, au lieu de changer d'état, reste sous la même forme ofivisique

Dans les limites de pression et de température où la machine est appelée à fonctionner, nous pouvons sans erreur tideorique sensible, admetire : l'-, que le gaz quelcouque employée ecomporte selon les lois de Mariotte et de Gay-lussac; 2º que sa capacité calorifique est constante. Pourur que, comme physiciens, nous sensor suppeions que occi n'est qu'une approximation et non l'expression absolue do la vérile. Les équotions de la théorio générique prement dans ces conditions la forme la plus simple et la plus élégante.

Occupons-nous d'abord du travail négatif consommé par la pompe alimentaire du moteur : travail ici beaucoup plus considérable que dans la machine à vapeur.

Cattapompe, disons-nous, prend lo gaz à n° et 6, dans le rafraichésorie pour l'amoner à N° es lo posser dans la chaudiera. Admetions que les orilites, conduites, étc., soient asser spacieux pour que la pression pondant l'aspiration peste sensiblement « dans lo cylindre; le piston est, pendant cette période, pouseé un avant sons cetto presión est fiurnit un tervail positif do 10333 V nº, si V est le volume d'une cylindre. Le piston reculant ensuite, le gaz est refoulé, et avant do pénétere dans le genérateur. Il faut qu'il stalegne la pressión N° : comme nous sidsons abstraction de l'action des parois, comme par sulte toute la chaleur produite par la compression reste dans le gaz, colt-ul-oldel à la bie;

$$n' = n \left(\frac{V}{v} \right) \frac{c_i}{c_o} = n \left(\frac{V}{v} \right)^2$$

 τ étant le rapport des capacités à volume constant et à pression constante, v, le volume occupé à chaque instant par le gaz, et n' la pression produite.



(1)

Le travait négatif dù à la compression a donc pour expression :

$$-f = 10333 \text{ V}^{2} \int_{V_{1}}^{V} \frac{dv}{v^{2}} = \frac{10333}{1-v} \text{ V}^{2} \left(V_{1}^{1-v} \text{ V}^{2}\right)^{1-v}$$

V. étant le volume du gaz parvenu à la pression Nu

Le volume V_t, étant ensuite poussé dans le générateur sous la pression No. il se dépense encore un travail négatif dont l'expression est 10333 V; N. Faisant la somme de ces diverses quantités de travail positif et négatif, et réduisant nous trouvons simplement :

$$-f = \frac{\gamma n \cdot 10333 \text{ V}}{\gamma - 1} \left(\left(\frac{\text{V}}{\text{V}_1} \right)^{\gamma - 1} - 1 \right)$$

Puisque d'après l'équation (1), la pression ne dépend que du volume et non de la température initiale, il est clair qu'en désignant par W le volume du cylindre moteur et par se le volume engendré par la course du piston sous la pression N, on aura d'abord : W Y et par suite identiquement et toute réduction faite :

$$P = \frac{\gamma n \cdot 10333 \text{ W}}{\gamma - 1} \left(\left(\frac{\text{W}}{w} \right)^{\gamma - 1} - t \right)$$

nour le travail positif fourni par le cylindre moteur.

Faisant la somme de F et de f et posant $D = \frac{V}{c} = \frac{W}{sn} il$ vient :

$$\Phi = \frac{\gamma n \cdot 10333 \cdot (W - V)}{\gamma - 1} \left(D - \frac{1}{1} \right)$$

Désignons par « la température du gaz à la fin de la détente dans le cylindre moteur. On a évidemment :

$$W = V \begin{pmatrix} 1 + at \\ 1 + ai \end{pmatrix}$$

D'où il résulte d'abord :

$$0 = \frac{a_7 n \cdot 10333 \cdot V(t-i)}{(\gamma-1) \cdot (1+ai)} \left(0^{\gamma-1} - 1\right)$$

Soit T la température à laquelle le gaz est porté dans le générateur, on a d'après l'équation (page 222) : $t = (A + T) \frac{1}{D_{A-1}} - A$

$$=(\Lambda+T)\frac{1}{D_{\lambda}-1}-\Lambda$$

d'où ii résulte, en faisant toutes les réductions :

$$\phi = \frac{7 n 10333 \text{ V}}{(7-1)(A+4)} \left((A+7) - (A+4) \text{ D}^{2} - 1 \right) \left(1 - \frac{1}{\text{D}^{2} - 1} \right)$$

En différentiant cette équation par rapport à B. et posant de - o. on trouve qu'elle est susceptible d'un maximum, c'est-à-dire qu'il v a une détente oui, toutes choses égales, donne la plus grande force possible. Cette détente est :

$$D^{r-1}\sqrt{\frac{\Lambda+T}{\Lambda+r}}$$

Introduisant cette valeur dans l'équation ci-dessus . olle devient :

$$\Phi = \frac{2\pi V 10333}{(r-1)} \left(\sqrt{\frac{\lambda+T}{\Lambda+i}} - 1 \right)^2$$

equation qui est d'un usage des plus faciles.

Telle est l'expression du travail disponible fourni par un gaz dont la pression est n, et la température i, dans le rafratchissoir, et dont la température est T dans le générateur.

Onelle est la chaleur fournie au gaz pour obtenir ce travail ?.

Solent II lo poids du volume do gaz V. C. la capacité caloriflone à pression constante, et t' la température après la compression do V à v dans lo netit evlindre. On a :

$$Q = \pi C_{\bullet} (T - t')$$

Male :

$$\begin{array}{lll} \text{Hals:} & \mathcal{U} = (\Lambda + i)D^{\gamma - 1} - \Lambda \\ \text{d'où:} & Q = \pi C_0 \Big((\Lambda + T) - (\Lambda + i) D^{\gamma - 1} \Big) \end{array}$$

Désignant nar a la densite du gaz à 0° et à 1 ... on a évidefilment :

$$n = \sqrt[n]{\frac{n\Delta}{1+ai}}$$

d'où il résulte en remplaçant aussi D $\stackrel{7-4}{\text{par}}$ par sa valeur :

$$Q = \frac{V_{\Delta}nC_{o}}{\sigma} \sqrt{\frac{\Lambda + T}{\Lambda + \epsilon}} \left(\sqrt{\frac{\Lambda + T}{\Lambda + \epsilon}} - 1 \right)$$

Divisant le travail ϕ par la dépense de chaleur Q et posant $\frac{\phi}{Q} = \Sigma$. il vient -

$$\begin{split} \mathbf{z}' = & \frac{\alpha_7 10333}{(\gamma-1) \Delta C_s} \sqrt{\frac{\Lambda+\epsilon}{\Lambda+T}} \left(\sqrt{\frac{\Lambda+\epsilon}{\Lambda+1}} - 1 \right) = \frac{\alpha_7 10333}{(\gamma-1) \Delta C_s} 1 - \sqrt{\frac{\Lambda+\epsilon}{\Lambda+T}} \\ \text{Remarquonsque} \mathbf{z} = & \frac{C_s}{C_s} \text{ et que } C_s = C_s + \left(\frac{\alpha 10333}{\lambda \Delta}\right) \end{split}$$

d'où:

$$\frac{\gamma}{\gamma-1} = \frac{G^4 \Delta z + a 10333}{10333 a}$$

et par conséquent enfin très simptement

$$\Sigma = \Sigma \left(1 - \sqrt{\frac{A+i}{A+T}} \right) = 425 \left(1 - \sqrt{\frac{272,85+i}{272,85+T}} \right)$$

Équation qui nous apprend encere que le rendement théorique ne dépend nullement de la nature du gaz ou de sa pression, mais sculement des deux températures é et T.

Pour comparer les deux moteurs à gaz à la machine à vapeur surchauffée, posons dans les équations de rendement trouvées pour ces deux moteurs $i=5^{\circ}$, t=240, soit $T_1=278$ et $T_0=513^{\circ}$.

La première nous donne :
$$q \, \mathbf{z}' = q \, 425 \left(1 + \frac{278 - \sqrt{513.278}}{513 - \sqrt{513.278}} \right) = 1169$$

La seconde nous donne :

$$q_{\circ} \mathbf{x}' = q_{\circ} 425 \left(\mathbf{1} - \sqrt{\frac{278}{513}} \right) = 1129$$

Si nos deux moteurs, travaillant à $T_o = 5$ t3 et $T_i = 278$, avaient été placés dans les conditions du maximum de rendement, ils auraient donné tous deux :

$$F = q_o 425 \frac{235}{513} = 194,79$$

Le rendement spécifique du premier serait par suito :

specifique du premier serait par suito
$$r_0 = \left(\frac{116}{195}\right) = 0,59 \text{ soit } 59 \text{ p. } ^{\circ}/_{\circ}$$

Celni du second serait :

On voit quo ces deux machines sont fort loin de rendre cent pour

- Googn

cent, comme quelques ingénieurs l'avaient annoncé à l'époque où l'on a commencé à s'occaper des moteurs à gaz en partant des principes de la thermo-dynamique.

Pour arriver à ce résultat, il est vral qu'on s'était fondé sur l'emploi d'un appareil des plus ingénieux qui entrait dans l'organisme d'un des moleurs do ce genre : jo veux parler des famis respirateurs d'Erikson.

Dans les moteurs de la seconde espèce, le gaz entre dans le rafraichisseur à la température et en sort à la température et et; les tambs respirateurs devalent s'emparer de cette chaleur due à la chute (t—s) et la rendre ensuile intégralement au gaz avant sa renirée au généraleur. Il est facile de voir qu'il y a ici une creeur liberique. Une remarque importante, en effet, se présent, Par la comovera

sion le gaz prend dans la pompe alimentaire une température :

$$t = (273 + i) D^{7-1} - 273$$

Dans le cylindro moteur le gaz se refroidit par la détente do T à t ou : $t=|273+110|^{-(r-i)}-273$

Or, en posant:

$$D^{7-4} = \sqrt{(273 + T):(273 + i)}$$

il vient t'=t, c'est-à-dire que dans un moteur dont la délente est réglée de manière à donner le maximum d'elfet, la tempéralure que produit la compression dans le cylindre alimentaire est précisément celle que mend le caz nar la détente dans le cylindre moteur.

On ne peut donc point se servir de la chalcur du gaz, sortant du cylindre moteur pour échausser celui qui entre au générateur.

Je suis loin de dire quo dans l'industrie on ne puisse pas utiliser la température t>i: mais ce qui est sor, c'est que, comme pulssance dynamique, elle est perdue dans notre moteur.

Les respirateurs ou tamis métalliques, employés dans les machines à gaz pour s'emparer du calorique restant dans le gazaprès le travail et poir le lui restituer ensuite avani le travail, cer respirateurs, discip, sont au positi de vuo do la phydique exprimentala nen des inventions les plus remarquables qu'on puisse citer. Mais lour utitité dynamique est absolument mulle, en ce seus que la di leur cupicio conduit à une deconnei de chalcur, il constate tout simplement l'austence d'un débatt gravo dans la mandere dont on a régle la désente de la mandine, débutt par site duquet celle-le ne peut plus rendre le maximum d'effet assigné par la théorie générique. En un mot, l'emploi des respirateurs qu'on a taut admirés (et avec raison sous un rapport) consiste, lesrapil est réellement utile, un vice dans la machine, et ne peut, à aucus titre, être regarde comme un moven d'évere l'encalement lessible du moieur.

Quioqu'il en soit, au point de vas de la théorie générique, la machine à quare cod econe beacomp plus que la macine à vapeur même très bien conditionnée, poisque, pour notre machine à vapeur serchauffée travaillant aussi entre 20° et 5°, nous n'avions que 31 p. -/-, du rendoment spécifique. Et espendant si Von descend sur le terrain de la praisque, et si l'on examine sérieusement ce qui a cis ful jusqu'ir en fait de machine à say, c'est précisément au résultat contraire qu'on arrive, et la machine à vapeur, tolle qu'elle peut s'exécute qu'our l'ui, r'epoche une supériorité inconsistable. Les raisons de ce résultat sont faciles à trouver, si de la théorie s'exércieme neus assons à la théorie r'exércieme neus assons à la théorie r'exércieme neus assons à la théorie r'exércieme neus assons à la théorie r

1º. Dans la machine à vapeur nous disposons de différences de pressions de 5, 6, 7 atmosphères entre le générateur et le condenseur. Dans la machine à gaz, la différence est :

$$(n_k - n_s) \simeq n_s \left(\frac{7 - n_s}{273 + i}\right) = n_s \left(\frac{7 - (273 + 0)^{N^{-1}}}{273 + (273 + 0)^{N^{-1}}}\right)$$

on en remplaçant D^{r-1} para valeur $\sqrt{\frac{273 + 7}{273 + 1}}$;
 $n_1 - n_s = n_s \left(\frac{7 - \sqrt{(273 + 1)}(727 + 1) + 73}{\sqrt{(273 + 1)}(273 + 1)} + 73}\right)$

Or, si à la place de T et de s nous écrivons les valours 240° et 5°, il vient :

$$(n_1 - n_2) = n_2 \cdot 0.36$$

c'est-à-dire que la pression au générateur surpasse à peine de quatre dixièmes celle du rafraichisseur.

Dass la machine à rapeur, l'offet des divers déchets de pression dus aux forticements de la vapeur, aux étranglements, aux espace unsibbles, etc. oct effet, die-je, et a traitivement insignifiant. Bans la machine à gaz, cette souvez de perte est au contraire relativement énorme, et il n'est pos difficile de s'assurer qu'à elle seule déjà cille fait tomber le vendement de plus d'un quart.

2º. En raison même de la grande différence disponible des pressions dans la machine à rapeur, le volume des organes actifs de ce moteur est relativement petit. C'est encore le contraire qui a lieu quant à la machine à gaz. Fai-sons une comparaison pratique très simple, pour laire ressorite ce fait.

Notre machine à vapeur, donnant 16000° de travail extérieur, a un cylindre dont le volume est 1,8. (0°,3)°.3,1416= 0°.2,509.

Quel devra être le volume du cylindre moteur d'une machine à air chaud où nous aurions aussi 4^{n} , 5 au générateur, où nous aurions $t^{n}=240^{\circ}$ et $t_{1}=5^{\circ}$?

[] vient:

$$\Phi = 16000 = \frac{7n \text{ V} 10333}{7-1} \left(\sqrt{\frac{273+240}{273+5}} - 1 \right)^2$$
et puisqu'il s'asjt d'une machine à air, on a $y = 1.41$; d'où :

 $V_{\rm e} n_{\rm e} = 3.50498$ V. étant le volume de la pompe allimentaire et $n_{\rm e}$ la pression au condenseur irafraichisseur).

Comme nous avons 4",5 au générateur, il vient :

$$4.5 {=} n_\pi \left(\frac{273 + 240}{273 + t}\right)$$
 et comme t a pour valeur :

19.

$$t = (273 + 5)\sqrt{\frac{273 + 240}{273 + 5}} - 273 = 99^{\circ}$$

il vient :

$$n_0 = \frac{4.5.372}{513} = 3^4,2632$$

D'où :

$$V_o = \frac{3.50498}{3.2632} = i^{-3},074$$

Ce qui nous apprend que la pompe alimentaire déjà aurait près du double en volume du cylindre moleur de notre nompe à vapeur.

Quant au cylindre moteur, il aurait:

W-V (273+1) - 1 074 (273+99) - 1 = 4 637

$$W = V_s \left(\frac{273 + i}{273 + i}\right) = 1,074 \left(\frac{273 + 99}{273 + 5}\right) = 1^{-3},437$$

ce qui nous donne pour volume tolal :

 $1.074 + 1.437 = 2^{-3}.511$

au lieu de 0*.509 !

Il me semble que les deux raisons que je viens de signaler indiquent aussi elairement que possible, pourquoi un moteur théoriquement si supérieur à la machine à vapeur lui a été jusqu'ici inférieur dans la réalité de l'expérience.

A peine ai-je besoin d'ajouter que ma critique ne porte pas sur l'avenir. Si les progrès de l'art de la construction nous permettaient do pousser la pression du gaz à $n_* == 20^{\circ}$ (par exemple) au condenseur et par suite à :

$$n_1 = 20 \frac{513}{379} = 27^{\circ}.5$$

dans la chaudière, nous réduiriurs à la fois et le volume de la machine et toutes les autres causes accessoires de déchet d'effet, de telle sorie que le readement pratique du moteur se relèverait pentière très notablement au-dessus de celui de la mellieure machine à vapeur.

g VII.

Parallèle entre l'ancienne théorie de Carnot et la théorie thermo-dynamique.

Si j'ai su présecter les faits avec clarté, chacun aura été à mêmo de saisir les immenses secours qu'offre aujourd'hui la théorie méca-

. Goo

nique de la chaleur non seulement dans l'étode de tel ou tet moteur thernique, mais encore pour la construction rationacile de ce moteur. Le termicarie ou livre quatrième par une comparaison entre la théorie moderne et celle à laquelle conduisent les principes admis en physique à l'époque où S. Carnot a écrit son remarquable ouvrage sur les modifiers à feu (1824).

D'après ces principes, la quantite de delautr présente dans eu corps ne pouvait varier qu'autant que ce corps recevait ou perdait de la claieur retérieurement. Ainsi ectie quantité restait invariable dans un gar dont la température laisse ou s'élève par la détenie ou par la compression, el la variation de impérature no pouvait étre due qu'à un changement de capacité calorisque; ainsi encore toute la chaleur que prend un l'iquide qui bout à pression constante était présente, mais latente dans la vapue.

Paprès cos principes, il est visible que la chaleur qui, en agissan sur un corps, nous donne du travail mécanique dans un motorr thermique, desmit se retrouver toute entière; quand le corps d'abord d'habé par elle revenant par le refractissement à son volume initial. Ainsi a chaleur qui, dans nos machines à vapeur, réduit en gaz le liquide do la chandière, devait so rotrouver intégralement au con-

La proposition I de la théorie mécanique donne le démenti lo plus formel à ces principes et à leurs conséquences. C'est ce qu'il est inutile de ropéter ici, car c'est ce qu'i a été montré sous toutes les faces possibles dans tout ce volume.

Il semble d'après cela qu'entre la théorie des moteurs thermiques fondée sur les anciens principes de pluysique, et celle qui repose sur les faits positifs aujourd't et arquis, il ne puisse y avoir aucun point de communanté. Il va mous être facile cependant de nous assurer qu'une analogie existe, et que la proposition II (l'àve deutriène) qui a besoin d'une démonstration spéciale, constituait la première et unique progosition de l'ancienne théorie, quolque, à la vérité, avec une modification préonde. Four qu'un moteur thermique puisse fonctionner d'une manière continue, il faut que nous ajoutions et que nous sonstrayions alternativement du calorique au corps qui nous sert d'intermédiaire. Il faut donc que nous disposions d'une différence de température, d'une source de challeur et d'une source de foid.

Notre proposition II dit prochement que quand la chaleur est utilisée le mieux possible, Peffet dynamique produit, identique alors avec tous les corps possibles, est directement proportionnel à la différence des températures de la source de chaleur et de celle de froid, et inversement proportionnelle à la température absolue de la source de chaleur.

Dans la théorie fondée par Carnot et développée par Jui en langage ordinaire avec une clarté et un bon sens qu'on ne saurait trop admirer, la différence de température constituait non seulement la condition indispensable de la marche du moteur, mais encore représentait à elle seule la puissance disponible du calorique absolument comme la hauteur d'une chute d'eau représente l'un des facteurs de la puissance disponible de cette chute. Carnot, qui a très hien indiqué les conditions du maximum de rendement, a parfaitement reconnu qu'avec les anciens principes de physique on arrive au mouvement pernétuel, à l'absurde, si l'on admet qu'un corps peut donner plus de travail qu'un autre, une fois les conditions du maximum de rendement remplies, il a très bien montré anssi que le rendement maximum devait dépendre de la temnérature de la source de chaleur même : et Clanevron a ensuite montré ou effectivement il existe entre cette température et l'effet produit, une dépendance mathématique nécessaire. Mais comme l'existence d'un zéro absolu, non seulement alors était inconnue, mais constituait une imnossibilité, Clapeyron a seulement pronvé que le rapport $\frac{T_{n} - T_{k}}{m}$ constitue une fonction speciale de température, à laquelle il a donné le nom de fonction de Carnot, C'est M. Clausius qui dès le début de ses travaux a moutré le vrai sens de la fonction de

Carnot

Alassi done : dans les deux théories, une difference de tampérature est la cause efficiente de la marche d'un moteur thermique; dans les deux théories. l'effet total produit est proportionnel à la différence disponible; dans les deux théories, est effet diminue à mesure que la temperature de la source de chaler s'ééve, la différence entre elle est la source de froid restant la même. Voilà les naulacies.

Mais dans l'ancienne théorie, foute la chaleur tombée de la hauter I.— T, se retuvauit sur la source de froid, dans la théorie moderne et d'ailleurs dans la réalife des faits, une partie condenne de catte chaleur se retrouve, une autre, proportionnelle à l'effet dynamique, disparatir, dans l'ancienne thereit, foile total est une fonction inverse, mais indéterminée d'ailleurs, do la température de la source de chalour; dans la thorien moderne, cette fonction est cource de chalour; dans la théorien moderne, cette fonction est course de challeurs, dans la moderne de l'est autre chose que le quotient même de la différence des températures par la température dans les megnératures par la température dans les megnératures par la température dans les températures par la température dans les megnératures de la différence des températures par la température dans les megnératures de la différence des températures par la température de la différence de la différ

Voilà des différences très considérables. Elles suffisent pour constituer deux époques dans tout l'ensemble de nos sciences physiques. Il en existe copendant une autre tout aussi radicale et sur laquette je crois devoir insister ici.

Bans la théorie de Carnot, c'est la chute d'une quantilé donnée de chaleur, d'une hauteur (T_*, \dots, T_*) qut constitue nécessatrement et exclusivement la puissance disponible, absolument comme dans une chute d'eau, c'est le poids qui tombe par unité de temps, et la hauteur de la chute qui donné la puissance disponible,

hans cette manière de voir, il est de toute impossibilité qu'aven e chuir donnée, et sans nulle dépense définitive de travail, la quantité de chalour fombée de Γ . à Γ , puisse être relevée touto entière à T > T., G il va mêtre facité de démontrer : qu'étant donnée une quantité, G de chaleur qui tonnée de Γ , Γ , ou d'une hauteur $(T_* - T_*)$, il est toujours possible, sons déponse définitive · de travail externe, de relever intégralement Q. à une hauteur $\Gamma > T_*$, Γ , q'étropuement qu'étant donnée une quantité de cha-

leur Q_e et une ascension (T_e — T_i), il est toujours possible de faire
 tomber intégralement Q_e plus bas quo T < T_i •

Concerous doux cyllodres A e B 169, 14) éguax en section, fermés par le bas, mis en communication par le bate. Mr. des sequés se mouvent sans frottement doux pistoes dont les tiges sont commandées par uno rous dentiée v. Dans la partie fermée , compriss sous tes étant pistons, se l'ouve un poéds N d'un gaz quécoque, d'uit atmosphérique par exemple, à pression P, e da une température laitée 1, four puis poés simplicités, le possessi 2 : « O ").

Par suite de la disposition qui vient d'être décrite, il est bien clair: 1º. Que quelle que soit la pression P_{en} les pisions resteront en repos, puisque celte pression est la même des deux côtés, el que les pisions se font réciproquement équilibre par la roue v.

2º. Que lorsque nous tournerons la roue v dans un sens ou dans l'autre, l'un des pistons remontera, et l'autre descendra avec la même vilesse.

3º. Que puisque nous supposons mils tous les frollements, nous pourrons transvaser à volonté le gaz de A en B, el de B en A par le mouvement de la rous, sans autle dépense de travant : pourra que nous fassions marcher les pistens asset lenolement pour pouveir négliger le très petit excès de pression qu'il faudra d'uo côté pour pousser le gaz dans le cylindro opposé.

Admelions en eutre que les parcis de nos egindres soient imperméaber au calorique, ou, ce qui est absolument la même chese, qu'elles se trouvent toujours à la température moyenne actuelle du gaz qui y est conicou, de telle sorte que le gaz n'éprouve ni perte ni bénétice de chaleur par elles

Maíoteanti, le pision de Λ étant au haut de sa course, el le pisson de B étant au bas, portons le tube tr, et rien que ce tube, Λ une température constante t_s , et faisons descendre très lentement lo piston Λ de sorte que l'air en passant par tr prenne loujours la température t.

Quelles vent être les conséquences de colto méthode d'échauffemeut par parties infinitésimales? Remarquons que le volume Y compris entre les deux pistons est invariable, et que chaque portion de gaz, une fois échauffèe, est séparée de la source, et ne reçoit ou ne perd plus de chaleur du dehors. La pression du gaz, d'abord P., va donc s'élover peu à peu, à mesure que le gaz passera en l' et s'échauffèra.

Les portions d'air à 1, qui entrent en B sont ainsi soumirée à un pression croissante, par-suite de l'échauffennet des portions suivantes : ces portions s'échauffent donn au-dessur de 1. Cest visiblement pour les premières portions que l'accroissement de pression en prar unite. Perbauffennet seront le plus considérables : pour la dernière portion, ils seront nuis, et cette portion restera à 1., De même l'air de la set rouvant comprimé de plus en plus, s'échauffera aussi au-dessur de 0°.

Si nous supposons que l'air, au lieu de s'équilibrer en températire en B., reste depart per couches, nous aurons donc, lonsque tout aura passé en B, et à partir du fond de B, une suite de couches dont la température it a en s'élévant: la couche en contact avec le piston, qui est la première entrée, que a la température mainian, puisque c'est pour elle que le changement de pression a été le pius consichable. La couche inférieure, au contairte, sera à la température minima, puisque le changement de pression a été nul pour elle, à partir de son entrée en D. Mais cette température minima est f.; la température mogenen total oet donne plus grande que la pression a

En la désignant par T., nous avons en tous cas :

$$T_n > t_o$$

Dono avec une source à t_o , nous avons, sans nulle dépense de travail, échauffé un autre corps à $T_m > t_o$.

Maintenant que B est plein de gaz à T., enievons la source de chaleur qui entourait it', et remplaçons-la par une source de froid : par de l'eau et de la glace, par exemple; autrement dit, tenons it' à 0°, et l'alsons lentement descendre le piston de B, et remonter celui de A.

A mesure que le gaz passe par U', il tombe maintenant à 0°, et à

mesure aussi, la pression qui, dans l'expérience précèdente s'était élevée de P. à P. va baisser de plus en plus jusqu'à ce que tout le gaz ait été ramené de B en A.

Les portions de gaz, refroidies à 0° en entrant en A, sont ainsi soumises à une pression qui va en diminuant : cer portions se refroidissent donc au-dessous de 0. C'est évidemment pour la première portion entrée que la diminution sera la plus considérable; c'est anssi nour elle que le refroidissement le sera le plus : il sera nul ponr la dernière, puisque pour elle le changement de pression sera nul. Mais ce qui est évident aussi, c'est que quand tout le gaz sera rentré en A, sa température sera nécessairement inférieure à 0°, puisque c'est là la température maxima, et qu'à partir du fond du cylindre, si les couches ne se métalent pas, nons trouverions du gaz de plus en plus froid insou'au piston.

Avec une source de froid à ta, nous avons donc amené, sans dépense auounc de travail, un autre corps à une température : P- -1.

Et maintenant, nous trouvons-nous en face d'un paradoxe réel,

Aurions-nous créé ou détruit de la chaleur avec rien?

En aucune facon, et rien de plus simple que l'explication des phénomènes, en apparence si singuliers, que nous venons de produire.

Lorsque nous chauffons un gaz sans lui permettre de changer de volume. l'accroissement de chaleur interne est éval comme nous savons, au triple produit de son poids par sa capacité à volume constant et par son accroissement de température.

Pour l'air par exemple, nous avons :

on d'une absurdité?

 $a = C_{\bullet}M (t_{\bullet} - t_{\bullet}) = 0.1687 M (t_{\bullet} - 0^{\circ}) = 0.1687 M t_{\bullet}$ t. étant notre température finale.

Mais dans notre expérience, chaque partie de l'air est chauffée isolément dans un tube ouvert par les deux bouts : elle peut donc se dilater, et comme elle est infiniment petite, on du moins très petite par rapport au volume lotal invariable V, sa dilatation ne modifie que d'un infiniment potit la pression à laquelle elle etais soumise en entrant en s'. L'échauffement de chaque portion isoide à donc lleu à prezision constante, et non pas du tout a volume constent. Four avoir la valeur de la quantité de chaleur côdée par la source à 1., al faut dès lors multiplier le polis de chaleur côdée par la parle la practié à pression sonstante, et puis par l'accreissoment de température; et, comme cette capacité est pour l'air 0,2377. Il est védient que la somme de tous ces produit spartiels sera plus grande que ne l'est le produit 0,1687 Il 4., et si nous représentons cette somme par S, nous survous, sur consenient ;

S > 0,1687 M to et S == 0,1687 M To;

ďoù :

$T^{\alpha} > t_0$

Ce n'est donc pas de tout encréant de la chaleur que noue profeso Pair de B au-dessus de L: c'est tout simplement en prenant à la source plus de chaleur qu'elle n'est pue no fournir si nous avions chauff l'air tout à la fois, Nous ne créons rien du tout, nous on faisons que reproduire ce qui avait été consemmé par le travail interned l'apparail, du caphénomème évidenment neous coûte rien.

La démonstration précédente s'applique rigoureusement, et point par point, au cas on nous faisons passer l'air chaud de B en A par le tube it tenu à 0°. Nous mrivons oncore aisément à voir que nous ne détruisons pas du tout de chaleur, mais que nous ne faisous que transporter de la chaleur de l'air sur notre source de froit.

Il n'y a ici ni anomalio ni paradoxe, et tout est conforme aux données élémentaires de la théorie mécanique de la chaleur, et nux lois ordinaires de l'équilibre.

Traduisons sous forme mathématique exacte notre asplication si simple.

Soit dm in poids de chaque portion élémentaire de gaz qui, en traversant le tube tt', gagne ou perd (t_*-t) , t_* étant la température constante du tube tt', et t celle du cylindre dont le piston descend. On a : C, étant la capacité à pression constante.

Soient P a pression initiale du gaz, p sa pression lorsqu'une quantilé m do gaz a passé d'un reservoir dans l'autre, T_n la température moyenne du puids Intal M, C'esl-à-dire celle qu'aurait le gaz, si le' poids m echantièse trouvait mele avec la partie (M-m) nun échantièse arcontact.

Nous ayons ici :

$$p = P(1 + \alpha T_m) \text{d'où } T_m = \left(\frac{p}{P} - 1\right) \frac{1}{\alpha}$$

« étant le coefficient de dilatation, et

$$t = (273 + 0^{\circ}) \left(\frac{p}{P}\right)^{\frac{\gamma - 1}{\gamma}} - 273 = 273 \left(\frac{p}{P}\right)^{\lambda} - 273$$

en faisant $\frac{\gamma - 1}{\gamma} = 1$.

Il en résulte :

$$dq = C_1 \left(t_0 + 273 - 273 \left(\frac{p}{\mu}\right)^{\lambda}\right) dm$$

D'un autre côté, puisque l'accroissement positif ou négatif de température du gaz ne peut être dû qu'a la source de chaleur ou de froid, nous avons aussi :

et par suite :

$$C_1 \left(t_0 + 273 - 273 \left(\frac{p}{p}\right)^{\lambda}\right) dm = C_0 \text{ M } d \text{ T}_m$$

En divisant par A et nous rappelant que $\frac{1}{A}=\alpha=0.003665$; remplaçant $\left(\frac{p}{br}\right)$ par sa valeur $(1+\epsilon T_-)$, il vient enfin :

$$273C_1((1+at_0)-(1+aT_m)^2)dm=-GMdT_m;$$

d'où :

$$m = \frac{C_o M}{C_i} 0.003605 \int \frac{dT_w}{(1 + \sigma t_o) - (1 + \alpha T_m)^k}$$

Lorsque tout le gaz aura passé d'un cylindre dans l'autre, en aura m = M, et par conséquent :

$$\frac{G_{t}}{C_{o}} = 273.1,42 = \int_{-\pi}^{T_{m}} \frac{dT_{m}}{(1+0.003865 \, I_{v}) - (1+0.003665 \, T_{m})^{2}}$$

Cette intégrale résoluo par rapport à T., nous donnerait donc la température finale du gaz en fonction de f., et du rapport des deux

capacités
$$\frac{C_1}{C_0}$$
 ou 1,42 (Dulong).

Il est plus commode et tout sussi approximalf, pour atteindare lu meme but, d'opére par différences finis, en calculat la température due, par exemple, à chaque vingtième de gaz qut passe d'un réservoir à l'autre, la température du tube it "chapt donnée. Riel de plus facile, en détt, qu'un let clacul. En conservant toutes nes notations précédenées et rempiaçant l'élément dus par (AM), qui de signe alors les poids égaux finis mais petits par rapport à M que nous faisons passer successivement par it" de à en B ou de B en A, on a pour la chaleur aQ, que prend à it "is première portion (AM), ci (AD) en (L. — D'(AM)).

La température moyenne du poids totat M est, par suite:

$$T_{=1} = \frac{C_1}{C_0} \cdot \frac{(\Delta M)_1}{M} t_0$$

La pression devient :

$$p = P(1 + \alpha T_m)$$

et par conséquent la température en λ monte de 0° λ :

$$t_1 = 273 \left(\frac{p}{P}\right)^3 = 273$$

La chaleur reçue par la seconde portion est donc : $\Delta_0 = C_1 (t_0 - t_1) \Delta_0 M$

La température moyenne devient :

 $(\Delta_1 Q + \Delta_2 Q)$: $MC_0 = C_1 \Delta M (t_0 + t_0 - t_1)$; $MC_0 = T_{eq}$ Bu continuant ainsi jusqu'à ce qu'on ait :

$$\Delta_1 M + \Delta_2 M + \Delta_3 M \dots = M$$

on fronve la température finale T d'antant plus exactement qu'ou a pris AM plus petit par rapport à M.

l'ai rouvé ainsi que de l'air à 0° passant du cylindre A dans le cylindre B., à travers le tabe 4" tenn à 273°, aurait une température finale de 33°, et une pression de 2,2278 fois la pression initiale, lorsque le piston A serait arrivé an terme de sa course; et quo ce même air tomberait à — 45°,72°, sì on le faisait ensuite passer de B en A, le tabe 4" étant ieun à 0°.

A l'aide de l'appareil précédent, uous pouvons, comme il vient d'être dit, porter continuellement de nouvelles portions d'air de 0° à 335°. Ou abaisser continuellement de nouvelles portions d'air de 335° à -45°.7.

Ainsi donc. same travail extorne, avec une source de chalor à T_0 et une différence disponible $\{T_0-T_1\}$, nons peuvons porter de T_1 à $T>T_1$ un corps primitivement à T_1 . Et, sans travail externe, avec une source de froid à T_1 avec une difference disponible $\{T_0-T_1\}$, nous nouvons refroidir à $T=T_1$, nous nouvons refroidir à $T=T_1$, no crya crimitivement à T_1 .

Celte proposition, évidemment, refute complétement toute comparaison même éloignée d'une chate de calorique avec une chate d'eau. Le fait en vertu doquel une quantilé de chaleur Q prise à la source à T., sa retrouve toute entière à une bauteur T.>T., constitue en simple Acris et non une désense encelonque d'activité.

Mais even la tout ce que cotto proposition dabili et cela sufficie n'à aucant disc paur conditaire ; v_1 que la chaleur puisse alter d'élè-même d'un copes sur un autre pius chaud; et dans surces T_{-} (une tr) sur l'aire T_{-} cel, T_{-} chau u contraire toujours de la saurce a T_{-} (une tr) sur l'aire T_{-} c T_{-} , T_{-} , T_{-} qu'on pouisse, canas travail, crèer une différence de température là oil in êne estisait pas; acr c'est exclusivement avoi la différence estisaite (T_{-} , T_{-} , T_{-}) on ous obtenons la différence plus grande T_{-} T_{-} , T_{-} , T_{-} ; T_{-} in entin qu'à l'aidé d'un produé que longue, on puisse faire passer tout la chaleur qu'un corps représente entre T_{-} et T_{+} sur autre corps d'àbord T_{-} et T_{-} qu'un corps représente entre T_{-} et T_{+} sur autre corps d'àbord T_{-} et T_{-} sur coullères sont

faux et absurdes, et n'ont absolument rien de commun avec ma proposition; le dernier, quoique d'une façon moins évidente, est faux aussi, comme il est alsé de s'en assurer.

En effet, si le tube t', au lieu de constituer une source de chaleur à $T_o = \text{const.}$, est un simple réservoir de chaleur dont la quantité

se perdre dans la nature.

LIVRE CINQUIÈME.

SECONDE BRANCHE DE LA THÉORIE MÉCANIQUE DE LA CHALEUR.

Nonsayons vu, Ala find ud deuxléme Livre, que la théoriemé canique de la chaleur peut se diviser aujourd'hui en deux branches distinctes. L'une s'occupe plus spécialement des phénomènes relatifs de chaleur et de travail mécanique externe aux corps sur lesquels agit is chaleur. L'autre, au contraire, s'occupe plus spécialement des phénomènes thermiques et dynamiques considérés dans les corps mêmes.

La première de ces branches, que nous venous d'étudier en détail, constitue une science des pius avancées et des plus complètes. La exconde est pour ainsi dire dans son enfaces; mais si die est encore pauvre rolativement à son ainte, elle est certainement riche d'avent; elle embrasse un ensemblé de phénomines peut-étire plus étendir que la promière; elle s'adresse non seulement à la physique-meanique, mais encore à la chimie, qui indivisiblement un jour lui dovra des progrès imprévus et des pointe de vue tout neus dans l'incipriation des phénomèmes.

Mon but, dans ce dernier livre, est de montrer non seulement ce que nous possedons déjà de données positives concernant l'état interne, statique ou dynamique des corps, mais surtout de signaler ce qui reste encore à faire pour compléter la science et en effacer les iacunes les plus regrettables.

La subdivision de la tiermo-dynamique en deux branches repose sur l'inspection des équations fondamentales. En désignant par V, els volume de l'unité de poids d'un corps à la température T., par V, colni qui répond à la températuro T, par p la pression à laquelle it est soumis, par λ le travail interne qui s'exécute quand le corps passe de V_a à V_b , on a ;

$$Q = K(T_1 - T_0) + A\Delta + A \int_{-V_0}^{V_1} p dV$$

pour la valeur génerale de la quantité de chilour mécessaire pour portor le corps de T_o à T_o . Comme la chaleur A que représente le travail A reparati mécessairement, si le corps revient à son état initiat, on a pu réunir $K(T_o - T_o)$ et A en un mémo terme U designe sous le nom de chelatur interné, et Γ un a alor.

$$dQ = dU + \Lambda pdV$$

Cest on définitive de cette équation que découlent toutes les prositions et les equations générales o particulières les plus remarquables de la première branche, concernant les rapports qui écistant entre $Q, U, Y, p, polo, etc. Si nous supposens <math>f_p A V$ détermine, ou du moine determineble, et si nous laissons séparés les doux produits $K, f_1 - T_1 \in A X$, nous aurons visiblement un moyen de spéciérer, pour ainsi dire, dans l'intérieur des corps a d'étudier ce qu's y passe pendent que la température change, et après qu'étle a change.

C'est l'étude des deux lermes K et a qui constitue la seconde branche de la thermo-dynamique. Un exameu détaillé de ces termes va me permettre de subdiviser ce canquième Lavrie de la manière la plus méthodique en chantires speciaux.

Le travail est, en effet, le produit d'un effort par un espace parcouru par les points ou s'applique cet effort. Comme premier aperçu général, pous pouvons moser:

RdV ⇒A dV exprimant le changement de volume, c'est-à-dire en réalité le

changement de position de toutes les parties mobites de l'intérieur d'un corps, et Il exprimant l'ensemble de tous les efforts partiels

^{1.} Le non de chalcur disponible convicadrati micux lei, je io penro, pulsque $\Lambda\Lambda$ a'eniste pas viellement commo chalcur.

auxquels ces parties sont soumisos. C'est en partant de là que nous sommes arrivés dès l'abord à l'équation générale (Loi e: 7):

$$(p_i + R_i) = (p_o + R_o) \left(\frac{V_o - \Psi}{V_i - \Psi} \right) \frac{T_i}{T_o}$$

dans laquello p_* , R_* , T_* , T_* , p_t , R_t , T_t sont les pressions externes et les températures absolues qui répondent aux volumes V_* et V_t et dans laquello Ψ désigne le volume atomique.

Mais exte équation généralo résé elle-mêne l'expression de la realité qu'à la comition que R constitue une soume homogène exclusivement fonction de V : dans le cas contraire, tout en restant rigourense, elle exprême la loi de variation d'un corps étéel dans lequel R est alont a somme mospenne de toutes les forces qui, à chaque instant tendent à éloigner ou λ rapprocher les parties du corps réel qu'on étaile.

Les quatre termes caractéristiques Y, K,R et a nous conduisent donc aux subdivisions naturelles de ce livre.

Examinons les non seulement comme mathématiciens, mais encore et surtout comme physiciens et comme chimistes expérimentateurs.

CHAPITRE L

JUSTIFICAȚION BE L'EMPLOI BU TERME Ψ, OU VOLUME ATOMIQUE BES CORPS.

Le terme même de volume atomique, le symbole $\mathbf q$ que j'ai introduit dans nos équations, tranche implicitement à lui seul une question débattice depuis des siècles parmi les métaphysiciens et les pluiosophes, la question de la divisibilité ou de la non-divisibilité tutinde des corps dans leur totalité.

Bans le volume quo je consacre à l'examen des conséquences philosophiques de la théorie hermo-vapamique, Jisique les arguments qu'on a tour-à-tour fait valoir pour ou contre la divisibilité illinitée de la malière: qu'il me suffise, pour le moment, do dire que la secile méthode qui paisse conduire à la soutième de la quote-tion, est précisément celle dont on a le moint fait usage. L'existence au la nouexistence d'un atone indivisétie occupant un espace fini est une question de fait qui ne peut pas même être abordée en est une question de fait qui ne peut pas même étre abordée en debers du domaine des faits, on debror de l'étude expérimentale des plétomènes. Bi c'est pourtant loujours sur le terrain de nos conceptions liéales qu'on a transporté le débat; au lieu de chercher qui est ou ce qu'i est ou ce qu'i rest par , ou a toujours voule imposer à ce qui custo ou n'existe pas dans l'Éspace, les lois malbématiques qui to conviennent qu'il Escasse considére selstractivement.

Lorsqu'on reste dans l'ordro de raisonnement à la fois analytique et expérimental que nous n'avons pas quitté un seul instant dans le cours de cet ouvrage, la question dont nous nous occupons (ci est certainement l'une des plus faciles à résoudre qui puisse se présenter.

Lorsqu'en physique on veut exprimer les variations de volume

d'un corps en fonction de la température, on se sert habituellement d'une équation de la forme :

$$V_1 = V_o \left(\frac{1 + \kappa t_1}{1 + \kappa t_0} \right)$$

dans laquelle V_i et V_i sont les volumes répondant à ℓ_i et à ℓ_i , et à ℓ_i , et a dans laquelle « est ce qu'on a nommé le coefficient à c dilatation de corps. Pour que cette équation plût être correcte et rationnelle, il faudrait que non-seulement ρ ou la pression externe, mais encores ne la somme des alterations inferens, resta-seul constances, pendant que le corps s'échanfie en se refroitit de ℓ_i a ℓ_i ; or, cette constance, possible quant à ρ , est absolument impossible (quant à ρ , qu'es tune fonction du volumes.

Ra d'autres termes, a ne peut dire une constate, et ne peut dere une constate, et ne peut dere employe comme le legi ente des limites peu caractes de lembydra-lures. Toutefois, à un point de vue expérimental, et quand il s'acti-des corps solides, nous savons ; 1º que - ou la variation de volume due à un accrossoment de l'ed température est une fonction de la température est dinainse très leulement avec elle : 2º que même jusqu'à 100º et qu'en les corps les plus distables, « est toujoures une très faible fraction de l'unité. Que nous apprent dès ce moment l'équation :

$$V_1 = V_a \begin{pmatrix} 1 + \alpha f_1 \\ 1 + \alpha f_2 \end{pmatrix}$$

dans laquelle nous considérons « comme une fonction de la tempénalure \hat{r}

Divisons par « ; posons $t_n = 0^o$ et $\frac{1}{\alpha} = \delta$; supposons que la température s'abaisse au-dessous de 0^o , il vient :

$$V_1 = \frac{V_0}{2}(\beta - t_1) = B(\beta - t_1)$$

équation dans laquelle s croft très lentement avec — t_1 .

Il est évident que si la température des corps pouvait baisser indéfiniment, il arriverait nécessairement un degré où l'on aurait :



 $\beta = t$ et par conséquent :

$$V_{\alpha} := R(a \rightarrow a) = 0$$

Lorsqu'on ne soupponnait pas l'existence d'un zéro absolu, on était donc autorisé à croire que tout corps peut en volume diminuer jusqu'à 0, par suite d'un refroidissement suffisant.

Aujourd'hui cette déduction est réfutée de la manière la plus radicale mons sayons qu'il existe un zéro absolu, que ce zéro se trouve à environ 273° centigrades au-dessous du zéro de nos thermontètres. On a donc en réalité :

pour limite inférieure du volume des corps, et pour pen que $\mathfrak s$ solt plus grand que 273° cette limite ue peut être zéro.

Or, nous savons que pour les corps les plus dilatables connus jusqu'ici, la dilatation cubique s'élève à peinc à 0.00015 (celle de la glace entre 0 et --27). On a donc pour ces corps :

$$\hat{p} = 1:0,00015 = 6666^{\circ}; d'où:$$

$$V_{s} = V_{\circ} \Big(\frac{6666 - 273}{6666} \Big) = 0.959 \, V_{\bullet}$$

pour la volume minimum de la glace, en admellant que s noi constant. Or, co nombre n peut que certire à partir des limites 0• et — 27°, ontre lesquelles il a été déterminé; door, an zéro absolu, la glace occupa un mois les 90 centièmes de son volume à 0°. Je moutrerai alieurs, et par un clemin bien different, que e volume s'étéve à énviron 0,975. V. Co que nous disons ici de la glace, s'applique a fortir à tout autre cors mois diffashla. Mais, fort loin de pouvoir, par le froid, se réduire à zéro ou à un infinimen petit, tout corpe pout étre ramené à un volume minimum invartable, crétativement très rapproché de son volume à noire zéro ordinaire.

Les corps sont donc formés de parties distinctes, invariables en volume, susceptibles de se rapprocher jusqu'au contact. Et ces parties no sont nullement des points infiniment petits, des points géométriques, des centres de forces, puisque leur somme constitue un volume fini relativement très grand.

Le termo Y, ou volume atomique, répond donc à un fait positif, et son emplol est tout à fait rationnel.

Nous voyons maintenant très clairement dèjà pourquoi la compressibilité des corps diminue dans des proportions si grandes, quand ils passent à l'état liquide ou solide. Etant en effet toujours S, la totalité des efforts externés et internes exercée sur un corps pour dimineur son volume, on a (Loi e-T):

$$z=S\left(\frac{V_{o}-\Psi}{V_{i}-\Psi}\right)$$

et il est clair que les variations de s par suite de celles de V deviendrout d'autant plus grandes que V se rapproche plus du volume invariable Ψ .

CHAPITRE II.

8 1.

JUSTIFICATION DE L'EMPLOI DU TERME K, OU CAPACITÉ CALORIFIQUE ABSOLUE DES CORPS,

I'al dit qu'en verin du seul principe d'un rapport necessaire de proportionnalité cotre la cause et l'elfet, la capacité catorilique absolue est, pour chaque corps, une constante spéciale, sous quelque chat que ce corps se trouve, qu'il soit gazent, fiquide ou solide, qu'il soit à zére absolu on à mille et mille degrés de chaleur; qu'il soit soumis à une pression externe mille, ou de mille pt mille atmosphères.

Au premier abord, cette assertion peut sembler dirange aux playciclens habilitaés à prendre pour capacité calorifique les valueurs qu'on a jusqu'el données sous ce nom dans nos tables, et habitués à regarder légitimement ces valeurs comme essentiéllement variables. Si noas nous arrôtors à ces nombres tabladires, nous voyons, en entit, la capacité de l'ent, qu'à De sert de type et d'unité générale, gendrà avo la température, pour tombre de 1 à 0.48 lorsque ce corps est en vapeur, et à 0.5 quand il est à l'état solide; nous voyons la capacité du carbone varier de 0,147 à 0.251 selon qu'il est à l'état di distant ou de noi animais (celle du platins s'éteure de 0,0335 à 0,0382, solon que les températures, entre lesquelles elle est prise, sont De et 1000 o.00 et 12000.

Pour dissiper cependant toute la singularité apparente de notre assertion, il me suffira de rappeler ce que sont les nombres tabutaires et ce qu'est la capaciré absolué ou la soule valeur qui puisse recevoir le nom de capacité calorifique.

Nous avons reconnu que la quantité Q de chaleur, nécessaire pour porter un corps quelconque de ta ti, et rendue lorsque, dans les mêmes conditions, ce corps revient de t, à t_n, à pour expression générale :



$$Q = M(K(t_1 - t_0) + Ap(V_1 - V_0) + AA)$$

H étant le poids du corps. V. son volume spécifique à ℓ_n , V_1 le volume spécifique à ℓ_n , p la pression externe, à la travail interne exécuté due à ℓ_n or, la quandité Q est précisément celle qu'en mesere lorse que, par la méthodo des mélanges ou toute autre , on compare les divers corps entre eux ou à l'un d'eux (l'eau à θ ⁿ) pris pour type catorifiques. Et évels la valeur :

$$\frac{\mathbb{Q}}{\mathbb{M}\left(t_{\mathsf{t}}-t_{\mathsf{o}}\right)}=\mathbb{C}_{\mathsf{i}}$$

qu'en inscrit dans les tables.

Il est bien évident que ce nombre n'est de fait pas une capacité
calorifone, puissue le portio (A. (V. V. V.), (A.), depuée en son

caloritique, poisque la partie (Ap; $(Y_1 - Y_1) + A_3$), donnée on rome, a été employée on travail ou est restituée en vertu d'un travail, et qu'elle n'actiés pas dans le corps, et par conséquent ne sert en rien a modifier la température du corps. Il est évidant asses que D_i en pout étre une constante, puisque p varie selon les irconstances natures, el a selon les circonstances internes, solon les propriées actornes, polon partie D_i est evidant en une que exclusive du cepte, selon son était. In set évidant en une que partie D_i est exclusive de caper, selon son était. In set évidant en une que constante de caper, selon sen était. In set évidant en une que constante de caper, selon sen était. In set évidant en une que que constante de caper, selon sen était le set évidant en une que que constante de caper.

$$K = \left(\frac{Q}{M} - Ap\left(V_1 - V_0\right) - AA\right) : (t_1 - t_0)$$

est seul une capacité réello, et peut seul être une constante,

En un mot, et pour ne servir du langage ordinaire, les nembres sabulaires expriment la quantité de chaleur qu'il faut pour élever d'un degré centigrate l'unité de podés d'un corps, y compris celle qui est dans ce phénemène consemmée en travail interne el extenne. La capacité calerifique absolue au contraire est celte même quantité diminené de clie qui est europère en fravail.

Que la première de ces valeurs soil une variable et ne constitue point une capacité réelle, que la seconde au centraire puisse cire constante et constitue une capacité caloriflque dans le sens propre du terme, c'est, je le répéte, ce qui doit paralire clair à chacun.

Mais, dira-t-on, si l'on rejette le raisonnement si simple par lequel j'ai établi la constance de K, de ce que la capacité absolue puisse seule être une constante, s'en suit-il qu'elle en soit une en effet?

lei l'expérience vient répondre péremptoirement. Si & est cens-

tant estimate je la its. quels sont les cops pour lesguels la capacité vulgaire C, doit présenter le plus de s'abilité? Ce sont visiblement coux pour lesguels le travail interne a enécué peullant l'échauffement est, stron nut, du mois très petit et négligeable, et chez lesquels, p étant constant, le volume s'approche le plus de crottre proportionnellement à la température; ce sont les gaz les plus permanents, c'ést-d-tire ceux qui sont les plus raréfilées et les plus cloirens de luer point de l'indépicies.

C'est ce que l'observation conlierne de point ca point. M. Regnaul a moniré que pour l'oxigène, l'azole et l'hybrogène, les valeurs de G. ne varient plus sensiblement avec la pression et la température. Commo il en est de memo de la valeur de « ou du coefficient de distattion, il s'en suit que le produit $\frac{n_0}{42} \left(\frac{10333}{4207}\right)$ est lui-même a-peu-prês constant, et qu'on à par consèquent sensiblement :

$$K := C_1 - \frac{\alpha}{\Delta} \left(\frac{10333}{425} \right)$$

de dis sonsibilement; il est visible en effec que par suile des potites variations que M. Regnault a observés pour l'angiene. D'Apriogène et l'azote quant à la loi de l'ariotte et de Gay-Lussac, on ne peut pas considèrem mème dans ces trois gaz it Counnen absolument un in confidende par suite de . avec K. Peur d'autres gaz, pour l'acide carlonique, par exemple, il résultanit une errour nolable de la suppuition R et es d'ar seite de la confision de Cavec & M. Regnault a trooré que pour ce gaz C, varie très notablement avec la température.

Mais la constance de K démontrée ainsi sous forme directe, va l'être expérimentalement aussi, sous une forme indirecte peut-être plus péremotoire encore.

įН.

DETERMINATION DE LA VALEUR DE K POUR LES DIVERS CORPS, SIMPLES OU COMPOSES.

Nons venons de reconnattre que la valeur de K ne peut jamais être établie directement par l'expérience, nuisque même nour le cas

où le ivavail interne λ peul être négligé, nous sommes obligés encore de calculer la valeur du iravail externe, et de poser :

$$K = C_1 - \frac{\circ p}{T_A}$$

A plus forte raison en est-il ainsi quand le invail Inienne no peut le dre neigligé. Et comme it muss est jusqu'ich impossible de calculer o priori la valeur de a, il de ne suit que dans le plus grand nombre des cas, la valeur de la capacide abseiue nous restrent il monune, al muss ne pouvoines y arriver par une autre méthode. Cette méthode, nous allons la Iruwer en discutant conveniblement l'une des plus belles lois que l'espoit d'induction combiné aver fobservation all domnées a la physique. Je veux parier de la loi de Dulong et Petit (1819).

L'énoncé de cette loi, c'est que le produit du poids atomique d'un corps simple ou composé par sa capaelté calorifique (vulgaire) est à fort peu près constant. C'est ce que montre le petit tableau suivant :

NOM	CAPACITÉS	fQUIVA-	PRODU	T	CAPACITÉ	TRAVALL
des corps simples et composés,	YELGAIRES.	ERNTS CHIMIQUES.	ordinaire.	rnmené à l'onité-	ARSOLUE.	duit en shalent
Fer	0,11579	339,21	38,599		0,01422	0.06957
dine		4113 23	28 250		0.0372	0,05855
Suivre		395 70	37,631		0,11379	0,05725
Cadmium		698.77	39,5	1	0.02153	0.03316
Argent		675,80	38,527		0.02219	0.05182
Arsenic		470,04	38,261		0,03191	0,04949
Plomb	0.03140	1204,50	40,617		0,01158	11,01982
Bismuth	0,03084	1530,37	64,434		0,011247	0,019:03
intimoine	0,63077	806,45	40.943		0.0186	0,05217
dain	0.05023	735,29	41,343		0,0204	0,03583
Sickel	0,10863	569,68	40.458		0.040575	0.068055
Coball	0,10395	368,00	39,467	1	0.040651	6,666309
latine		1153,50	40,012	1	11,01216	0,02027
allañum		603,90	50,408		0,022526	0,030744
)r	0.03244	1213.01	40,323		0,012067	0,020373
inufre	0,20250	201.17	40.735		0,07456	0,12803
elenium		494,58	41,398	1	0,030320	0,055374
Tellure		801,76	44,331		0,0187	0,03285
nilė		789,73	42,74		0,01890	0,03513
dercure	0.05332	1203,82	42,177		0,01185	0,112147

NOM	CAPACITÉS	#QUIVA-	PRODUIT		GAPACITÉ	REATIF	
des corps simptes es composés.	VULGAINES.	спэжіодих,	ordinaire.	l'amené à l'onité.	ABSOLUB	duit en chaleur	
Nulfare de plomb Sulfure de bismuth Nulfure de cuivre Chlorure d'argent Chlorude d'étau Chlorude d'étau Chlorude d'arsente Nirate de polasse.	0.1796 11,07983 0,03086 0,06002 9,12118 0,09119 11,14759 0,17601	469,6 1003,6 1483,2 1493,6 3281,2 992,0 1791,2 1620,5 2267,8 1266,9 1552,4	76,255 : 2 = 480,247 : 5 = 148,404 : 4 = 76,006 : 2 = 140,214 : 5 = 160,214 : 5 = 259,17 : 5 = 259,17 : 5 = 259,27 : 8 = 502,472 : 10 = 524,43 : 10 =	36,03 29,6 38,033 59,183 411,07 40,86 47,854 49,9 50,247	0,06588 0.07473 0.05719 0,02006 0,02297 0,0454 0,03514 0,04628 0,0529 0,1184 0,0379	0 09846 0.10487 0.02264 0 03080 0.03705 0.07578 0.05765 0,10131 0.12314 0.12035	

Je dis 4 peu pris: 1º, pour vingt corps simples étudiés depuis l'époque de Bulong per M. Regaudi, 15 moyenne des produits des équivalents chimiques par la capacité vulgaire est 40,36; mais coute moyenne étaite de la summe de nombres qui different tris notablement entre eux : pour le cuivre ce produit est 37,85, pour le bismuils, 11 s'elive à 41,03; 2º, quand ou passe aux corps composés, ou vict tout 42 bord que le praduit dépend de la formule climique de composition; mais on voit avui que les exerts deviennent encre plus grands. Quelques physiciens out voulu condure de lia que la lot de Bulong viest qu'une espèce de les d'approximation, une loi théorèque qui ne retaltse qu'un eup près.

Ce jugement est exact, si l'on prend l'enoncé tel qu'il a été donné, et tel qu'il a reul pu être donné par Dulong; il est faux, si l'on modifie cet énoncé, comme nous pouvons le faire aujourd'hui, et tel que l'edit certainement donné Dulong, s'il avait pu savoir en 1819 ce que c'est que la capacité récille d'un corps.

Nous sommes en effet maintenant à même de nous rendre compte des prétendus écarts de la loi de Dulong, et si quolque chose peut nous étonner, c'est que ces écarts no soient pas plus grands. Sous forme algébrique. le produit de l'équivaient chimique E, d'un corps par la capacité vulgaire G, a pour expression :

$C_1 E = (K + A_A + A_B (V_1 - V_2)) E$

Las deux termes $\lambda p\left(Y_{i}-Y_{i}\right)$ of λx sont des variables. Pour les vollèes e le liquides, p_{i} coanne nous verrons, est torijours une très petité raticion de fipression internet et nous pouvons sans aucune erreur appréciable négliger $\lambda p\left(Y_{i}-Y_{i}\right)$; il "en est pas de même $\delta \lambda x$ qui a une valeur très considerable et dont par suite les variations affectent la somme $(K+\lambda x)$ és est constant; et par conséquent $(K+\lambda x)$. E devient une variable aussi. Nous devons donc outries:

KE = const.

et nou pas du tout :

$C_1 B = const.$

En d'autres termes, nous disons que c'est le produit de la capacité aisonue d'un corps par son équivalent chimique qui est, et qui peut seul être une constante.

Le sant brusque qu'éprouve la valent du produit C. E. Jorappion passe d'un grono de combinations chimiques à un autre, a aussi emlaurras-le beaucoup de physiciens, et les a portés à dire que la lui de Bilaing an peut être universelle. Le cependant encore rien n'est puis facile que de rammen l'ovier et le jour dans un ensemble de noubles où l'on ne voit aucun rapport nécessaire d'un groupe à un autre.

Le corollaire immediat de la loi de Boloog quant aux corps simples, c'est que la quantité de chalera qu'il faut pour échauffer d'un depré l'unité de poids d'un corps est proportionnelle exclusivement au nombre des atomes qui formeut ce poids, et n'a nieune relation avec les propriétés mêmes des corps. En ce sens, l'éconcé de la loi de Bulong (eu y substituant X à C.) est une des plus belies confirmations de l'existence d'un atome chimbique indivisible et fini en grandeur.

Il résulte immédiatement de ce corollaire que pour comparer les produits C. E des divers corps composés, avec celui des corps simples, il faut un préalable commencer par ramener à l'unité le nombre des atomes de la combination. Nous voyons, per exemple, que pour les composés dont la formule chienque est l. H. + 28 l. = [sulfure de cuivro) le produit C, E est 190,211; mais l'équivalent ou poids atomèque renderme ici trois atomes; Il faut donc diviser par 3 le produit pour le rannene a Tautici de le rendre comparable à celui des corps simples. Cette division nous donne 40,07, nombre en effet test rappreché de la moyenne.

En d'autres termes plus précis, si nous désignons par E_i le paida atomique lotal d'un corps, et par N la nombre d'alonnes qui la composat, le produit C_i , $\binom{N_i}{N_i}$ pourra seul être comparable avec le produit C_i , E_i des tables des corps simples. Cest aussi ce que contirme la table pécédente. Et lei encore si neus nous rappelors loujours la différence qui existe entre C_i et X_i nous aurons lieu d'être étomés même que le produit C_i , $\binom{E_i}{N_i}$ puisse converger vers une valeur apon-près identique.

In somme, il découle de co qui précède qué û, nous devras partent substiture f. El il découle de l'expression G. E. N. qui dévient ainsis $\left\{\frac{K}{N}\right\}$, que si nous commansions la capacido àbsolue d'un corps simple quelconque, nous serious à même, nou seulement de déterminer ecle du tous les corps passibles, simples ou comprosé, mais annove de déterminer à valuer eauche ûlt travis interne qui s'accompilit dans un corps que mos échauffois ou que nous refluidassons.

Soit en effel K_n colle capacité connue et soit R_n le poids atomique du corps. Soient K_n la capacité absolue d'un corps compos, $\{R_n, R_n, ...\}$ les poids atomiques des édiments composants $\{n_1, n_2, n_3, ...\}$ le nombre d'atomes de chacun des composants dans la combinaison,

on a:
$$\begin{array}{ll} K_1\,E_0 = h_1\,\left(\frac{n_1\,R_1 + n_2\,R_2 + n_3\,R_3}{n_1 + n_2 + n_3},\ldots\right) \\ \text{el par consequent:} \\ K_1 = K_n\,R_0\,\left(\frac{n_1 + n_2\,R_2 + n_3}{n_1 + n_2\,R_2 + n_2\,R_2},\ldots\right) \end{array} \right. \tag{K_1}$$

Soient toujours C_l la capacité vulgaire à pression constante, « l'augmentation de volume de l'anité de poids du corps pour 1° d'étévation de température; on a :

$$\Lambda\Lambda = C_1 - K - \Lambda p_0 =$$

el comme po est connu. An l'est aussi.

Nous allons voir l'équation K, justifiée de la manière la plus frappaote par les données de l'observation.

Commençons par déterminer notre produit ($K_{\rm o}\ E_{\rm o}$) réellement constant et commun à tous les corps.

D'après les expériences de M. Regnault, on a pour :

L'azote $C_1 = 0.2438$ $x = 1^{\circ}.2562$ x = 0.00367L'hydrogène $C_1 = 3.409$ $x = 0^{\circ}.08958$ x = 0.0036613

Il résulte de là :

d'erreur appréciable :

Pour ces gaz, nons avons :

Oxigène E = 100 n = 1Hydrogène E = 12,5 n = 2

Azote E=175 n=2

Posant provisoirement $A_A = o$, if vient : 0xigène KE = 15.51

> Azole KE; 2 == 15,069 llydrogène KE; 2 == 15,096

Si nous remarquons maintenant que dans aucun de ces trois gaz a n'est absolument nul, et que les deux dernières valeurs se confondent presque, nous pourrons provisoirement admettre sans risque

pour notre produit universel, et il vient ainsi :

/Goog

$$K_{a} = 15 \left(\frac{n_{1} + n_{2} + n_{3} + \dots}{n_{1} E_{1} + n_{2} E_{2} + n_{3} E_{3} + \dots} \right)$$

Faisons l'application de cette équation à quelques cas particuliers. Prenuns pour exemple l'oxide de carbone.

Nous avons pour ce gaz : $E_1=75$, $E_4=190,\ n_1=1$, $n_2=1$. Notre équation devient par la :

$$K = 15 \left(\frac{1+1}{75+100} \right) = 0.17143$$

Comme ce gaz est três éloigné de son point de saturation (très surchauffé). Le travail interne, positif ou négatif, doit y êter três daible, c'est ce dont nous allons nous assurere en effet. Nous avons d'après M. Regnault: $C_L = 0.245$, x = 11.2376 et a = 0.003690.

li résulte de là :

$$C_1 - \frac{^n P}{\Sigma_{\Delta}} = (0.245 - 0.072078) = 0.172922$$

On a donc :

Passons à l'acide carbonique. Nome équation générale est ici :

$$K_1 = 15 \left(\frac{1+2}{75+2.100} \right) = 0.16364$$

Tello est la capacité absolue de ce corps (gazeux, liquide, ou soidé). Comme le gaz est assez près de son point de liquéfaction, la pression interne doit y être très notable, et nous devons nous attendre à voir An prendre une valour assez élevée. On a :

$$C_1 = 0.2169$$
, $s = 1^4.9774$, $s = 0.00371$; $d^4o\dot{a}$:

$$C_1 = \frac{*p}{\sqrt{2}} = (0.2169 - 0.04562) = 0.17128$$

La chaleur consommée en travail interne est :

valeur en effet près do cinq fois plus grande que pour l'oxide de carbono.

Pronons enfin un exemple bien plus compliqué, celui de la vapeur d'éther acétique (acétate d'éthyle). La formule chimique de ce corps est d'après Gerhardt: $C^* + 11^{10} + {}^*0^4 = (8.75 + 16.6.25 + 4.100) = 1100$ On a done:

$$K_1 = 15\left(\frac{8+16+4}{1100}\right) = 0.38182$$

Figures 31. Regnault, on a: $C_s = 0.4008$. Ini, matheureusement, nous ne connaissons plus directement ni = ni ν : nous ne nouvos done déterminer rigoureusement A_F ($V_t = V_s$). Admettons cependant pour ν la valeur 3^s , 0.4 donnée par le caleul et pour ν la valeur anoroximative 0.0037. Il en resulte :

$$C_1 \leftarrow \frac{x \cdot p}{\Delta \Sigma} = 0.3712$$

et par suite :

$$A_A = 0.3712 - 0.38182 = -0.01062$$

d'où il suit que dans cet éther il se produit de la chaleur par le travail interne, pendant l'échauffement.

C'est à l'aide de cette méthode que j'ai construit le petit tableau provisoire suivant :

CORPS	100	2 1	CAPACITÉ CALORIFIQUE		CHALLUR COMSONNÉE EN TRAVAIL			
simples et composés.	Equivalents	Nombre d'atomes.	à pression const.	mbeolus.	externe AP(VI~-Vo)	MACTES A A	total.	
lydrogène Drigène Drigène Leole Dride de carbone Leide exthonane Drife ditreux Drifque Leide sulfureux Drifque Leide sulfureux Drifque Sulfydrique Drifque Sulfydrique Drifter accirque	12,5 100 475 175 278 278 275 575 401,46 445,45 213,60 442,8	4	0.245 0,2169 0,2262 0,2347 0,1544 0,1852 0,2432 0,47966	2,4448 0,45 0,47143 0,47143 0,16364 0,40364 0,40 0,41217 0,15182 0,21061 0,4 0,3848	0,0642 0,06241 0,0717 0,072078 0,045615 0,0460041 0,068773 0,032838 0,035257 0,058406	0 0,0051 0,00007 0,001492 0,007645 0,016548 0,093927 0,000592 0,001873 0,02582	0,9642 0,0675 0,0725 0,0725 0,0525 0,0717 0,0422 0,0555 0,0525 0,0726 0,0796	

l'ai dit provisoire. Pour que les nombres de la colonne $\Lambda p(V_1-V_2)$ solent corrects, et par conséquent pour que ceux de la colonne Λa méritent confiance, il faudrant que l'abaissement V_1-V_2 ou le lemme. $\frac{h_{1}V(v_{1}-v_{1})}{v(t_{1}-v_{1})}$ ed été déterminé aux mêmes pressions et entre les mêmes limites de température où a été déterminé la valeer de C. Or c'est equi n'est pas le cas pour le moment. Il n'y a done aumen mêment lieu de s'éolonner si plus tand quelques unes des valeurs de Ax sont trouvées fausses on eragérées (c'est probablement le cas de l'ordée nitreux, et de l'highregiens sulfure), On voit, en somme, que posé évauliers, et los prometilless fendamentales :

K = const.
KE: N = const.
K₁ = 15
$$\left(\frac{N}{E}\right)$$

 $\pm AA = \left(C_1 - K - \frac{\sigma p}{AX}\right)$

sont parfaitement vérifiées par les données de l'observation et qu'ainsi que je l'ai dit, leur emploi introduit l'ordre et la clarté dans des questions où certes on raperçoit que confusion et obseurité, si l'on ne tegarde que les nombres expérimentaux tout bruts, concernant les valeurs de Cj.

Nous voyons aussi clairement, quant aux corps solides et liquides, dans quelles limites étendues G. differe de K. et par conséquent pourquoi l'admirable loi de Dulong n'a pu elle-même apparaître que comme une approximation.

La capacité de l'eur (solida, liquido ou gazunes) est θ .4 i la capacité vulgaire de ce corps à θ r et à l'état liquido est 1. En d'autres termes beaucour plus correcte : si l'on aquello i la quantité totale de chaleur qu'il faut pour porter de θ ° à 1° la température de 1° d'aux, la particé octe chaleur qu'il noublé réfolment is température n'est que les $\frac{1}{\theta}$ de la totalité 1. La capacité vulgaire du cuivre est, d'après les essais si rigoureux de M. Regnault : $C_{i} = 0.00615$; or sa capacité aboliur est :

$$K = 15 \left(\frac{1}{395,7}\right) = 0.03791$$

Pendant que nous portons de 6º à 1º un kilogramme de cuivre, il s'y consomme donc :

0.09313 — 0,03774, — 0; 4:.05724;

en travail interno et en, travail externo (qui est i el presque mult, ot la quantito ("", 1070 est soule employe à chanifor releiempatile, corps. In roylegath bends, sur co, sujet : discottos d'aborda les, apoqualles, réalles de la loi, de bulong, généralisée et en même temps rendue correcte. Unla que jo vieus de la présenten, Gatte Altempion, nous courrier un borton tout cour."

g, III-

consequences des anomalies apparentes de la loi de dulong ou des cas od l'équation $\mathbf{K} = (\mathbf{K}, \mathbf{E}_s) \left(\frac{N}{\mathbf{E}} \right)$ donne des nombres paux.

L'équation ci-dessus conduit-elle toujours à la vraie capacité des corps simples ou composés?

Oue faut-it conclure des cas où la réponse est affirmative?

Comment reconnaître les cas où la réponse doit être négative?:. Oue faut-il conclure, de ces cas ?

Je commencerai par répondre à la deuxième question, ou, pourparier, plus juste, je ferai remarquer que nous y avons réponda a priori dans tout ce qui précèdo.

De ca que notre ciquation nous conduit à traiteur réello de la capacile àbsolue d'un corps composé, il n'y a qu'une chose à concluire, c'est que les élèments componants se comportent après la combination chimique, comme élits étaient simplement melés, et que l'union de atomes par l'alfaite chimique montifée en rien-l'action du catorique sur cus, et ne modifie que le travail interne qui s'exècute quand nous échauffons ou quand nous refroidissons les corps.

Ainsi l'équation :

$$K_1 = 15 \left(\frac{3}{277,04} \right) = 0.16546$$

qui nous donne la capacité absolue do l'oxide nitreux est construite

Google

poer és d'orșa cómpeo, absolument comme elle căt dă Teiris pour midiple melange de 7 volume d'oxigence et do 2 d'azocé (ou de 100 d'azoce) et pour de 100 d'azoce et 175 d'azolo, ca poids). La difference ne porte que sur la valeur de Λ ou $\left(C_{4}-K-\frac{T_{2}}{A_{2}}\right)$ et exotre au cas particulter est-elle très petite. Ba de qui concorne la première question ; rouis voyons que la rispose de stiffmante pour tous l'as douize origis

simples et composés du tableau ci-dessus.

Pour tous ces cas, il est vani, la valeur de h_i s'élégine plus emoirs de celle que nous trouvons en adoptant comme vraic capacite celle qu'on touverait avec la formulo $(\xi_i - \frac{g_i}{r_i})$, où l'on tient pour nuille la pression interne; mais nous savons que même pour les gaz les plus trarélés, cette supposition est inxuscle, et la valeur que nous avons obtenne pour a h_i n'est pour acous de noi douse ceit asses noable pour nous faire croire que le mode de calentioit flux. Pajoute d'ailleurs que les cas où la valeur de h_i est tiés élevie (hydrogène sulfuré, par exemple) sout précisement ceux où je n'ai que me servir que d'un coefficient de dilatation arbitraire et probablement instact.

Il existe néanmoins des cas où la valeur donnée par notre équation est évidemment inacceptable. Je prends de suite l'exemple le plus frappant.

L'ydrogène proto-carboné (hydrure do méthyle) a pour formule chimiquo \mathcal{O} $\mathbb{N}^s = 200$; notre équation devient done :

$$K_1 = 15 \left(\frac{2+8}{2.75+8.6,5} \right) = 0.75$$

La capacidó à pression constante donnée par M. Regnanti est, es 0,599, la domité de gas a cl. 9,146%; so exclient de distalciation (incertain, il est virai) ne peut différer de besuccue de 0,0038 on arrive par thà $C_0 = \frac{-27}{3} = -0,4038$. Le travail interne qui exécutur pendont que l'unité de podés de gas s'échauffe de Φ^a à settait donc : $\Delta x = 0,4039 = 0,75 = -0,2056$ valver alisoitument

Inadmissible. Mais, dira-t-on, comment reconnaître, à coup sûr, le cas où notre équalion donne (en apparence) des valeurs fausses pour K, et commeut alors déterminer la valeur réelle?

La rénonse va êtro très simple.

De même qu'étant connu lo nombre réel d'atomes existant comme unités distinctes dans une combinaison, et le poids chimique total de celle-ci, nous pouvons trouver la capacité absolve, de même aussi, pour que l'équation :

$$K_1 = 15 \left(\frac{N}{E}\right)$$

dome la valent correcte de N. il fiut bien évidemment que les deux sommes E C N soient juisées aussi. Ban 'était de perféction de se trouve apport d'un des chimique. La première peut être control de composit, il rou es pas de tout dans de la scomme. Ce il somme lotaite des atomes qui forment les combinations. D, souf un examen plus approfondi, nous ponvoes très hien adhectire provisoirement et aux d'etification, que l'excerne d'onne notré equalisal pour K provient préciséement d'une errour commise dans le nombre que nous adoptes pour $N = n_1 + n_2 + n_3 + \cdots$

Si Kı étalt connu, nous aurions :

$$N = K_1 \frac{B}{15}$$

En d'autres formes, étant connue la vraie capacité d'un corps, nous pourrions déterminer le nombre effectif d'alomes qui forment l'équivalent chimique.

Ka réalité, nous no pouvons connattre K_1 mais nous pouvons provisoitement subslituer pour les vapeurs et les gaz, les valeurs inexueles, mais approximatives $\left(c_1 - \frac{a_1}{a_1}\right)$ à la valeur absolue K_1 et nous servir par conséquent de l'équation se polement approximalite :

$$N = \left(C_1 - \frac{\sigma p}{\Delta \Sigma}\right) \frac{E}{15}$$

pour constater si le nombre d'atomes admis par les chimistes est juste ou non (au point de vue calorifique).



l'éclaireis ce qui précède par un exemple.

Pour le gaz chlorhydrique, uous avons : Ct = 0,1852, ≥=1,6126

= = 0,0037 (à peu près). Il résulte de là $C_1 = \frac{\circ p}{\Delta 3} = 0,1294$. La va-

lour del'équivalent chimiqué est à bien peu prés 455, 15. Il vient done : N = 0.1294. $\frac{455, 15}{45} = 3.02$

Lo nombres d'atomés est tractionnaire, plusque nous avons supposé implicitement A_A oul; mais ce nombre diffère si peu de 4 que nous sommes surs que le nombre admis en chimie est le vrai, le pronds un cas opposé au précédent: celui de la vaneur de

As prends un cas oppose au précèdent; celui de la vapeur de suffirire de carbone. Nous avons $C_t = 0.15096$; d'après mes expériences, on a δ fort peu près = 0.0015 et t = 3.63172 pour les limites où M. Regnault a déterminé C_t . Il vient donc $\left(C_t = \frac{\pi p}{a^2}\right)$ = 0.127. Et par suite:

$$N = 127 \left(\frac{478.77}{15} \right) = 4.05$$

C'est donc le nombre entier 4 qui doit être pris pour le vrai nombre d'atomes de l'équivalent.

Posant donc N=4 et E=478,77, rétablissant notre équation primitive, il vient :

$$K_1 = 15 \left(\frac{4}{478,77}\right) = 0,12532$$

pour la vrale capacité du sulfide carbonlque.

C'est à l'aide de ces considérations très simples, que j'ai calculé le tableau suivant :

Sandawall Conservation		-
Blor self-rijn. La self-rijn-rijn- La self-rijn- La self-rijn-rijn- La self-rijn-rijn-rijn-rijn-rijn-rijn-rijn-rijn	CORPS sumples et composis.	
469, 5 4192, 43 4192, 43 4192, 43 4192, 43 4190, 43 4190, 43 4190, 61 4190, 61 41 4190, 61 4190, 61 41	SEKSTVAINČĘ	
20 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	N. admis	SERVON.
**************************************	eGretifit N.	REMOIT O RESKON
0,4797 0,4758 0,4808 0,4808 0,4808 0,43018 0,4301 0,4125 0,4125 0,122 0,122 0,122 0,122 0,122 0,123 0,	pression const.	CAPAC
0,4868 0,298 0,3952 0,3952 0,3952 0,4739 0,4739 0,4738 0,4658 0,4	opported to	CAPACITÉ CALORIFIQUE
0, 524 0, 524 0, 527 0, 527 0, 527 0, 527 0, 617 0,	nto réelte K.	angua
0.054353 0.05378 0.05378 0.05378 0.05318 0.05605 0.06605 0.05633 0.05784 0.05633 0.05633 0.05633 0.05633 0.05633 0.05633 0.05633 0.05633 0.05633 0.05633 0.05633 0.05633	exteran Ap (Y1-V4)	CDALLED
10,000 d d d d d d d d d d d d d d d d d	iaterna A A	CHAPTER CONTONNES EN LIVERNIC
0,0014 0,0014 0,0009 0,000 0	174.04	JIPATE.

Pour les composés de 1 à 9, le nombre des afornés éffectits no diffère nas notablement de ceux qu'en avait admis en chimie. Si l'on remarque : 1º, que nour aueun des coros de se tableau, le n'al hir connattre experimentalement set a dans les limites où M. Regnault à déterminé C. : 2º, que beaucour de ces emposés sont très difficiles à obtenir purs, et que par suite la valeur de C, ne répond pas toulours au corns exprime par la formule chimique : 2º, enfin, que le nombre C, lui-même est, pour le cas des vapeurs, d'une difficulté extrême à obtenir juste par l'expérience; nous conclurons que les différences entre la colonne N. et la colonne N. serajent lrès probablement pulles, si toutes ces chances d'erreur g'existaient pas, si Ca. « et & élaient rigoureusement connus. Néanmoins, nour l'uniformité du calcut, c'est des valeurs $N = C_o\left(\frac{B}{15}\right)$ que je me suis servi pour calculer les valeurs de N. qui ine doivent être considérées que comme provisoires.

Bien que les réflexions ci-dessus s'appliquent aux corps de 10 à 20 du tableau aussi bien on'aux premiers; bien que les valeurs que j'ai admises pour «, « et même C; ne soient peut-être pas celles qui conviennent récliement, la différence est trop grande entre les nombres N. et N. pour qu'il soit possible de la regarder comme dérivant d'erreurs expérimentales ou de nombres inexacts admis dans les calculs. L'introduction du nombre N. dans l'équation $\overline{h}_i = 15 \left(\frac{N}{B} \right)$ donne d'ailleurs pour : $h_A = \left(C_i - K_i + \frac{\mathcal{H}}{\Delta \Sigma} \right)$

des valeurs si peu élevées, qu'il n'est plus possible de douter que N. ne réponde à la réalité des chosés, et qu'an contraire le nombre N. admis par les chimistes ne soit das convenable.

Cette conclusion, au premier abord, n'a rien de blen particulier ni de frappant. Les chimistes éux-mêmes hésitent fort souvent." quand il s'agit de fixer le nombre d'atomes que représente tel ou tel corps simple ou composé. En y regardant de plus près, pous arrivons au contraire à une conséquence beaucoup plus importante.

Le chimiste peut Inésire à dire si l'équivalent 42,05 du chiore proprésente f. 2 ou 3 alomes : et en ces ens il ne sera pout-étre pas étonné de lui en voir adjuger trois dans la colonne R. Mais il y a un fait qui semblé évident, c'est qu'une fois que le nombre d'atomes qui représente l'équivalent est face, en nombre dui tensiér invariable dans toutes les circonstances. Or, c'est précisément là ce qui reçoit ici un démenti formed.

Alesi, Landis que pour le chlore libre. l'équivalent réprésente 3 atomes, pour le chlore combiné avec l'hydrogène. Il n'en représente plus que 2. Tandis que l'équivalent du soutre et celui du carbone représentent un atome dans la plupart de Leurs combinasons. l'un ou l'autre ou représente un de plus dans le carbone de soufre. Tandis que l'équivalent du chlore libre représente 3 atomes, il en représente 4 dans les chlorures siliciques, phosphoreux, arsénéext, tilaniques, standiques.

Il résulte des anomalies apparentes de la loi de Dulong :

te. Que les atomes peuvent so combiner de deux manières très distinctes i dans l'un de ces modos, la mofecute composée so comporte, au point de vue calorifique, comme un simple mélange; dans l'autre mode, elle constitue une unité indiviso.

2º. Que les atomes de ce que nous appetons corps simples pouvent, de la même manière, se combiner entre eux-mêmes en molécules qui simulent des unités.

3º. Que cas molécules proyents es former ou se esparer lorsque lo corps entro en combinations avec un units. Oct conclusions concurdent en los points avec cellus que, par une toute autre voic, phasicurs chamistes out dei amenés à tirer de l'étude d'un certain embre de compaste dont les propriétés deviennent incepticables sans cetto interprétation. La théorie mécanique de la chalcer fournit un chimistes une méthode de calcul positive pour reconsattre lo nombre rétait d'atomes effectifs qui constituest un équivalent chimique.

Il me semble que rien mieux que ce qui précède ne fait ressortir

la remarquable puissance d'exploration que celle nouvelle decirine a mise à notre service quant à l'élude de la constitution interne des corps.

An point de vue où nous venons de cous placer, il sernit extrêment important d'étudier un certain nombre des combinations de carbone et d'hydrogène, par exemple, ausquelles des analyses élémentaires faites avec le plus grand soin, donnent rigouvensement la meine composition en poids, landis que pourtant clies ou des propriétés ires glistiactes. Telles semient toute la rérie des carbones d'dylargegène C III (gaz oldifant, C° III (paramylène), C° III (eltun), C° III (citate), C' III (citate), C' III (cotten), Comme la composition en poids ou ce aquivalent chimiquo est la même dans tous ces corps, an auturil pour tous :

$$K = 15 \left(\frac{C^* + 11^{5n}}{n_0 + n_1} \right) = 15 \left(\frac{C + 11}{3} \right)$$

al les équivalents Get II "représentaient tonjours le même nombre d'atomes. On ait par les heltes expériences de IM. Pavre et Silbermann sur la cladeur donnée par les combinations chimiques, quo chacim des corps précédents dégage pendant sa combination dans l'ouigne des quantités spéciales de claieur. Ainsi, tandis quo (Ci III) donne 11857°°. (2° III" per donne que 1092°°. Ces différences indiquent qu'il s'est dégage pius de chaleur pendant la combination de C° avec II" qui que pendant la de de l'avec III", puisqu'il ya un déletit de chaleur pendant la combission de C° III es ces différences, en un mot, indiquent un mode de combination plus intime entre les été-ments dans l'un de ces corps que dans l'autre. Il serait donc très important de voir si, dans les uns et dans les autres, chaque équi-valent représente parfout le mêmo nombre d'atomes on si plusieurs d'entre ceux-ci ne s'unissent pas intimement de manière à s'implet des suitles par rapport à l'action de colorique sur le corps.

Des recherches semblables scraient encore des plus intéressantes quant à l'acide formique, tout récemment si bien étudié à un autre point do vue par M. Berthelot.

CHAPITRE III.

EXAMEN DU TERME AA BEPRESENTANT LA CHALEUR DUE AU TRAVAIL INTERNE

Les données des paragraphes précédents nous permettent non seulement de déterminer la valeur de AA dans tel ou tel cas, mais encure de l'analyser en éétail.

Nots avous frouté que la capacité absolue du cuivre est 0.0379, tandis que sa capacité volgaire est 0,05515. Il résulte de là que, quand aous portons de 0° à 1° un hiogramme de cuivre, et que nous la flournissons 0°-.05515 pour cet échantifiement (0,05515--0,0379) = 0°-0,55725 est employé au travail interne, dont la valeur en dynames est, par soile :

0,05725.425 == 240,33

Nous avons tronvé que la capacité de l'eau est 0,4: pendant que 1^{b2} d'eau s'échausse de 0° à 1°, il se produit donc aussi un travail interne de:

Ces exemples sufficent poor faire voir combien aisément on arrive aux nombres qui concernent le travail interoe dans les cas ordinaires, et c'est à l'aide de cetto méthode de calcul que j'ai établi les nombres de la colonno 7 du tableau, pages 314 et 315. Mais nous allons pénétrer hien plus avant dans la connaissance des phénomèes luternes des corps.

Bans but co qui preccèle, et en discotant la loi de bulong et Petil, y'air présenté le travail interne et la chaiser qu'il coîtie ou produit comme des courses perturbatrieze qui tendent à nous faire croire que cette loi est fausse. En examinant les choese de plus près, nous reconnatissons que le travail interne est his-méme une fonction du pridis atomique des corps. Pour lo démontrer, prenous comme presentation de la compa. exemple deux corps bien différents : le plomb et le soufre. Leur capacité absolue et leur capacité vulgaire sont :

Plomb K=15:1294,5=0,011587 C4=0,0314

Source K=15:201,16=0.074567 $C_1=0.20259$ Pendant que 1º de ces corps s'échausse de 0° à 1°, it s'y consomme donc :

> Plomb $(C_1 - K) = 0^{-1},019813$. Soufre $(C_1 - K) = 0^{-1},128023$

de chalcur en travail interne. Si nous multiplions cos quantités à leur lour par le poids atomique, nous trouvens pour:

lo plomb 1294,5.0,019813 == 25***,048

le soufre 201,16.0,128023 == 25,753

Ges produits sont très peu différents. Co fait remarquable nous explique parlaitement comment il se peut que 16 produit complexe $\mathbb{E}(\underline{x}_i \to \mathbb{E}(K_i + \Delta x) \text{ comme le perdeit simple <math>\mathbb{E} \mathbb{E} \text{ converge vves vue valeur unique qui ne différe do <math>\mathbb{E} \mathbb{E} \text{ que par sa grandeur absolue.}$ Sans cette circonstance, Dalong n'ent peut-être pas trouvé sa belle loi

Jo ne pense pas cependant que pour le moment on soit en droit de couclure de ce fait à une loi générale qui, ici, serait de la forme :

$$A \int (R+p) dv = \frac{\text{const.}}{R}$$

 ϕ en vera de laquelle, on d'autres ternes, le produit de l'accroissement de velimon d'un crespa sa la resistance moyenne qui lui est opposée, serait une consiante. Nos veyons, par exemple, que la travail tolai renda par l'ecu qu'an prend à θ et qu'on évapore à λ , sous une pression p_{γ} va en distinuant feetement. à meser que la température s'étère. A θ °, on a : $(Apu + A\lambda) = 606.5$; à 240, on a : $(Apu + A\lambda) = 606.5$; à 240, on a : $(Apu + A\lambda) = 606.5$; à 240, on a : $(Apu + A\lambda) = 606.5$; a $(Apu + A\lambda) =$

Pour que $\Delta f(\mathbf{R}+p)\,dv$ reste constant, il faudrait qu'en eux:

Q == 606,5 +0,305 t − Kt == const.
 d'où K == 0.305, co qui est impossible.

S'il existe une loi généralo qui ait ce caractère, elle est en tous

cas fortement troublée par l'intervention de forces moléculaires accessoires à R, et spécifiquement distinctes.

Occupons-nous du travail interne dans les gaz et les vapeurs.

Pour évaporer sons les pressions p_0 , p_1 , p_2 , un kilogramme d'un liquide pris à zéro el porté à t_0 , t_1 , t_2 , il faut la quantité de chaleur totale :

$$q_0 = Kt_0 + \Lambda p_0 (c_0 - W) + \Lambda \Lambda_0$$

 $q_1 = Kt_1 + \Lambda p_1 (c_1 - W) + \Lambda \Lambda_1$
 $q_2 = Kt_0 + \Lambda p_2 (c_1 - W) + \Lambda \Lambda_2$

ou très approximativement:

$$q_0 = K t_0 + \Lambda p_0 u_0 + \Lambda \Lambda u_0$$

 $q_1 = K t_1 + \Lambda p_1 u_1 + \Lambda \lambda_1$
 $q_2 = K t_2 + \Lambda p_1 u_2 + \Lambda \lambda_2$

puisque W ou le volume du liquido à 0° diffère très peu des volumes w_0 , w_1 , w_2 à t_0 , t_1 , t_2 . Retranctions la première équation de la troisième; on a :

fi $(t_0-t_1)-(q_0-q_1)+\Lambda(p_0u_0-p_2u_2)=\Lambda(\Lambda_2-\Lambda_0)$ C'est l'excès de chaleur que coûte le travail interne lorsque nous évaporons un liquide à t_2 et à p_2 au lieu de l'évaporer Λt_0 et à p_0 C'est nar conséquent la chaleur que coûte le travait interne de

Cest par conséquent la Cabieur que coûte le Iravall interne de l'antiè de poids de vapeur saurcie qui se détend de p_n à p_n en readant du travall externe et en recevant saus cesse assect de chaleur externe pour rester sautree. Cest aussi celle que codierni le travail interne, losque la môme vapeur sautre passe sublement, et saus donner de totavail externe, de la pression p_n à une pression $p_n < p_n$, elle culvo ait:

$$u_2 = u_p \frac{p_0}{m}$$

si le travail interne était indépendant de la température de la vapour, si, dans une masse de vapour qu'on échauffe de α à α , san changement de volume, it ne s'opérait auem travail interne, si, ce un mot, la capacité à volume constant était reellement constaute.

Dans ce cas, nous aurions évidemment C. = K. d'où :

$K(t_0 - t) = \Lambda(t_2 - \Lambda_0)$

e étant la surchauffe spontanée de la vapeur qui tombe de p_e à p_t et passe de u_e à u_a . Il en résulterait :

$$(t_a-t) = \frac{K(t_a-t_2)-(q_a-q_1)+\Lambda(p_au_a-p_2u_2)}{K}$$

Mes expériences sur la vapeur d'eau nous permettent de soumettre cette équation à une épreuve des plus codeloantes.

Lorsque la vapeur d'eau saturée à 13^m, par exemple, tombe sebitement à 1^m saus donner de travail externe, son volume passe de 0 n , 147796 à 1.0, 147796 = 1, 921343 Cer evolume est celui de la vapeur saturée à 95 n , 6 m a anssi $Ap_{s}n_{s}=46^{m}$, 71349 et Ap_{s} $n_{s}=39^{m}$, 33416. Et par conséquent :

$$t_0 = 0.4(192,08 - 95.6) - 0.305(192,08 - 95.6) + 6.87933$$

== 40°,t. En réalité la chuie de température n'e-t que de 30°,5. Chacun aperçoit l'importance de ce résultat. Il nons apprend :

1º. Que la somme totale de travail interne qui s'opère dans une masse de vapeur d'eau qui se détenil de w_0 à w_2 dépend de la température.

2º. Que, par conséquent, il peut s'opérer un travait interne dans une masso qu'on échauffe à volume constant, et qu'ainét d_o on la capacité à volume constant, vario légérement avec la température. 3º. Que nous devons écrire en tités générale;

 $K(t_0-t) = \Lambda(\Lambda_1 - \Lambda_0) \pm \Lambda_{\lambda}$

 $A (r_0 - t) = \Lambda (A_1 - A_0) = \Lambda$ ce qui, au cas particulier, nous donne :

 $\lambda_1 = -1^{-1}.445 = 0.4.26.5 - 16.04496$

4º. Que pour porter la vapeur de 95,6 à (192,08-95,6) sans changement de volume, il familiait;

0.4.50.98 - 1.415 = 22.557

et que la capacité moyenne à volume constant entre 95,6 et 155,58, est :

$$C_o = \frac{0.4.59,98 - 1,445}{59,98} = 0,3759$$

5º. Que la capacité à pression constante de là vapeur d'eau donnée directement par l'expérience, doit être un peu plus faible que édite que donnent des équations où l'on a admis que le travall interné est exclusivement fonction du changément de volume. Celle dernière conséquence a été vérifiée par aous des lo chapitre III (page 212).

6º. Enfin, qu'en somme cependant, d'action de la température for le travail interne est une implication de celle du changement de volume, et que, par suité, comme première approximation; on peut passe.

Et:
$$(t_0 - t_0) = K \cdot (t_0 - t_2) - (q_0 - q_1) + \Lambda \cdot (p_0 u_0 - p_1 u_1)$$
.

Et: $K \cdot (t - q) = K \cdot (t_0 - t_2) - (q_0 - q_1) + \Lambda \cdot (p_0 u_0 - p_2 u_2)$.

D'où:

$$\mathbf{K}' = \frac{(q_0 - q_1) - (hp_0 u_0 - hp_1 u_1)}{(s - l_2)}$$

Cette valeur de K' est nécessairement fausse : mais d'après cequ'on voit, ellè ne l'est pas assez pour qu'on ne puisse plus la comparer avec celle que nous donne l'équation rigoureuse;

$$K = 15 \left(\frac{n_0 E_0 + n_1 E_1 + n_2 E_2 \dots}{n_0 + n_1 + n_2 \dots} \right)$$

et en conclure a vec certitude si le nombre d'atomes $(n_+ + n_+) + n_+ + n_+$

$$K' = \frac{0.305(192,08 - 95,6) - 46,7135 - 39,8942)}{155,58 - 95,6} = 0,376$$

cette valeur, disons-nous, est inexacte, mais elle ost approximative. L'équation chimique est ici :

est ici:

$$K = 15 \left(\frac{1+n}{100+n6.25} \right)$$

et il peut y avoir doule sur le vrai nombre des alomes de l'hydrogène. Si l'on pose successivemenl : n=1=2=3, on trouve :

La valeur 0.4 est la seule qui s'approche de 0.375; le nombre (1+2) est donc juste.

Nous voici arrivés encore, et par une route bleudifiérento de celle que neus avons suivie page 327). A déterminer lo nombre d'atomes qui entrent dans une combinaison. Il est impossible, je crois, domécomatire l'immense portée d'expériences bleu dirigées sur la surchauffe spontanée des vapeurs.

CHAPITRE IV.

EXAMEN DU TERME R, OU PRESSION INTERNE, ET DÉCOMPOSITION DÉ CE TERME EN SES DIVERSES PARTIES INTÉGRANTES.

J'ai nomme pression interne la somme des intensilés de toules les forces qui dans un corps tendent à rapprocher les alomes, et qui ainsi fait avec la pression externe, positive ou négative, équilibre à l'action répulsive du calorique. En d'autres termes, le nombre : S=R+p est la pression qu'un corps quelconque excercait par unité de surface sur les parois d'un va-c inextensible où il serait canctenueix renderne, s'il était passible de suspendre l'action de toutes les forces autres que la challeur.

J'al considéré fi comme exclusivement fonction de la distance des atomes et du volume inter-aljonique (V — w) des corps. Edite conception, les definitions et les propositions qui en découlent ne reposent sur aucune hypothèse concernant la nature des forces et sont correctes en outre livyothèse.

Nous sommes arrivés entre autres, en partant de là, à une loi généralo $\left(\frac{D}{T}\right)$ qui est, par rapport à lous les corps possibles, co qu'est la Lisi de Mariollo et de Gay-Lussac par rapport à un gaz parfait.

I'vii averti cependant, expressément, que pour faire une application directe de cette loi, il faut supposer que R est une somme de forme homogène. Nous allous maintenant discuter la nature de R, chercher ce qui réculte de sa non-homogénétié, et trouver des mèthodes générales pour déterminer sa valeur, montrer dans quelles limites la supposition $R = \gamma V$ est correcte, ele.

§ 1. FORME ET NATURE DE LA FONCTION R.

Si dans un corps homogène quelconque nous désignons par s, s'', s'''. He distances des centres de gravité des atomes considérés par paire, et par X, X', X', X'', X'' commes vanishée des lottes és lottes qui lenden la rapprocher les uns des autres, ces centres de gravité et qui anie font equilhor au calorique, la travail instrue positif on négatif qui se produira dans lo corps par une variation des distances s, s', s'', s''', un our expressées :

$$\phi = (\pm f X dx \pm f X' dx' \pm f X'' dx'' \dots)$$

et la chalcur consommée ou produilo, aura pour valeur : $q = \Lambda \phi$

Dans tous les chapitres précédents, nous avons posé, non seulement $\phi = f R dv$, mais encore : $dv = \alpha (dx + dx' + dx'', \dots)$

La supposition $\phi = R/dv$ est correcte en toute hypothèse, car nous pouvons loujours concevuir une somme unique qui réponde ϕ , in moyenne élémentaire de fundes sommes particlées X, X, X', et une variation de volume de telle qu'on ait $fR dv = \phi$, et nous crôons siors un corps ifcial qui, dans sa totalité, équivaut au corps réel, Jais la seconde supposition, ou

$$dv = a (dx + dx' + dx'')$$

n'est pas nécessairement juste, et il se peut l'ès bien que x, x', σ'' varient de lelle sorte que v resle constant.

Mais, it est clair alors que la comparaison bien faite entre les propriétés du corps idéal et du corps red nous ambours à décomposer expérimentalement it en ses facteurs et à distingue entre clies les actions des diverses forces dont les intensités sonl X, X', X'', avx distances x, x'', x''.

En un mot, les différences que nous treuverons ainsi entre le corps idéal et le corps réel, nous feront connaître certains phénomènes internes auxquels nous essayerions vainement de parvenir par toute autre voie. Mais ce que je dis ici de la comparaison entre : $\int R dv \, et \left(\int X dx \pm \int X' \, dx' \pm \int X'' \, dx'' \dots \right)$

et de la décomposition du terme R peut se dire à son tour de la décomposition des termes X, X', X", . . . eux-mêmes, x, x', x", z''... désignant la distance des centres de gravité des alomes considérés par paire. La somme entre parenthèse reste correcte tant que ces distances sont très grandes par rapport aux dimensions des atomes, tant qu'on peut, par conséquent, faire abstraction de la forme des atomes et rapporter à leurs centres géométriques les points d'application des diverses forces. Il cesse d'en être ainsi dans le cas contraire et il se peut alors très blen qu'il se fasse une somme positive ou négative de travall interno, même pour dx=o, dx'=o. dx'' = o, et par lo seul fait du mouvement des atomes autour de leur propre centre de gravité. Dans co cas, la somme élémentaire $(\int X dx + \int X' dx' + \int X'' dx'' + ...)$ répond elle-même à un corps idéal et sa comparaison avec la réalité des phénomènes nous permettra de juger de la forme, de la position do l'atome par rapport à lui-même.

A peico ai-je besofa d'ajouter que je ne fais ici qu'esquisser ce que les progrès de la physique nous prometient pour l'avonir. Mais on ce seus général du moins, l'esquisse est-elle rigourensement correcte, et déjà pouvons-nous constator expérimontalement qu'elle repose sur des faits positifs.

Nous avoss déjà reconou (ruge 333) qu'il s'opére un travail interna duxa la vapeur d'eau, par exemple, qu'on échantic à volume constant; quo pour le cas particulier ce travail est négaty ét qu'il dévelopée de la chaleur; qu'il faut par suite môins quo K ($t_i = t_i/t^{-1}$ pour poirre de t_i de, une mass donnée de vapeur. Il est doce prohable que pendant l'échantiement à volume constant, hien que les centres de gravité des molécules $t_i = t_i/t^{-1}$ restert équidistants , les aumes 0 et H de chaque molécule se rapprochent du centre de gravité commun. Pour que ce phôtometre puisse avoir fleu, il soufi que l'intensité de l'attraction du ce l'affaités chimique, que l'appelle que l'intensité de l'attraction du ce l'affaités chimique, que l'appelle

lerai R. procède suivant une autre loi quant aux disiances des alomes, que l'aitraction générale que l'appellorai R., La chaleur cotale à fournir à la vapeur pour l'échauffer de s. à s. à volume constant, a alors pour expression :

$$q = K \mid t_1 - t_2 \rangle + \left(\Lambda \int_{\mathbb{T}} \frac{Y}{x} \cdot dx - \Lambda \int_{\mathbb{T}} \frac{Y}{Y - Y} \right) dx$$

Y étant la distance moyenne des centres de gravité des molécules, et x celles des atomes d'une molécule au même centre.

Lorsqu'ou disposera pour de valeurs expérimentales encore beaucoup plus rigoureu ses, que calles que j'ai pu obtenir, et lorsqu'on aux établi la valeur « pour une série de changements de volume $u_n, u_n', u_n'', a u_p, on jourra donc évaluer non seulement la valeur$ au pour de R. et R. pour let cas partientier, mais encore la formeemptrique des fonctions ;

$$R = \frac{\gamma}{\gamma} \left(\frac{\gamma}{\gamma - x} \right) \operatorname{et} \gamma \left(\frac{\gamma}{x} \right) = R.$$

Ce que je dis ici demeure vrai en toute hypothèse sur la nature des diverses forces X, X', X', ci sur celle du caloxique lai-même : quand on ferait de ce dernier un simple mode de mouvement des adomes matériels, il n'y aurait que les noms des termes à changer et non les termes algébriques oux-mêmes.

L'eau à l'approche de son point de solidification nous fournit un exemple frappant de ce que j'ai dit quant à la position relative des atomes dans chaque moléculo.

Au dessons de + 4° ce liquide commence à se dilater, et il continue jusqu'à - 10° lorsqu'on parvient à l'empécher de geler (Despretz). Que ce passo-l-li léi? S'agit-li d'une anomatie ou même d'un paradoxe, comme on l'a si souvent dit? Existe-l-il des corps qui se dilatont par le refroidissement?

En aucuno façon. En raison de la forme des molécules (O IF) et du point d'application des forces qui les sollicitent les unes vers les autres, il arrive iel qu'un atome d'un groupe se rappreche plus do celui d'un atome d'un groupe voisin que ne le fout les autres atomes du mêmo groupe par rapport à leurs sembables. Ces molécules tournent donc sur clies-mêmes, leurs alones prenante pou-à-peu des positions symétriques, et il résulte de la que leurs centres de gravité, au lieu de se rapprocher, «Véoignent : le volume apparent de corps s'accretit par consequent au lieu de diminuer, lebn qu'il y ait un approchement continuel entre les atomes de deux molécules distinctes. Co rapprochement donne lieu à un travait positif depart il produit de la chalaur; l'écardement du centre de gravité donne lieu au travait positif interne et externe, et il coût de la chalaur. Il est blen o'vilent que s'à l'aito d'expériences d'uno procision parfaite, nous savions électratures to aunatife.

$$q := K(t_1 - t_0) \pm \Lambda \int X dx \pm \Lambda \int X' dx'$$

de chaleur soustraite et le changement de volume apparent qui répond à chaque abaissement $(t_1 \cdots t_n)$ de température, nous pourrions déterminer et l'intensité de X et de X et la valeur de x et de x'.

Je le répéle, tout ceci est l'avenir de la science expérimentale; et nous soumes encore bleu toin du but; mais celui-ci n'en est pas moias clairement marque. Nous allons reconnaître en effet que l'on a toujours, à très peu près :

R
$$dv = (X dx + X' dx' + X'' dx'' \dots)$$

 $dv = \alpha (dx + dx'' + dx'' \dots)$

es par conséquentive différences que l'expérience nous révêten action la réalité des phénomèuse et les résultats de la let $\binom{9}{4}$ pourront et traitées intérment commo de simples perturbations d'une loi correcte en ette-même. Op pourra, en un mus, procéder fei comme les astrounes l'en fait l'égard des perturbations qui résulient de l'action réciproque des plantées, de leur nous-phérésite parfaite, etc. Describes d'étables de l'action réciproque des plantées, de leur nous-phérésite parfaite, etc. Describes d'étables il nouve manuel des plantées, de leur nous-phérésite parfaite, etc.

Regardons d'abord R comme une somme homogène, et puis voyons do combien cette supposition s'écarte de la réalité, et dans quels cas ello s'en écarte. 2 II.

METHODES GENERALES POUR DETERMINER B ET W.

CORPS SOLDES. La quantité Q de chalent nécessaire pour porter de t. à t. l'unité de poids d'un corps est :

$$0 = K (t_1 - t_0) + \Lambda \Lambda + \Lambda p_0 (V_1 - V_0)$$

Mais nons pouvons écrire, d'après ce qui vicut d'être dit : $As = \int R \, dv$

at en différentiant l'équation précèdente, elle devient par suite : dO = K dt + A (R + n) dv

d'où :

$$\left(\frac{dQ}{dt} - K\right) = A(R+p)\frac{dv}{dt}$$

Si nous coonaissons d'un autre côté par voie expérimentalo la loi empirique de dilatation d'un corps en fonction de la température, ou : $v = \varphi t$; il vient : $\frac{dv}{dt} = \eta t$

d'où :

$$p + R = \sum \left(\frac{dQ}{dt} - K\right) \frac{1}{r_1} t$$

Une fois (p+R) connu, pour deux valeurs de T et de V, notre loi $\left(\frac{\Theta}{T}\right)$ nous donne:

$$(p_1 + R_1) = (p_0 + R_0) \left(\frac{V_0 - V}{V_1 - V} \right) \frac{T_1}{T_0}$$
 $(p+R)$

d'où:

$$\Psi = \frac{(p_{e} + R_{e}) \ V_{o} \ T_{i} - (p_{i} + R_{i}) \ V_{i} \ T_{e}}{(p_{e} + R_{e}) \ T_{i} - (p_{i} + R_{i}) \ T_{o}} \tag{\Psi}$$

L'emploi de nos deux équations (H.+ p) et (y 1 suppose connues les lois empiriques de variation de la capacité calorisique vulgaire et du coefficient de distation en fooction de f. Or ces deux gonres de loi root à ma connaissance été déterminées encore pour aucun corres soilée.

Corps Liquines. La méthode à suivre pour déterminer R est la même que pour les solides. Il eu est de même de v : toutefois lei, nous pouvons arriver au but par une autre voie, et les résultats obtenus nous conduisent à des conclusions des plus importantes.

Supposons comms R_o et R_1 pour un liquide t_o et pour sa vapeur saturée à t_o . Nous avons ini : $T_1 = T_o$, et notre formule ci-dessus devient :

$$\Psi = \frac{(R_o + p_o) w_o - (R_i + p_o) e_o}{R_o - R_c}$$

Pour les liquides, nous possédons déjà des données expérimentales plus élendues que pour les soilées. Re fleis, d'une part M. Regnault nous a fait Consaltre pour un lon nombre de ces cops, Paccroissement de la capacité vulgaire avec la température; et d'autre part. M. Pierre a étabil de même l'accroissement du volume de beaucoup de limidles, en fonction de la température.

Parmi les liquides, je choisis, comme exemple, celui de tous qui a été le mienz étudié, et je suis obligé d'ajouter. Je seul qui ait été assez blen étudié pour se prêter aux recherches qui font l'objet de ce paragraphe.

D'après M. Regnault, on a :

$$q = t + 0,00802 t^3 + 0,0000003 t^3$$

pour la quantité de chaleur nécessaire pour échanffer l'eau à partir de 0 jusqu'à t. Il vient donc :

$$\left(\frac{dQ}{dt} - K\right) = (1 + 0.00004 t + 0.0000009 t^2 - 0.4)$$

= $(0.6 + 0.00004 t + 0.0000009 t^2)$

D'autre part. Desprett a dressé avec soin une table qui infique de -10° à 100° les variations de volume de l'eau pour t'e de chargement de température. Au lien de nous servir de cette table pour détortainer une loi empirique donnant $\frac{du}{dt}$ nous pouvons substiteer

à dw la valeur moyenne $\frac{(\Delta w + \Delta w_k)}{2}$ de deux différences finies très petites Δw et Δw_k

La table de Despretz nous donne pour exemple :

1. Verez la note gul suit ce Livre cinquième.

On a done très sensiblement pour 60°: Au + (0,00000105) ou :

$$\frac{dw}{dt} = 0^{-4},0000000325$$

En partant de là, on tronve qu'à 60°, on a :

$$(R+p)^{n} = \frac{425}{10333} \left(\frac{0.6 + 0.00004.60 + 0.0000009.3600}{0.000000525} \right) = 47448$$

Pour 100° on tronverait de même :

On voit quelles pressions colossales représente l'attraction moléculaire, même dans un tiquido. Ces valeurs de (R + p) nous permettent maintenant de trouver celle de v.

Le volume spécifique de l'eau à 100° est, d'après Despretz: 0=4.001043018. Le volume de la vapeur à 100° est 1=3.6553643 : dans cette vapenr, on a sensiblement : R+1=1*.0644. Nous avons done :

$$= \frac{27110,65,0,001043018 - 1,6553462.1,0644}{27110,65 - 0,0644} = 0,00097846$$

En prenant de même les valeurs do $(R_0 + p_0)$, $(R_1 + p_0)$, w_0 et v_0 qui répondent à 60°, on trouve :

valeur très pen différente de la précédente.

A peine ai-jo besoin de dire quo les nombres tronvés lei pour vet pour (R + p.) pe doivent être considérés, même an cas particuller de l'eau, que comme de premières approximations. Mais du moins voit-on très clairement quelles sont les données nécessaires pour arriver surement au but. Il faut que l'observation nous fournisse rigoureusement, de degré en degré, l'accroissement de volume d'un corps et la quantité totale de chaleur nécessaire pour cet accroissement, à une pression externe connue.

Conse axxxxx. Oe se rappelle par quelle méthode nors sommes arrivés à constitue fi dans la vapeur d'acu. à tout pression et à toute température. Nous allons suivre un chemin très différent pour a viver absolument au même but quant à la vapeur saturée d'un juide quelcongue, dont l'observation a fait constitut la capacité vulgaire, la chaleur toute d'évaporation et la variation des tensions en fonctio de la temérature.

La quantité Q de chaleur nécessaire pour porter de 0° à t_{\circ} l'unité de poids d'un liquido soumis à la pression constante p_{\circ} , et pour l'évaporer à cette température, est :

$$0 = K t_0 + \Lambda p_0 u_0 + \Lambda v_0$$

En remplaçant s_0 par sa valeur approximative f R du et en différentiant, il vient :

$$dQ = Kdt + A ((pdu + udp) + Rdu)$$

ďoù:

$$\frac{dQ}{dt} - K - Au \frac{dp}{dt} = A(R + p) \frac{du}{dt}$$

Mais nous savons (page 124) que :

$$\Delta u = \frac{r}{T \frac{dp}{dt}}$$

il en résulte :

$$\frac{dQ}{dt} - K - \frac{r}{T} = \Lambda(R+p) d. \left(\frac{r}{Tdp;dt}\right) dt$$

ce qui donne, en exécutant la différentiation et faisant $\frac{dp}{dt}$ = \sim

$$\frac{dQ}{dt} - K - \frac{r}{T} = (R + p) \frac{r}{Tx} \left(\frac{dr}{r} - \frac{dT}{T} - \frac{dx}{x} \right)$$

ou en remplaçant $\frac{r}{T_n}$ par sa valeur Λv et remarquant que dt = dT:

$$R + p = \frac{p\left(\frac{dQ|}{dt} - K - \frac{r}{T}\right)}{App\left(\frac{dr}{dt} - \frac{1}{T} - \frac{dx}{dt}\right)}$$

Pour tous les fiquides dont s'est occupé M. Regnauit, nous connaissons la forme (empirique) des functions:

$$\tau = \gamma t$$
 $Q = \gamma_1 t$ $\alpha = \frac{dp}{dt} = \gamma_2 t$

par conséquent pour tous ces liquides, nous pouvous déterminer la valeur de R à telles et telles températures et pressions voulues.

Si nous appliquons cette équation générale à la vapeur de l'éther sulfurique à 100° et à 6°,5175 par exemple, et sl, pour cela, à la

placo de $\frac{\sigma}{\Gamma} \cdot \Delta p_{\rm H}, \frac{d\sigma}{\Lambda} \cdot \frac{1}{\Lambda} \cdot \frac{ds}{\Lambda}$. K, nous mettons les valeurs convenables, nous trouvons que la preseion interne s'élève à la valeur considérable de 3-0, pour les ultires de cardone. On trouve à 4-375 et à 100-, R=1^n-472. Ces nombres ne doivent être pris que comme des approximations asses grossières, on raison de la grandé internitude qui règne se ul avraiv valeur de σ , « et par sette days à la température déjà rehitivement élèves de 100-; et ce que jo dis au seuje de l'éther et de suffure de actione, s'étend à la piapart des autres vapeurs étudies jusqu'el. Toutefois si, comme il est probable, la y a une creur, cile est en moisse à ton en plus ; el pour le sufure, par exemple, Rest certainement plus élèvé que l'-472 dans les conditions indiménse.

Pour le cas particulire de la vapour d'eau, les résultats auxquels on arrive par la volo précédente on tu caractère d'exactitude beaucoup plus satisfaisant, paisque ce corps a été étudié, sous plusiems faces, tout-à-fait à foud. Déjà, pour cette vapeur, notre formule générale se simplifie considérablement sans perdre en rien de sa justesse.

Nous avons en effet pour cette vapeur :

$$Apu = B \log$$
 nat. $\left(\frac{T}{100}\right)$

equation déjà très approximativo, si, avec Zeuner, nous faisons
B== const., mais tout-à-fait rigoureuse si nous faisons de B une
variable et si, à chaque température, nous posons sa valeur exacte



donnée par le tableau 1. Regardons d'abord B comme constant et différentions. Il vient:

$$Ap \frac{du}{dt} + Au \frac{dp}{dt} \Rightarrow B \frac{1}{T}$$

d'où :

$$\frac{Adu}{dt} = \frac{1}{p} \left(\frac{B}{T} - Au \frac{dp}{d} \right)$$

Mettant à la place de Au $\frac{dp}{dt}$ sa valeur $\frac{r}{T}$. on a :

$$A \frac{du}{dt} = \frac{1}{p} \left(\frac{B}{T} - \frac{r}{T} \right)$$

et par conséquent :

$$\frac{dQ}{dt} - K - \frac{r}{T} = (R + p) (B - r) \frac{1}{pT}$$

d'où il résulte :

$$R + p = \frac{\left(\frac{dQ}{dt} - K - \frac{r}{T}\right)pT}{B - r}$$

Ecrivant pour $\frac{dQ}{dt}$ et K leurs valeurs 0,305 et 0,4, on a enfin

$$R = \frac{p(0.095 T + B)}{r - B}$$

et si à la place de B nous mettons la valeur exacte qui répond à T, l'équation précédente nous donne des résultats tout-à-lait exacts. En posant T = (272.85 + 240) = 512.85, nous avons r = 434,4008, B = 29,98254, $p = 32^{n},389456$, se qui donne :

 $R == 6^{**}.395$ valeur qui est très rapprochée de celle du tableau l (col. R) trouvée par une voie tout-à-fait différente,

Si, à l'aide de l'équation si simple qui précède, on détermine la valeur de II pour plusieurs pressions et températures, et si l'on compare ensuite les nombres obtenus ainsi avec ceux de la colonne R du tableau I, on remarque que les premiers deviennent de plus en plus grands par rapport aux ecconds. Ainsi, nous avons pour l'est 100+; (R+1)=1.13, tondis que noire tableau donne r+ 0.644.

Oppondant les différences ne deviennent jamais excessives, et la resemblance des nombres obtems par deux mélhodes aussi différrentes que celles que je viens d'indiquer et celle qui ni servi dans le Chapitre III du Livre tordiséme, nous montre do la manière la plus positive que le principe sur lequel reposent les équations est correct, mais que les résultats donnés par les deux mélhodes ne sont pas rigoureusement semblables par suite de circonstances accessoirs.

En ce qui concerne les vapeurs et les gaz, nons disposons encore d'une autre méthode pour déterminer R. Elle est beaucqup plus généralo et conduit d'aillours à des résultats extrémement remarquables. Je vais donc la développer comme il convient.

La bil do Dilane, co Pejit nous apprend quo la quantité do chaleur nécessaire pour faire varier d'un degre la température de l'Unité de poids d'un corps dépand exclusivement de nombre d'atomes que représente cette unité. Mais à une variation d'un degré de température répond nécessairement et figureuressement une araîtion proportionnelle de la pression totale que supporte le corps : pression externe, s'il s'agit d'un gaz partait (fill=0), pression interne et externe s'il s'agit d'un corps quéconne. Il suit de la pression destre s'il s'agit d'un gaz partait (fill=0), pression interne et externe s'il s'agit d'un corps quéconne. Il suit de la pression de l'action de l'action et le l'action et le l'action et l

• La pression totale que représente l'action du calorique dane un corps est elle-méme exclusivement proportionnelle au nombre d'atomes que représente l'unité de padés de ce corps, et la rereisment proportionnelle au poids atomique: Pourves que la distance des atomes soit telle qu'on puisse considérer leur volume total qu'on monte puisse considérer leur volume total qu'on monte put, par rapport au volume apparent l'ut corps.

Cette dernière condition est formelle, et la proposition précédente, par suito, ne pout s'appliquer correctement qu'aux gaz et aux vapenrs. Traduisons-la algébriquement et voyons en les conséquences.

Solent E_n , E_n , les equivalents chimiques de doux corps simples ou composés quelconques, n, n, le nombre d'atomes qu'ils représentent, x_n , x_i les poids de l'unité de volume. Il résulte de notre proposition, qu'à égalité de température et de pression totale, on a, pour ces deux corps (dans la condition y: y = 0):

$$\frac{r_0 n_0}{R} = \frac{r_1 n_1}{R} = \text{const.}$$

Pour l'azole et l'hydrogèno à 0° et à 0°,76, nous avons très sensiblement $(p+R)=p_o=1$ ° et $\Psi: V \triangleq o$. Nous avons aussi, à 0° et a 0°,76 on 1°°;

Pour l'azolo $r_e = 1^{\circ},256167$ $E_o = 87^{\circ},5$ $n_e = 1$ Pour l'hydrogéne $r_o = 0^{\circ},089578$ $E_o = 6^{\circ},25$ $n_e = 1$

Le premier donne done : 1.256167

 $\frac{1,256167}{87,5} \cdot 1 = 0.0143562$

le second donne :

$$\frac{0,089578}{6.25}$$
 · 1 = 0,0143325

ct commo il devalt en être, ces nombres sont presque égaux. Admettons comme correct le premier, il résulte de notre proposition :

$$s_1 = 0.0143325 \frac{E_i}{n_i}$$

pour le poids du mêtre enbe d'un corps quelconque à 0° et à 1° de pression totale. À une autre pression p_{\circ} , et à une température t_{\circ} . l'hydrogène nous eût donné :

 $\frac{0,089678 \ p_o}{6,25 \ (1 + 0,0036513 \ t_o)} = \frac{0,0143325 \ p_o}{(1 + 0,0036613 \ t_o)}$

A une même température t_0 et à une même pression totale $(p_0 + R_0)$ on a done :

$$r = \frac{E}{n} \left(\frac{0.0143325 \, p_n}{1 + 0.0036613 \, t_n} \right) \tag{5}$$
nour tout autre gaz out yangur.

Si doct, à la pression exterue p_* et à la température t_* la decisité Δ du corps, trouve expérimentalement, différe de F_* c'est 1^* soit parce que le gaz est en réalité soumis à une pression (p_*+P_*) et non Δp_* seulement; 2^* soit parceque le nombre n_* d'atomes admis dui être is in codifié.

Et il vient pour le premier cas :

$$\frac{\Delta}{s} = \left(\frac{p_a + R_a}{p_o}\right)$$

ou :

$$\frac{p_o + R_o}{v_o} = \frac{\Delta n_o (1 + 0.0036613 t_o)}{0.0143325 Ep_o}$$

d'où:

$$R = \frac{\Delta n (1 + 0.0036613 t)}{0.0143395 E} - p$$

El pour le second cas, si le nombre n n'est pas convenable, it faut lui substituer un autre nombre. Nous allons voir immédiatement par quelques exemples qu'il est toujours facile de savoir à quol s'en tenir à cet égard.

1°. Pour le chlore à 0° et à 0°,76=1° , on a , d'après Gay-Lussac et Thénard , $\Delta=3^{\circ}$,2088. L'équivaient chimique de ce corps est 442,66 et l'on a n=2. L'équation (x) donne (puisque p=1 et $t=0^{\circ}$):

$$r = \frac{442.66}{9} \cdot 0.0143325 = 34,1722$$

Cette densité est si rapprochée de 3,2088, que nons ne pouvons attribuer la différence qu'à l'intervention de l'inconnuo R; et l'on a dés lors

$$R = \frac{3,2088}{3,1799} - 1 = 0^{-1},01154$$

pour expression correcte de la pression interne à 0° et à 0°,76, ou 1° de pression extorne.

Pour l'acide chlorhydrlque, nous trouverions de même :

Occupons-nous de la vapeur du sulfure de carbone à 100°. On a ici n=3, E=477,32. Il vient donc pour la densité de la vapeur de sulfure à 100° et à (p+R)=1°:

D'après une série d'expériences que j'ai faites, on a :

Ces densités divisées par ≠ nous donnent ;

$$R = (4^{-1},6620 - 2,9829) = 1^{-1},6791$$

R=(3*.,1910-1,9829)=1*.,2091
D'après une série d'expériences que j'ai faites, en a pour la même vapeur prise à 6*,733 du baromètre, soit à 6*.,96447

La valeur de « est ici :

$$464^{\circ},2$$
 $r = \frac{477,32}{3}$, $\frac{6,0143325}{1+0.00386143.64.2} = 1^{\circ},8462$

et:

å 217* *=\frac{477.32}{3} \cdot \frac{0.0143325}{1+0.0036613.217} = 1\cdot .27077

Divisant les deux valeurs de \(\Delta \) par celles de \(\Psi \) qui teur corres-

ment avec l'accroissement du volume: mais que sa valeur est, en somme, toujours très élevée comparativement à celle qu'on trouve pour les gaz.

Prenons maintenant des exemples où, évidemment, il faut substituer à n une autre valeur.

Pour l'acide carbonique, on a : E = 275, et n = 3 d'après la formule $G0^{\circ}$, il vient par suite :

$$\rho = \frac{275}{3} \cdot 0,143325 = 1^{\circ}.3138$$

Ce nombre diffère tellement de la densité expérimentale 1°,9805, que nous devons te rejeter. Posons n=2; il vieut alors:

ďoù:

$$R = \frac{1.9805}{1.97072} - 1 = 0 - .0049$$

pour valeur correcte de R.

C'est en pariant de ces données etdu tableau dressé par H. Regnault (Tome XXI, Mémoires de l'Académie des sciences, p. 425, que j'àl calculei les valeurs de R que donne, pour l'acide carbonique, la polite table suivante. La colonne à Indique le polds du mètre cube du cerus à la c. 4 14, 15, 15.

Δ	p+R	P	R	
_	l –	****		
21,6384	1**-,3388	1**-,3158	0**,023	
10 ,5535	5 ,3551	5 ,1281	0 ,227	
18,4686	9 ,3715	8 ,7366	0 ,634	
26 ,3837	13 ,3879	12 ,1397	1 ,248	
34,2989	17 ,4042	15 ,3361	2,068	
42 ,2140	21 ,4206	18 ,3238	3 ,096	
50,1291	25 ,4370	21 ,1018	4 ,335	

Prenons un autre exemple.

Pour la vapour d'eau à 1 an et à 100°, on a E=112,5, et n=3, seion la formule Ol^{2} ; d'où il résuite :

$$r = \frac{112,3}{3} \cdot \frac{0.0143325}{1,36613} = 0^{\circ},3934$$

La densité expérimentale 4, à (1°+R) est 1 1,65536 ou 0°,604096.

Le nombre s diffère encore trop évidemment de a pour que n = 3 puisse être juste. Posons n = 2 et il vient s = 0,5002282; d'où $R = 0^{\infty}$.024. Ce nombre est beaucoup plus approché du nombre correct 0^{∞} .0644 que nous avons adopté : s'il en diffère , c'est parce que $c = 1^{\infty}$ -355 est probablement un neu trop fort.

Les cas où if fant modifier n sont, comme on remarque toujours et précisément, ceux où pendant la combinaison chimique il s'opère une contraction.

Il n'y a donc aucune hésitation possible sur la vraie valeur à prendre pour n dans notre équation générale : il faut y substituer le nombre de volumes que représente la combination, nombre que je désigneral par N.

La méthode que je vieus d'indiquer pour déterminer R est teut-à

fait générale et des plus faciles à bien emptoyer. L'exactitude des résultats qu'elle donne décond visiblement de deux choses sentement:

1º. de la rigneur avec laquella e de étable la valour expérimente de a. à une température et à une pression enousne; 2º de la connaissance exacte du nombre N de motécules que représente une combination, quaut il s'agit d'un gaz ou d'une vapeur composée. de feral copendant remarquer de plus que quaut di s'agit de vapeurs très denses comme celle du sulfure de carbone, de l'éther, etc., Proinsison du tarmer, que outent actionique, conduit défà pécessairement à une erreur notable. Il est facile, et en même temps très impertant, de faire voit en quel enea perte l'erreur. Supposents un valeur colable par rapport au volume apparent. A égalité de température, la presione extreme et unique de cegana una pour expression;

$$p = P_{\circ} \left(\frac{V_{\circ} - \Psi}{v - \Psi} \right)$$

Sil'en fait diminuer v de beaucoup au-dessons de V_o , il est évident que p semblera croître beaucoup plus rapidement que ne l'indique l'ancienne loi de Mariotte ou :

$$p' = \mathbb{P}_0 \frac{n}{\Lambda^n}$$

et l'on pourrait par soite au premier abord être tenté de croiro quo R, loin d'être nul dans ce gaz, y a une valeur négative et répoud à une force répulsive.

L'omission du terme y fausse donc toujours en moins les valeurs qu'en trouve pour R, quelle que puisse être la méthode qu'en suive pour déterminer cette sommo.

Cette remarque s'applique containement déjà aux vapeurs de l'étter, du sulture de carbone, à l'acide carbonique, etc.

L'ensemblo des faits que l'ai exposés dans ce paragraphe est, je pesse, de nature à intéresser les chimistes et les physiciens, et les conséquences qui en découlent pour ainsi dire d'elles-mêmes sont frappantes.

Il est manifeste maintenant qu'une même lei commune relie, pour

tous tes corps, la température, la pression totale et le volume, mais la est visible ansi que cette it est trumble par artiet de la non-homogénétié compléte du terme B. Pai indique platieurs mothodes pour déterminer R., tolamment pour la viaque rd'eu; à Talde de doctane d'élles don trouve dans les mêmes conditions physiques du corps, des valeurs légérement différentes. On pourrait être porté à attribuer ces divergences en entiter aux défectuoités des nombres expérimentaux qui entrent dans les calculs ou à un vico des mêtudes timés raise o sentit la une fausse conclusion.

Si l'on y regarde de près, on reconnatt aisément que chacune de ces méthodes part d'un point de vue distinct et spécial, et que, par suite, les composantes du nombre complexe R doivent, pour chaque méthode, se manifester d'une manière spéciale aussi.

2º. Toutes choises égales, la pression totale d'un corps dépend infectement du nombre des atones présons. Nais naux retrouvous id un plétonière o analogue à celai que nous avons déja observé dans têride de la capacité calorifique absoine, c'est-d-dire qu'il arrive dans bien des cas qu'un ou plusieurs atones améléat à en aimufer un seul. Mais ce phénomène ne concléde pas avec l'autre, c'est-d-qu'en que le corps qu'il représente na on atones, quant à la pression, pent en représenter na quant à la pression, pent en représenter na quant à la caccacité absoine.

3º. Ce genre de phénomènes persévère sous quelque état que soit le corps. Ainsi la capacité désoûte de l'eau, par exemple, suppose trois atomne dans la place tout comme dans la vapeuse et il est facile de s'assurer que la pression totale suppose sculement deux atomnes dans l'eau aussi bien que dans sa vapeur.

4» De même qu'a l'aide d'une détermination exacte do a et de N nous pouvons arriver à connaître R dans une vapeur quelconque, de même aussi, si, par une autro méthode, nous déterminons d'abord R, l'équation ci-déssus nous permettra de trouver N, c'est-a-dire le nombre réel de molécoules que représente une combinaison chimique.

En somme, ou voit encore, sous une forme nouvelle, l'Intérêt scionlisque qui s'attache à des déterminations correctes des volumes spécifiques des diverses vapours à des pressions et à des impératures variées. En ce sens, le troisième valume des travaux de M. Regnault viendra certainement fourtir de précleux éléments à l'Étable de la constitution interne des grat et des vapours.

conséquences principales de la loi $\frac{\Theta}{T}$ supposée applicable en en tous cas inventationent

L'equation :

$$p_1 + R_1 = (p_0 + R_0) \frac{T_1}{T_0} \left(\frac{V_0 - \Psi}{V_1 - \Psi} \right)$$
 $\left(\frac{\Theta}{T} \right)$

convenablement discutée, rend admirablement compte d'une foule de faits sur lesquels en passe en physique, ou qu'on présente comme inexplicables, ou qu'on accepte comme de simples faits en dehors de toute interprétation.

I. On a contume de dire que les corps liquides et sobles sont en quelque sorte incompressibles, c'est-à-dire que des changements de pression externe très considérables ne modifient que très peu leur volume, et qu'un changement de température produit une dihatation à laquelle rien ne peur trisister. El l'on présente ces faits comme une propriété du ces corps. Vayons d'ou dérive celle-cl.

Nous avones que dans l'eau à 109°, la pression interne s'élève a prois de 27110°°. En d'autres termes que al 1°° de cette ceu était renferme dans un cube inextensible, et al l'altraction interne venait à cesser sans supposer toutefois une décomposition châmique, le léguide excerneix sur les six fince de 1°° l'Enorme pression de 27000° sait 270000000°. A 50° cette pression s'élève à 5664x 1 00° le volume apparent de l'eun est 0°-0,0010415; à 50°, fi est 0,00101455. Cherchons quoils pression exercentil l'eau sur un vaue inextensible, si 'on portait sa température de 50° ou 7 = 322,85, al 10° en 2° = 32°,35. Il 19° ent.

d'où:

$$p = 65416 - 56644 = 8772^{-1}$$

c'est-à-dire que la pression externe passerait de 1" à 8772". C'est aussi ta pression qu'il faudrait exercer sur l'eau à 100° pour ramener son volume de 0.00104315 à 0.00101425, c'est-à-dire pour le faire varier en apparence de :

sculement.

et:

Et ce que je dis ici de l'eau, sons forme de nombres, s'applique, en principe, à tous les liquides, à tous les solides. Le peu de compressibilité apparente des limides et des solides dérive, d'une part, de ce qu'un réalité le volume inter-atomique varie considérablement pour de très faibles variations du volume apparent : et d'autre part. de ce que la pression externe, dont seute nous disposons, s'ajoute de fait à une force interno colossale que nous pe mesurons pas. Ainsi, quand nous augmentons de 1" à 8772" la pression que nous exerçons sur l'eau, nous ne faisons, en réalité, qu'augmenter de 56044" à 65416" la pression totale qui tend à rapprocher les atomes.

La très petite compressibilité des fiquides et des solides n'est donc qu'apparente, et en réalité ces corps ne sont ni plus ni moins compressibles que les gaz-

ti, Occupons-nous du coefficient de dilatation des corps, soit à pression soft à volume constants. Résolvons l'équation $\left(\frac{\Theta}{T_{\Gamma}}\right)$ par rapport à p et par rapport à V, et différentions on laissant d'abord $V \stackrel{*}{=} V_o = \text{const. et puis } p = p_o = \text{const. lt vient}$;

$$\frac{dp}{dt} = (p_a + R_s) \frac{1}{T_o} = \left(\frac{p_a + R_s}{1 + s t_o}\right) \times \frac{dV}{dt} = \frac{(p_o + R_s)(V_o - \nabla) \times (V_o - \nabla)$$

en posant $T_a = (a+t) = a (1+xt)$ et $x = \frac{1}{a}$

La première de ces équations nous apprend que la variation de p est proportionnelle à celle de la température et que sa grandeur absolue dépend seulement de l'état actuel du corps que nous échanifons à volume constant.

La seconde, au enstraire, noes montre tout aussi clairement que to rapport $\frac{dV}{dt}$ est, bormis un seul cas, une fonction de la température : car, à mesure quo T, et par suite V, grandissent. A diminue dans le corps et par conséquent le rapport $\frac{dV}{dt}$ est une variabledont la grandeur absolue dépend non seulement des valeurs $(\mu_+ + R_+)$, $dV_+ + V_+ + V_$

de T elle-même. Je dis, hormis un seut cas : c'est celui où $R_* = 0$ et R = 0, car il vient alors : $\frac{dV}{dt} = \left(\frac{V_0 - v}{1 + v_0 L} \right) z$

ce qui est la loi de Gay-Lussae pour un gaz parfait.

En d'autes termes, il est impossible que le volume d'un corpa quelconque, autre qu'un gaz excessivement rarélé, varie d'une manière rigaronessement proportionnelle à la température. C'est ce que l'expérience/vérific pleinement. Si la dilatation de certains corps. celle du mercuro, par exemple, marcho presupe parallèlement avec celle de l'air outre 0° et 100°, c'est seulement parce que, entre ces limites de température, le volume de métal crott en réalité fort peu et que fi, par ausie, vanis trius par aussi.

III. Si nous considérons de près notre différentielle $\frac{dV}{dt}$ nous reconnaissons qu'il n'existe, à proprament dire, qu'un seut coefficient de distantion, et que celui-d est commun et identique pour tous les corps : c'est $\sim 0 \frac{d}{d}$ ou l'autile divisée par la distance de notre zéro orivisiere au néro absolu.

Pour les gaz, on a supposé R = 0, y = 0, d'où il résulte;

$$\frac{dV}{dt} = \frac{Va}{1 + at_o}$$

La valeur absolue de $\frac{d\mathbf{V}}{dt}$ dépend de \mathbf{V} et de t_o ; or personne n'a

jamais songé à appeier coefficient de dilatation autre chose que lo facteur constant «. Il est visible que ce facteur est le même pour tous les corps. Il n'y a donc pas plus de raison d'appeier :

$$\left(\frac{p_o + R_o}{p_o + R}\right) \left(\frac{V_o - \Psi}{1 + a t_o}\right) a$$

un coefficient do dilatation quand it s'agit d'un corps liquide ou

solide qu'il n'y avait de raison pour appeler $\frac{V_A}{1+\kappa\,t_0}$ coefficient de di-

latation, quand il s'agissait d'un gaz. Il n'y a de différences entre ces deux quotients qu'en ce que dans le premier nous ne connaisses expérimentalement et directement ni \mathbb{R} , ni \mathbb{T} et que ces valours par conséquent masquent complétement le facteur consiant κ .

Nous arrivons ici aux mêmes conclusions que quant à la canacité catorifique des corps. De même qu'il n'existe qu'une seule capacité commune à tous les corps à nombre égal d'atomes, de même aussi il n'existe qu'un seul coefficient de dilatation, et ce qu'on appelle communément ainsi n'est qu'un coefficient apparent, un produit d'une constante par des nombres incomps et variables. Toutefois la délermination expérimentale de ce coefficient apparent, de même que celle de la capacité caloriflque vulgaire est éminemment utile puisque quand nous connaîtrons la valeur réelle de ces deux nombres complexes pour chaque degré de l'échelle thermométrique et pour chaque état d'un corps, nous serons à même de connaître rigoureusement l'emploi qui se fait de la chaleur dans ce corps, et par conséquent, comme to l'ai dit, dans le paragraphe précédent, de connaître le nombre des atomes, la forme des molécules (ou groupe d'atomes) et l'intensité des forces qui agissent soit dans chaque groupe, soit d'un groupe à l'autre.

Je termine ce dernier livre en faisaut ressortir à la fois quelques unes des conséquences de l'homogénétic approximative de R, et en mêmo temps de sa non-bomogénétic complète.

On a admis pendant longsemps en plysèque que l'état soilée de l'état liquide et l'état jazeur sont trois forces spécifiquement distinctes que peut affecter un même corps; que ces états dépendent bien dels température des corps, mais que le passage de l'un à l'autre à quelque chos de soudein qui dait que les propriétés du corps changent tout d'un coup, que les parties matérièles sortent d'une spére d'attraction réciproque pour entre d'ans une autre, det. Ce sont là des idées qui dovrent être définitérement abandonnées. Si nous désignons par () la quantité de chaleur qu'il faut, a partir du arce absolo, peur debauffer un corps de 0 à T., pour le fondres, puis pour le porter de T. à Ti, et l'évasporer, puis pour le porter de T, à T., nous pouvans en toub hypotèbre certre :

 $(m-K, (T_k-O)+Ap_k, (V_k-V)+A, (A_k+A_k)+A_k+A_k)$, p_k that in preside constants h langule est soumis is cop_k very volume final, et A_k , A_k designant les divers genres de travail interne qui se font de 0 à T_k , puis pendant is fusion, paul se T_k , T_k , puis pendant is fusion, paul se T_k T_k , T_k puis pendant is fusion, paul se T_k T_k , T_k puis pendant is fusion, paul se T_k T_k , T_k , T_k T_k , T_k T_k , T_k T_k T_k , T_k T_k

 $A_* = \int X dx$, $A_1 = \int X' dx'$, $A_2 = \int X'' dx''$ Mais nous avons vu que nous pouvons poser de plus :

$$\Lambda_0 + \Lambda_1 + \Lambda_2 + \Lambda_3 + \Lambda_4 = \int_{\mathbb{R}_0}^{\mathbb{R}_4} \mathbb{R} \, dv$$

et les résultats généraux que nous avoes obbeuns, en nous servant de cette intégrale unique, s'approchent tellement de ceux que dout l'expérience aux les divers corps, que nous avons pu en toute certitude conclure que l'intensité de la plupart des forces qui agissent sans cesso dans les corps, et qui font équilibre au calorique, peut se représenter par une réstitante unique. Cette déduction et l'emploi possible des deux intégrales

R do qui répondent aux points de fusion et d'évaporation nous prouvent que les trois états dont est susceptible un corns, ne sont pas du tout des formes discontinues, que le nassage de l'un à l'autre n'est en aucune facon un saut brosque.

Si nous désignons par Z l'intensité répulsive du calorique, et par p la pression externe, nous avons nour les trois états : $p_0 = z_0 - R_0 = z_1 - R_1 = z_2 - R_1$

Mais z et B sont des fonctions des distances des atomes, et nor suito du volume, et en toute hynothèse, nous pouvous écrire :

$$p = 0$$
 \forall $x - 0$ \forall x

$$p = 0$$
 \forall $x - 0$ \forall x

$$p = 0$$

La possibilité de l'intégrale $\int_{-R_-}^{R_+} R \, dv$ nous prouvo que les trois

fonctions of x, 21' x, of " x sont de même nature et one les états solide, liquide et gazeux résultent simplement de ce qu'il existe trois positions pour lesquelles la différence (= R) est la même.

Il est, d'ancès tout ce qui précède, toriours possible de substituer à un corps solide ou liquide, un corps gazeux parfait, mais idéal. dans lequel on suppose R = o, mais où l'on pose $p = (p_o + R)$. La seule différence qu'il y ait entre le corps réel et lo corps idéal : io. c'est que pendant la fusion et l'évaporation, le premier passe successivement et par parties extremement petites d'un volume spécifique à un autre, tandis que toute la masse du gaz idéal y passe à la fols; 2°, et que tous les phénomènes de travail interne du premier sont traduits pour le second en travall externe.

Il serait facile d'établir les équations très simples et très élégantes qui reposent sur cette considération : mais, le me hâte de le dire, les données expérimentales actuelles ne sont pas à beaucoup près assez précises nour nous permettre d'introduire dans ces équations les constantes et les variables nécessaires pour en tirer un partiutile quelconque t .

On s'est elloreó jusqu'à present, tout à fait en vain, de trouver une équation qui bour les vapours asturées expriser cois it redation des températures et des pressions, soit celle des iempératures et des volumes. Il est bine chair qu'une semblable équation, si elle catsie, ne peut pas être simple. La pression cettren d'une vapour en ellet résulte de la différence qui criste cette l'intensité toisie de la répulsion colorique, et celles des attractions internes, et quand bien même, on arriverait à enoncer celle-ci sum formo simple, in différence serait chessiariement d'une nature consulters.

Un seal fait émineemment probable résulte de toutes les tentaires qu'on a faitai sujuriée ne sens. Nons renarquones qu'une formule empirique qui donne des résultats tolérablement oxacts pour un liquide, les donne aucs pour fous les autres tiquides, quand on y change les constantes. Aires la formule la pius approximative quant à l'eau (celle de Bio), est tout aussi approximative pour les autres vapeurs. A résulte de la que la forme de la fonction :

 $D \circ x == R$

est probablement la même pour tous les corps. Mais il serait, je pense, prématuré de vouloir en indiquer la forme dès à présent.

Pai indiqué déjà sous forme générale dans le paragraphe l es qu'on pontra tirer de l'étudo rigoureuse d'un corps, au point de vuo de la capacité calorifique, du coefficient de dilatation, du travail externe et interne rendu, etc. Je n'ai plus que peu de chose à ajouter à ce sujet.

Pai di des Forigine que la pression interne II est égale à la presion externe qu'exercerait un corps homogène sur les parois d'un vase inextensible où II sorait roulerme, si, à un insiant qualconquo, les forces qui tendont à rapprocher les motécules étaient suspendues. De cotte seule définition, il résulte que si parmi les forces en action dans le corps, il un est qui sont spédiques à octaine alonnes, que

t, Voyez la note à la fin de ce llyre,

si chaque atome ne se comporte pas de la même manière à l'égard de tous les autres, la somme R sera fausse et ne pourra être employée direclement comme une moyenne générale.

Tel sera le cas de lous les corps composés, et pour hien dire de tous les corps, puisque nous ne sayons pas d'une manière positive. si ce qu'on a appelé éléments chimiques sont réellement des corps simples. Il est évident que par exemple, dans le sulfure de carbone, l'atome de soufre ne se comporte pas vis-à-vis des autres atomes de soufre, comme vis-à-vis de ceux du carbone; bien plus que l'alome du soufre se comporte vis-à-vis de l'atome du carbono de sa molécule tout autrement que vis-à-vis tous les autres atomes de earbone de la masse du corps. Nous commettrions une erreur considérable st, dans ce cas, nous voulions former une somme commune avec la force qui unit le soufre au carbone, et celle qui unit, au cas spécial, les molécules (CS2) en un corps. Mais dans ce cas nous rendrons à R tout son caraclère homogène et rationnel, en laissant subsister et en isolant les forces spécifiquement distinctes en action, en laissant au cas particulier pris comme exemple, la combinaison chimiquo subsister et en considérant alors chaque molécule, ou groupe d'atomes, commo une unité distincte agissant d'une manière identique sur n'importe quelle autre molécule de même espèce.

C'est là en réalité co que nous avons fait implicitoment d'un bout à l'autre de cet ouvrage, et c'est es qui nous explique pourquoi partout l'emploi de la somme R a répondu si approximalivement aux résultats du l'observation.

Cette méthode do séparer et d'isoler chaque force dans les eorp s est des plus riches d'avenir, et conduit déjà aujourd'hui à des résultats fort remarquables.

Nous avons vu que dans un très grand nombre de cas, l'atome conserve ses attributs généraux, qu'il soit Hère ou combiné. Ainsi la capacité absolue d'un corps composé est la plupart du temps la manage que pour un simple mélange; ainsi la pression d'un gaz composé est aussi fort souvent la même que celle des gaz mélés. Dans d'autres cas, au coutraire, l'atome, en se combianat avec d'uttres dissemblaien o semblaite, perd une partie de ses propiétés générales comme cautre d'action; le proupe compost firmite d'acte une sunté sépérique. Meis, la polisit de vue de la capacité absolue. l'hydregène ble-arboné représente le Jaconse et mu 12 commo l'indépe la formule chimique. Aiusi au point de vue de la pression toble, la vapeur d'eau comme l'oau elle-même représenté doux atomes et non trois. Ou voit de plus cautoir évet l'une cess propiétés qui déparait, tanét l'arbor, ainst tandis que l'eau représente deux atomes au point de vue de la pression toble, elle en preprésente deux atomes au point de vue de la pression toble, elle en présente teux atomes au point de vue de la pression toble, elle en apparance, l'atome resté done toujours présent et le méme. Il ne disparait qu'en papareure, et une pas du not un réalité. Sa personnalité, en un moi, ne s'effice jamais que partiellement et temporairement et le mât une se distributer.

Je pense qu'il est inutile d'entrer dans pins de détails sous tous ces rapports; chaque physicien, chaque chimiste, saura au moment opportun, appliquer les méthodes générales à tel ou tel cas particulier.

l'ai prouvé que l'atome fini et indivisible est un être réel qu'il fant accepter tel quel, et étudier expérimentalement, et non une entité métaphysique, un centre géométrique de force, sur lequel on puisse disserter à l'aise du fond d'un cabinet.

J'ai montré que la somme des atomes des corps occupe un volume immusble, fort considérable, dans les corps liquidos et solides. J'ai donné aux chimistes des moyens positifs de reconnattre le nombre réel d'atemes d'une combinaison dans certains cas embarrassants.

Paurais pu arriver promptement à des développements annlytiques remarquables de simplicité et de clarté, si j'avais admis, par exemple, que les atomes out tous un même colume et ne different qu'en poids spécifique. Mais ce serait là une hypothèse gratuite pour le moment, de probablement fausse.

Dans tous le cours de cet ouvrage, i'ai sans cesse mis des faits

certains en face des résultats de l'analyse, outes les fois que ceux-cipuvaient parafire douteur. Le me suis, en un mot, abstem de toute spéculation proprement dite. Je termine donn de memo, La spéculation est supertine alors que quelques monographies de corps spéciaux, récrételes seve la frigueux nécessaire au point de vue expérimental, nuus conduiraient rapidement à la certitude la plus absolue.

NOTE ET ADDITION

AU

LIVRE CINODIÈME.

Ful de dans le course de co-demient livre évitor de multiplier par trop les exemples numériques et surtout de citer ceux qui, n'auraient pas encore un canachère tout-4-ful pédiuf. D'un autre coté pourtant, tout ce qui est robalif à l'ensemble et à la genéralisation de la loi $\left(\frac{c}{2}\right)$ est tellement important que jo ne voudrais pas laisser de doutes dans l'essirié des n'aviselens là qué déix ces doutes neuvent être dis-

sipés complètement.

Je vais donc donner ici quelques détails de plus pour ce qui coccerne le cas particulier de l'eau, et puis étendre les calculs à d'autres corns.

D'après Kopp, la dilatation de l'eau peut être exprimée correctement par les formules suivantes : entre 50° et 75° m⁻³ = 0.001 ± 0.0000005916 t ± 0.000000031849 t

$$+$$
 0,0000000000072848 t^3
entre 75° at 160° w^a 3=0,001+0,0000008645 t +0,0000000031892 t_5

 $+0,000000000025487\,t^3$ w étant le volume du kilogramme d'eau qui répond à t.

En différentiant et prenant comme exemples la vateur de $\frac{dw}{dt}$ à 60° et à 100°, on trouve :

$$a = 0$$

$$a =$$

D'après M. Regnault, nous avons , nour la capacité calorifloue* vulgaire:

$$\frac{dq}{dt} = 1,00564 \text{ à } 60^{\circ}$$
 $\frac{dq}{dt} = 1,013 \text{ à } 100^{\circ}$

Il résulte de là :

$$(p+R) = \frac{425}{10333} \begin{pmatrix} 1,00564 - 0.4 \\ 0,0000052001 \end{pmatrix} = 46358^{\circ\circ} \ a \ 60^{\circ}$$

 $(p+R) = \frac{425}{10333} \begin{pmatrix} 1.013 - 0.4 \\ 0.000007975 \end{pmatrix} = 31606^{\circ\circ} \ a \ 100^{\circ}$

$$(p+R) = \frac{425}{10333} \left(\frac{1.013 - 0.44}{0.00000079775} \right) = 31606$$
 a 100

Ces nombres différent neu de ceux que nous avions trouvés en par tant des expériences de Despretz.

D'après la loi
$$\left(\frac{\Theta}{T}\right)$$
, nous avons : 46358 372,85

$$\frac{46358}{31606} \cdot \frac{372,85}{332,85} = \frac{w_o - \Psi}{w_t - \Psi}$$

Remplacant w_1 et w_2 par les valeurs 0,00101659 et 0,001042986 données par les formules de Kopp, et résolvant par rapport à w. on fronce :

Nombre presque identique à celui que nous avions trouvé par une toute autre voie. Étendons ce mode de calcul au sulfure de carbone.

D'après M. Pierre, on a pour ce corps, de -34°.6 à +59°.6;

 $=\frac{0^{-4},001}{1,9029}(1+0,0011398z+0,0000013707P+0,000000019123P)$

d'où il résulte :

$$w = 0^{n-2},000745481$$
 $\frac{dw}{dt} = 0^{n-2},00000077786 \text{ a} - 30^n$

w = 0.000830293

$$\frac{dw}{dt} = 0.00000110781 \quad a + 60^{\circ}$$

D'après M. Regnault, on a pour la capacité vulgaire :

$$\frac{dq}{dt} = (0.235232 + 0.0002445454)$$

et comme la capacité absolue est ;

K = 0.12532

il vient (page 341) :

$$\frac{\frac{dq}{dt} - K}{\frac{dw}{dt}} = \begin{cases} p + R = 5423^{\circ} \cdot .82 & a - 30^{\circ} \\ p + R = 4387^{\circ} \cdot .92 & a + 60^{\circ} \end{cases}$$

On voit qu'à 60° la pression totale est plus de dix fois moindre pour le sulfide carbonique que pour l'eau.

On a, en partant des valeurs précédentes :

$$\frac{242,85}{332,85}$$
 $\left(\frac{4387,82}{5423,92}\right)$ = $\frac{0,000755155 - 9}{0.000833167 - 9}$

d'où l'on tire :

¥ == 0ⁿ⁻³,000642784

pour le colume atomique de l'unité de poids du sulfure de carbone, Il est, je pense, intillé d'insister sur l'Indérés écontillique que présenterout de parelle actuels appliqués à d'autres corps, une fois que nous serons partialement sits de l'exactitude des données expérimentales qui y entreu. L'alcota aboûte est, à ce point de vue, no corps qui mériterait d'étre étudié en tout premier lieu. En partiant des formules de dilutation de Kopp et de la capacité valgaire indiquele par M. Regnault pour l'aboul à 0°, 20°, 40° et 60° on trouve que, contratrement à ce qui a lieu pour les autres liquides. La presion interne cortt avec la température, et que l'on a 1448°. 530°.

640° et 1232° aux quatrettempératures indiquées Maltenersesment la difficulte qu'on éprouve à obtenir rigouressement purs des corps comour l'alcol. Pétiter, etc., est un grand obstacle dans ce genre d'étunte, el les nombres obsense jusqu'ici n'ont qu'une valeur relative et ne cemente dans l'aurene condission correcte.

En admettant comme seulement approximatives les deux valeurs: $\psi = 0^{-12}.00097453$ et $\psi = 0^{-12}.000642784$

que nous venons de trouver pour l'eau et le sulfide carbonique, il en résulte déjà très positivement que le volume total des atomes, varie d'un corps à un autre, et que, par conséquent, les volumes atomiques des élements chimiques réels ne sont pas égaux entre eux. En effet, si nous prenons pour unité chimique le kilogramme, on a pour l'oxigène $E=1^{\circ},00^{\circ}$, pour l'oau $E=1^{\circ},125^{\circ}$, pour le sulfide carbonique $E=4^{\circ},7732$. D'où il résulte, pour le volume de l'équivalent d'oau :

0,90097153.1,125 == 0 = 3,0010963

Pour celui de l'équivalent du sulfide carbonique :

 $0.000642784.4.7732 = 0^{m-1}.00306814$

On voit que l'expérience et l'analyse mathématique combinées, décident positivement et sus contestation possible une question sur les éléments mêmes de laquelle les philosophes e priori se sont dispotés à perto de vue. Biss, il aut bien le dire, autunt il est difficile d'arriver à l'exactitude absolue. Ainsi que le fait fort bien observer N. Regnault (page 256 de son second volume). Il est relativement facile d'arriver à détermine, avec passablement de rignour, la ditatation d'un liquide pour chaque degré d'élévation de température; mais il est très difficile de détermine aussi exactement la quantité de chaleur nécessaire à cette dévation. Èt cet élément est indispensable pour consolite v.

Si, comme je le prouve dans le texte, le passage d'un corps de l'état liquide à l'état gazeux procède suivant une loi de continuite qui lle ces deux états, il vient évidemment pour le travait total que représente l'évaporation à pression constante de l'unité de poids d'un corps liquide:

$$f(p+R)dv = f(p_o + R_o) \left(\frac{V_o - \gamma}{v - \gamma}\right) dv$$

En intégrant entre w_e et e_e , ou entre les volumes spécifiques du liquide et de sa vapeur saturée à t et à p, on a :

 $q = (p_0 + R)(e_0 - \Psi) \log_2 \log_2 \left(\frac{e_0 - \Psi}{e_0 - \Psi}\right)$

En divisant e par 425, nous aurons donc la chaleur r que coûte l'évaporation de l'unité de poids du liquide à to 1. Il vient ainsi :

Yoyes la démonstration plus élendue que f'al donnée à ce sujet dans la 15°.
 Byration du Cosmos (10 avril 1863).

$$\frac{r\,425}{10333} = \begin{cases} (p_{+} + \mathbf{R}_{0})\left(w_{-} - \mathbf{y}\right)\log\mathrm{hyp}, \begin{pmatrix} p_{+} + \mathbf{R}_{0} \\ p_{+} + \mathbf{R}_{0} \end{pmatrix} & \text{(I)} \\ (p_{+} + \mathbf{R}_{1})\left(p_{0} - \mathbf{y}\right)\log\mathrm{hyp}, \begin{pmatrix} e_{0} - \mathbf{y} \\ w_{0} - \mathbf{y} \end{pmatrix} & \text{(II)} \end{cases}$$

(po + Ro) et (po + Ro) étant les pressions totales en atmosphères dans le liquide à 6, et dans sa vaneur saturée.

Si nous appliquents l'équation (II) à l'éau, nous disposons de trois éléments qui méritent toute confiance.

 La valeur de r donnée par M. Regnault: 2°. le volume spécifique e_0 donné par la théorie thermo-dynamique ; 3°, le volume w_0 donné nar Despretz et Kopp.

A 100°, on a $r_a = 536.5$, $e_a = 1^{-4}.6553643$, $w_a = 0^{-3}.00104298$ Posant en outre pour y la valeur trouvée plus haut, il vient : $(1 + R) = 1^{2},3206417$

5.7926311 = (1 + R)* log, val. 24167.2 il résulte de là :

Ce nombre est plus fort qu'aucun de ceux que nous ayons irouvés pour la vapeur d'eau à 100° et à 1". Ainsi que je f'ai dit page 353, ces différences ne prouvent ni des erreurs de calcul , ni des erreurs théoriques : elles dérivent de ce que chaque méthode de calcul considére-le corps à un certain point de vue distinct qui peut être correct en lui-même; elles nous aideront donc par la suite à analyser complétement les diverses forces en ieu dans l'intérieur des corps. Pour le cas particulier, il est clair que si, au point de vue où nous venons de nous placer, la loi $\left(\frac{\Theta}{\pi}\right)$ est suffisamment approximative et si la valour i ... 3206417 est un tant soit peu correcte , nous devrons trouver nour la pression totale de l'eau liquide à 100° une valeur qui s'approchera de celle que nous avons trouvée ci-dessus (ou 31606**)

En nosant:

$$(1 + R_e) = 1,3206417 \left(\frac{1,6553643 - 0,00097453}{0,001042986 - 0,00097453} \right)$$

et effectuant les calculs, on a :

(1 + Ro)== 31916***

nombre qui ne diffère que de $\left(\frac{31916 - 31696}{31916}\right) = 0,0097$, soltd'nn centième, de 31606°.

Poussons plus join la vérification.

Le volume de la vapeur à 60° est :

La pression totale doit y êtro, par suife :

$$(p_e + R_1) = 1.3206417 \left(\frac{1.6553643 - \Psi}{7.67625 - \Psi} \right) \frac{332.85}{372.85}$$

ou: $(p_0 + B_0) = 0^{-1}2546078$

Et si maintenant encore cette valeur est passablement correcte et si la loi $\left(\frac{\Theta}{T}\right)$ est suffisamment approximative, nous devrons pouvoir calculer la pression totale dans l'eau à 60°. Pesous en effet :

$$p_0 + R_0 = 0.2346678 \left(\frac{7.37625 - Y}{0.00191659 - Y} \right)$$

et remplaçons Ψ par sa valeur 0.00097453 ; il vient : $p_0 + R_0 = 48461^m$

Le nombre que nous avions trouvé, en partant de la formule de Kopp, est 46358"

Il me semble qu'il est impossible de désirer un accord plus satisfaisant et, par suite, une confirmation plus complète de tout ce que j'ai dit quant k la loi $\frac{\Theta}{m}$.

L'expression rationnelle de la chaleur d'évaporation d'un liquide est donc réellement :

$$r_1 = \frac{10333}{425} (p_1 + R_1) (e_1 - \Psi) \text{ log. hyp.} \left(\frac{e_1 - \Psi}{u_0 - \Psi}\right) \qquad (r_1)$$

Équation à laquelle nous pouvons donner une forme plus générale encore.

Si nons connaissons (a. + R.) pour une température T. et un

Si nons connaissons $(p_0 + R_0)$ pour une température T_0 et un volume q_0 , il vient pour $(p_0 + R_0)$:

$$p_1 + R_i = (p_o + R_o) \left(\frac{e_o - \Psi}{e_1 - \Psi}\right) \frac{T_i}{T_o}$$

Substituant cette valeur dans l'équation (r_1), elle devient : $r_1 = \frac{10333}{202} (p_0 + R_0) (e_0 - \overline{\pi}) \frac{T}{\pi} \log$, hyp. $\left(\frac{e_1 - \overline{\pi}}{202}\right)$

ou simplement :

$$r_1 = BT \log_{\bullet} \text{ vul.} \left(\frac{e_{\circ} - \Psi}{u e_{\circ} - \Psi} \right)$$
 (r_1)

Jo no clá ceite nouvelle équation que pour montrer le parti remarquable qu'on pourra tirre un jour de la bu $\frac{\Phi}{T}$ el de toutes sea conséquences ; mais j'ajonte expressément que l'équalon correcte, en raison de la non-homogénétié complète de R et, pour le moment, surtout à cause de l'incerllinde qui règne encore sur le survout valours de ue de Φ il suffit ide d'its petites errecres sur (ve — Ψ_1 pour en entraîner de très grandes, soit dans la détermination der , soit dans celle de e, et si l'on m'y faisant attention, on pourrait être entraîné à croire que l'équation (r, le ét entièrement fause.

Il est cependant facile de s'assurer, quant aux corps suffisamment ion étudiés déjà, qu'elle est l'expression rationpelle approximative des phénomènts, absolument comme nous l'avons reconnu pour l'équalion (i). Prenous encore une fois l'eau comme exemple. On a pour la vapeur d'eau d 100°:

$$536,5 = B 372,85 \log. \left(\frac{1,6553643 - 0,00097452}{0.00104298 - 0.00097452} \right)$$

d'où B == 0,3282779, et par conséquent:

$$r = 0.3282779 \text{ T log.} \left(\frac{c - 0.00097452}{w - 0.00097452} \right)$$

Si l'on résout cette équation par rapport à w, après avoir écrit pour r, et e leurs valeurs respectives à lelle ou lelle température T, on trouve pour w, c'est-à-dire pour le volume spécifique de l'eau



a T, des valeurs qui no different en général que très peu de celles quo donne l'expérience directe : ainsi à 200° (ou T = 472° , 85) on trouve : $w = 0^{\circ}$.00 t t 2

Pour le sulfure de carbone en vapeur saturée à 60°, on a :

82.87 = B 332,85 log.
$$\left(\frac{0.225307 - \Psi}{0.000833167 - \Psi}\right)$$

Remplaçant Ψ par sa valour (provisoire et approximative) 0,000642784 et résolvant par rapport à B, il vient : B=0,0810478, d'où il résulte pour cette vapeur à une température T:

$$r = 0.0810478 \text{ T log.} \left(\frac{c - 0.000642784}{m - 0.000642774} \right)$$

Sl lci nous écrivons pour τ et σ les valeurs qui répondent à T=272,85 (ou 0°), nous tronvons :

w = 0,000793

La valeuradmise généralement pour es 21 0,000773. On voit quérie concer la différence n'est en définitive pas très considérable, et si l'on remarque qu'il peut y avoir des creurs asses notables sur les valeurs que fai admises pour calcular R, tout comme sur celles que fai admises pour e $\Delta 0^+$, on en conclura certainement que notre équation :

$$r = BT \log_{10} \left(\frac{e - \Psi}{w - \Psi} \right)$$

est bien l'expression rationnelle, mais seulement approximative, des faits. Elle deviendra leur expression ripoureuse, lorsqu'on aura su déterminer les composantes de R, et qu'on aura, par conséquent, rendu au facteur B ou $\left(\frac{10339}{425}\right)\left(p_0+R_1\right)\left(e_0-\gamma\right)\frac{T}{R_0}$ sa vraie valor valor de la constant de la constan

leur, variable alors avec T.

En la prenant pour ce qu'elle est, pour une première approximation rationnelle, l'équation primitive (I):

$$r_1 = \frac{10333}{425} (p_o + R_o) (w_o - V) \frac{T_1}{T_o} \log \left(\frac{p_o + R_o}{p_o + R_1} \right)$$



nous montre déjà, sous la forme la plus frappante, la relation intime qui existe entre la chaleur d'évaporation d'un liquide et la pression totale du corps à l'état gazeux et à l'état liquide. A 60°, par exemple, nous avons nour l'éau :

 $R+p=46358^{a} \cdot$ et pour le suifure de carbone seulement :

 $R + p = 4388^{\circ}$

Mais pour l'eau, nous avons r=504,66 et pour le sulfure seulement r=82,87. On voit que r diminue rapidement avec (p+R), lorsqu'on passe d'un corps à un autre,

TEMP	VOLUME		PRESSION EN ATMOSPHÈNES			
ordinaire	différentiel	spfellique	externe	Interne	fotale	
6.	16.	6.	R.	R.	s.	
	EAU.			-	-	
0		244 800	0.0058967	0.0001842193	0.0060800	
20	58,5511 58,5511	211,307	0.022883	0.0001812193	0.0236228	
40 3	19,706761	,19,707769	0,0722348	0,002728981	0,0749737	
60	7,675253	7,67025	0,1938331	0,00897197	0,2018670	
80	3,388#68	3,389297	0,4665357	0,02518125	0,4918169	
100	1,6515211 0,877730HS	1,6553643 p.87878866	1,9622168	0,0643957	1,6643957 2,1137533	
140	0.49870379	0.49978011	3,37882	0,3308321	3,9096524	
160	0.50090256	0.56199821	0.126548	0.6730533	6.7936013	
180	0,19063733	0,19177576	9.029174	1,2878731	41,217327	
200 220	0,42608544	0.12722828	15,580215	2,3309193	18,7111613	
210	0,083555915	0,0875064	22,882082	4,01 (703	26,896873	
210	0,0013331	0,0023518	52,859456	6,61719	59,4711646	
	SULFURIQUE.					
0	1.97152	1,27288	0.24269		ı	
20	0,570351	0,57175	0,569461			
40 60	0,38557	0,28683	1,195174			
80	0,1600216	0,17247	2,26075	l		
100	0,0918344 0,0564076	0,09344	5,97756 6,5175			
120	0,0550625	0,03679	10,13684			
	DE CARBONE.					
0	1.76372	1 70 CV	0,168303			
20	0.805432	1,7645 0,8063	0,168303			
40	0,408611	0,4074	0,812330	[1	
60	0,225507	0,2262	1,53225	!		
100	0,152906	0,1538	2,674382	1		
120	0.08287	0,0858	6,77472	l .	i	
110	0,051093	0,0376	10,063211		1	
160	0,0235302	0,0266	14,179761			

